

Rafbók



Rafmagnsfræði

Kafli 15 Riðstraumur

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Þetta hefti er án endurgjalds á rafbókinni.

www.rafbok.is

Allir rafiðnaðarmenn og rafiðnaðarnemar geta fengið aðgang án endurgjalds að rafbókinni.

Höfundur er Eggert Gautur Gunnarsson og Einar H. Ágústsson

Umbrot: Ísleifur Árni Jakobsson

Heimilt er að afrita textann til fræðslu í skólum sem reknir eru fyrir opinbert fé án leyfis höfundar eða Rafmenntar, fræðsluseturs rafiðnaðarins. Hvers konar sala á textanum í heild eða að hluta til er óheimil nema að fengnu leyfi höfundar og Rafmenntar.

Vinsamlegast sendið leiðréttingar og athugasemdir til höfundar eða til

Báru Laxdal Halldórsdóttur á netfangið bara@rafmennt.is

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Efnisyfirlit

1 Riðstraumur.....	6
Inngangur	6
Span.....	8
Span í einfaldri spólu í segulsviði.....	8
Breyting segulsviðsins	11
Spennuferilinn og tíðnin.....	15
Stærð spönuðu spennunnar	18
Straumurinn.....	19
Snúningafjöldi og tíðni.....	22
Ýmis gildi riðspennu	24
Meðalgildi	24
Virkt gildi	27
Formstuðull	32
Vektoramyndir	33
Spenna og straumur í fasa	35
Sjálfspanstuðull spólu	36
Spönuð spenna í kyrrstæðri spólu, sjálfspenspenna.....	41
Gagnkvæmt span	47
Spanviðnám.....	47
Hegðun spólu í jafnstraumsrás.....	50
Spóla með raunviðnámi	54
Sýnidæmi 1.....	60
Stærðfræðileg skipting spólu í raun- og launhluta.....	63
Sýnidæmi 2.....	65
Sýnidæmi 3.....	67
Afl í riðstraumsrásum.....	69
Sýnidæmi 4.....	72
Spóla og raunviðnám raðtengd	73
Sýnidæmi 5.....	73
Spóla með járnkjarna.....	76
Sýnidæmi 6.....	77
2 Rýmd	83
Rýmd	83

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Hleðsla og afhleðsla þéttis	85
Tímastuðull þétta.....	86
Hleðslutími	88
Sýnidæmi 6.....	88
Þrír þættir sem ákveða rýmd	90
Mismunandi gerðir þétta	92
Rýmdarviðnám.....	93
Sýnidæmi 7.....	99
Tengingar þétta.....	100
Raðtenging þétta.....	100
Hliðtenging þétta	101
Sýnidæmi 8.....	101
Þéttir og raunviðnám raðtengd.....	102
Sýnidæmi 9.....	104
Spóla, þéttir og raunviðnám raðtengd	106
Sýnidæmi 10.....	108
Eigintíðni („resonans“), raðtenging	111
Sýnidæmi 11.....	112
3 Hliðtengdar rásir	115
Inngangur að hliðtengdum rásum	115
Hliðtenging spólu og raunviðnáms	115
Sýnidæmi 12.....	115
Einfasamótor	119
Sýnidæmi 13.....	119
Hliðtengd álög með mismunandi fasviki	124
Sýnidæmi 14.....	124
Leiðrétting fasviks í einfasa rásum	128
Sýnidæmi 15.....	128
Eigintíðni („resonans“), hliðtenging	131
4 Þriggja fasa riðstraumur	133
Inngangur	133
Tengingar	136
Stjörnutenging	136
Þríhyrningstenging	139

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Afl í þriggja fasa rásum.....	141
Þriggja fasa álag með fasviki	142
Spennumerkingar riðstraumsvéla.....	143
Ástimplað afl riðstraumsvéla	143
Sýnidæmi 16.....	144
Sýnidæmi 17.....	147
Sýnidæmi 18.....	149
Leiðrétting fasviks í þriggja fasa rásum.....	151
Sýnidæmi 19.....	152
Sýnidæmi 20.....	156
5 Æfingardæmi.....	160
Ýmsar spurningar og dæmi.	160
Spóla með raunviðnámi.	165
Skipting sýndarviðnáms í laun- og raunhluta.	167
Afl í riðstraumrásum.....	168
Spóla með járnkjarna.....	169
Raðtenging spólu og raunviðnáms	170
Raðtenging þéttis og raunviðnáms	171
Spóla, raunviðnám og þéttir raðtengd	172
Ýmis dæmi úr raðtengdum rásum.....	177
Hliðtenging laun- og raunálags	178
Einfasamótorar	185
Ýmis dæmi	189
Þriggja fasa rásir.....	191
Leiðrétting fasviks í þriggja fasa rásum.....	197
6 Æfingardæmi svör.....	202

15 Riðstraumur

Inngangur

Fyrstu tilraunir á sviði rafmagnsfræði voru gerðar með fremur grófum tækjum sem vísindamennirnir smíðuðu oftast sjálfir. Við tilraunir sínar gátu þó menn eins og Georg Símon Ohm og fleiri notað rafgeymi sem spennugjafa, en hann hafði Volta fundið upp nokkru áður. Af þessu leiddi að tilraunir þessar voru framkvæmdar með jafnstraum og tækin sem þessir frumkvöðlar smíðuðu gerð fyrir þá straumnotkun. Seinna, þegar rafmagnsnotkun hafði breiðst út, fóru að koma í ljós annmarkar á nýtingu jafnstraumsins. Einn var sá að erfitt var á þeim tímum að breyta stærð jafnspennu úr einu gildi í annað án verulegra tapa. Afleiðing þess var, að ef flytja þurfti orkuna langan veg, urðu mikil töp í leiðurum, (eirtöp =). Þessi töp er hægt að minnka stórlega með því að nota háa spennu og þá lítinn straum. Einn aðal kostur við riðstraumsnotkun eru þriggja fasa kerfin. Þriggja fasa mótórar eru einföldustu og ódýrustu rafvélnar og krefjast mun minna viðhalds og umönnunar heldur en jafnstraumsvélar. Riðspenna hefur einnig þann kost að auðvelt er að breyta stærð hennar án mikils taps. Það er gert með spennubreytum en nýtni þeirra er yfirleitt yfir 90%. Um þá er fjallað í Rafmagnsfræði 1 og í kafla 20 í Rafmagnsfræði 2. Þróun af- og áriðla með hálfleiðurum hefur samt gert það mögulegt að breyta stærð jafnspennu með mjög litlum töpum. Flutningur raforku um mjög langan veg, t.d. milli landa, gæti því farið fram með jafnspennu.

Rafmagnsfræði Kaffli 15 Riðstraumur

Við flutning raforku er samt algengast að nota háspenna riðspennu þegar flytja þarf orkuna langan veg.

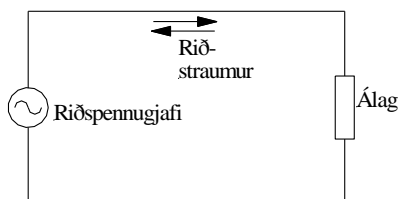
Á Íslandi er mest notuð 220kV háspennulínur og í byrjun aldarinnar eru ráðgerðar línur fyrir 440kV. Tökum smá dæmi um raforkuflutning á Íslandi. Í Búrfellsvirkjun framleiða rafalarnir 13,5kV. Í virkjuninni er þessi spenna spennt upp í 220kV og flutt á því gildi til m.a. höfuðborgarsvæðisins. Þar er spennunni breytt í 132kV og dreift í svokallaðar aðveitustöðvar. Þar er spennunni breytt í 11kV og flutt út í spennustöðvarnar þar sem hún er spennt niður í 400V fyrir almenna notkun.

Um borð í skipum er mest notuð riðspenna.

Algengustu spennukerfin eru 400V, 50Hz, fyrir stærri notendur. Sú spenna er spennt niður í 230V fyrir lýsingu og annan aflminni búnað.

Í mjög stórum skipum er framleidd enn hærri spenna. Þá er talað um háspennukerfi og spennustærðirnar 3000V og 6000V.

Skilgreining riðstraums



Mynd 1

Í jafnstraumsrás hefur spennugjafinn fasta pólun og straumurinn streymir alltaf í sömu átt í straumrásinni. Í riðstraumsrás er þessu öfugt farið. Þar skiptir spennugjafinn stöðugt um pólun og straumurinn streymir fram og til baka í rásinni. Sjá mynd 1.

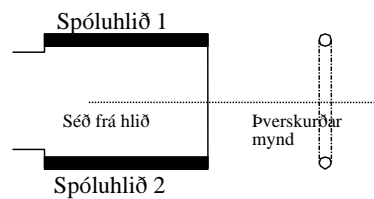
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Span

Í Rafmagnsfræði 1 var fjallað um fyrirbærið span. Þar var því lýst hvernig spenna getur spanast eða myndast á þrjá vegu. Í fyrsta lagið með því að hreyfa leiði í segulsviði. Í öðru lagi hreyfa segulsviðið fram hjá leiðinum. Og í þriðja lagi spanast spenna í breytilegu segulsviði. Hér verður ekki farið nánar út í fyrirbærið span en vísað í umræddan kafla.

Span í einfaldri spólu í segulsviði

Í rafvélum spanast spenna í spólum, sem eru settar saman úr vindingum. Það má líta á spólu sem röð samtengdra vindinga. Einfaldasta spólan er samkvæmt því einn vindingur, $N = 1$.

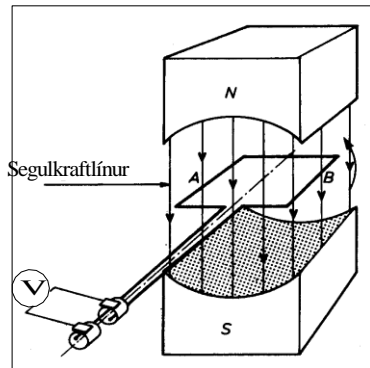


Mynd .2

Ramminn á mynd 2 er spóla með einum vindingi. Það má skipta henni upp í tvo leiða eða spóluhliðar, 1 og 2, sem skera kraftlínur. Á myndinni sést leiðsla, sem tengir spóluhliðarnar saman, og leiðslur, sem tengja spóluna við ytri straumrás.

Við skulum hugsa okkur að spólan á mynd 2 geti snúist milli póla síseguls eins og fram kemur á mynd 3. Leiðslurnar frá spólunni er festar við tvo sleituhringi

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 3

Niður á sleituhringina er þrýst tveimur kyrrstæðum kolburstum, og þeir tengjast síðan spennumæli.

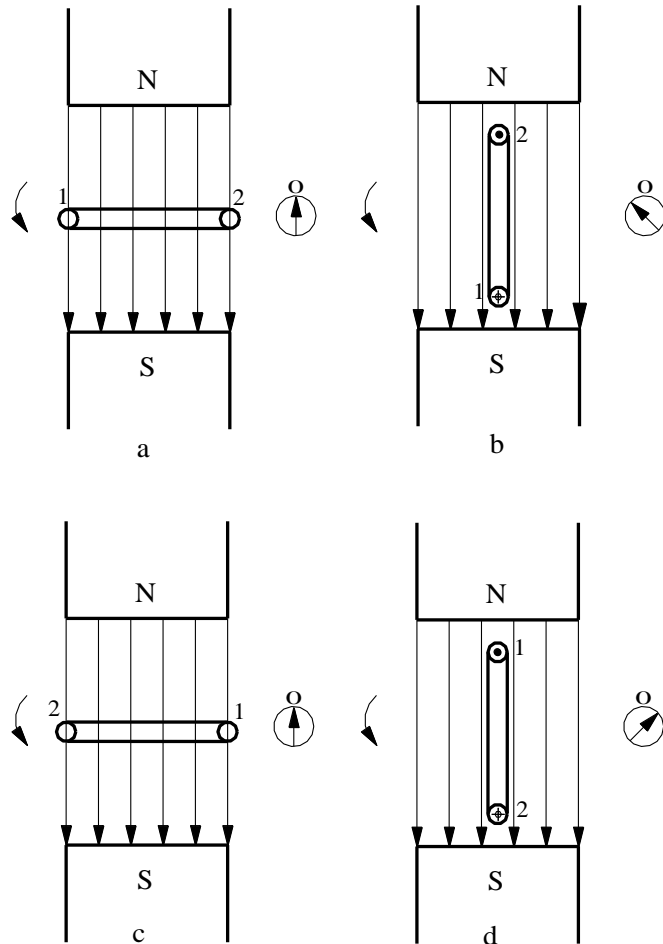
(Spennumælirinn er með núll á miðjum skala þannig að við sjáum pólun spennunnar sem myndast í spólunni).

Á mynd 4 er þverskurðarmynd af spólunni á mynd 3. Á henni sjást pólur síseglanna og örvarnar, sem tákna segulkraftlínurnar á milli pólanna. Og við sjáum í enda leiðanna sem mynda spóluhliðarnar.

Við hugsum okkur að spólan snúist rangsælis og byrjum athuginina, þegar hún stendur þvert á sviðið á mynd 4a. Spóluhliðarnar, 1 og 2, hreyfast hér samsíða segulkraftlínunum. Það er því enginn kraftlínuskurður og ekkert span. Spennumælirinn á mynd 3 er því í miðstöðu, þ.e. sýnir enga spennu.

Rafmagnsfræði Kefli 15 Ríðstraumur

Þegar spólan snýst frá stöðunni á mynd 4a í stöðuna á mynd 4b gefur spennumælirinn vísun til annarrar



Mynd 4

Í stöðu c hefur spólan snúist 180° .

Kraftlínustraumurinn kemur nú inn í hana úr gagnstæðri átt, miðað við upphafið á mynd 4a, og leiðarnir 1 og 2 eru nú aftur í hlutlausu beltinu, og spanaða spennan er aftur núll.

Frá mynd 4c til myndar 4d, gefur spennumælirinn á mynd 3 vísun í gagnstæða átt miðað við fyrra tilvikið.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Það sýnir okkur, að spanaða spennan hefur skipt um stefnu. Könnun með rafalareglunni staðfestir þetta. Stefna spennunnar í leiði 1 er nú gagnstæð við það, sem hún var í stöðunni á mynd 4b, hálfum snúningi (180°) fyrir.

Snúningurinn frá mynd 4d til myndar 4a kemur spólunni aftur í upphafsstöðu, og við áframhaldandi snúning endurtekur sagan sig.

Ef við tengjum álag, við sleituhringina á mynd 3, fer straumur um það, sem skiptir um stefnu um leið og spennan, eða m.ö.o. riðstraumur.

Breyting segulsviðsins

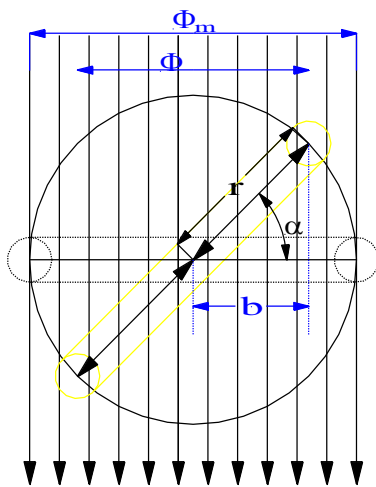
Nú skulum við skoða segulsviðsbreytinguna stærðfræðilega og sjá hvaða lögmáli hún fylgir.

Skoðum aftur mynd 4a og b tókum eftir því að á þessu augnabliki er flötur spólunnar hornrétt á kraftlínustefnuna. Nú er hámarks kraftlínustraumur í gegnum spóluna. Hámarksgildi segulkraftlínustraumsins köllum við Φ_m .

Þegar nú spólan snýst í stefnu örvarinnar fara færri og færri kraftlínur í gegnum hana, og þegar spólan hefur snúist 90 gráður og er komin í lóðrétta stöðu fara engar kraftlínur í gegnum hana, $\Phi = 0$. Mynd 4b.

Frá þessu augnabliki eykst fjöldi kraftlínanna aftur í gegnum spóluna, en nú koma þær inn í hina hlið spólunnar. Þetta táknum við með því að gefa kraftlínustraumnum mínus merki þ.e. $-\Phi$. Eftir 90 gráðu snúning hafa spóluhliðarnar 1 og 2 skipt um stöðu miðað við upphafsstöðuna. Berðu saman myndir 4a og 4c. Segulkraftlínustraumurinn hefur aftur náð hámarksgildi, en nú er hann neikvæður, $\Phi = -\Phi_m$.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 5

Þegar spólan snýst áfram minnkar kraftlínustraumurinn aftur þar til spólan er komin í lóðréttu stöðu og Φ verður aftur núll. Mynd 4d. Snúningur um 90 gráður í viðbót gefur aftur upphafsstöðuna og $\Phi = \Phi_m$ á mynd 4a.

Á þessum heila hring, sem spólan hefur snúist, hefur kraftlínustraumurinn breyst frá jákvæðu hámarki í núll, þaðan í neikvætt hámark, síðan í núll og aftur í hámark.

Hámarksgildi segulkraftlínustraumsins er segulkraftlínu-þéttleikinn sinnum flatarmál spólunnar. Ef breidd spólunnar er $2 \cdot r$ og lengd spóluhlíðarinnar l þá getum við skrifað formúlu segulkraftlínustraumsins sem: (Sjá líka kafla 13 í Rafmagnsfræði 1.)

$$\Phi_m = B \cdot A = B \cdot 2rl \quad (1)$$

Til að finna hvaða gildi segulkraftlínustraumurinn fær í stöðum milli núll og hámarksgildis, skulum við skoða spóluna í einhverri stöðu. Á mynd 5 hefur spólan snúist hornið α út frá upphafsstöðunni. Breiddin á segulkraftlínuþéttleikinu er nú ekki lengur $2r$, heldur $2b$, sem er fallið af spólubreiddinni niður á lárétta ásinn. Sú stærð sem gildir fyrir segulkraftlínustrauminn í öllum stöðum er:

$$\Phi = B \cdot 2bl \quad (2)$$

Þar sem segulkraftlínuþéttleikinn og lengd spólunnar eru stöðugar stærðir, er $2Bl$ fasti. Það er bara b sem breytist. b er í beinu hlutfalli við segulkraftlínustrauminn Φ gegnum spóluna. Á mynd 5 sjáum við að b minnkar þegar snúningshornið α vex.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Með hjálp kósínusreglunnar getum við skrifað:

$$\cos \alpha = \frac{b}{r} \quad (3) \text{ og}$$

$$b = r \cdot \cos \alpha \quad (4)$$

Skrifum nú formúlu (1) og tökum stærðina $B2l$ út og fáum:

$$B \cdot 2l = \frac{\Phi_m}{r} \quad (5)$$

Þetta sett inn í formúlu (2) gefur:

$$\Phi = \frac{\Phi_m}{r} \cdot b \quad (6)$$

Setjum nú formúlu (4) inn í formúlu (6) og fáum stærðfræðilegt samhengi á milli segulsviðsins og snúnings spólunnar í segulsviðinu.

$$\Phi = \frac{\Phi_m}{r} \cdot r \cdot \cos \alpha = \Phi_m \cdot \cos \alpha \quad (7)$$

Í tengslum við riðspennu er algengt að nota hornhraða og horn í radiönum. Hornhraði er táknaður með gríska bókstafnum ω (omeka) og skilgreindur sem stærð horns í radiönum á tímaeiningu eða:

$$\omega = \frac{\alpha}{t} \left(\frac{\text{rad}}{\text{s}} \right)$$

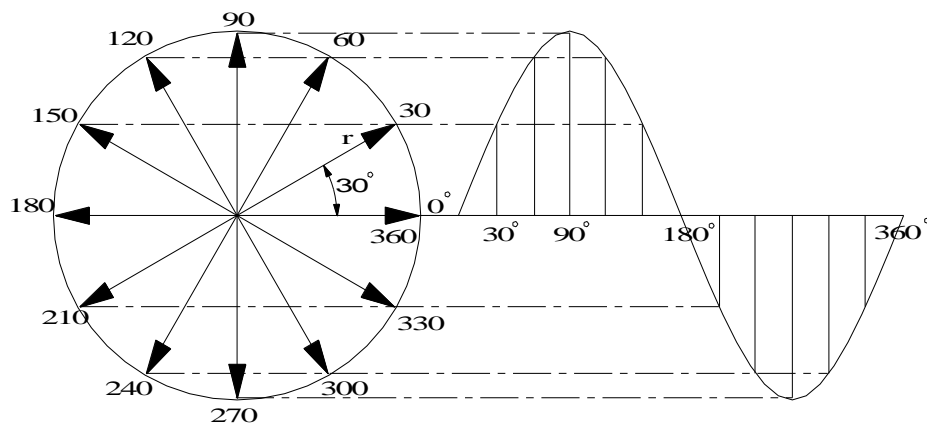
Stærð hornsins í radiönum má þá skrifa sem hornhraðann sinnum tímann, eða: ωt

Í stað α í formúlu (7) setjum við þá ωt og formúlan fyrir segulkraflínustrauminn lítur þá þannig út:

$$\Phi = \Phi_m \cdot \cos \omega t \quad (8)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

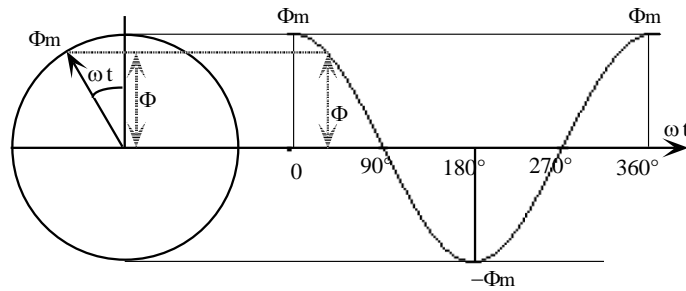
Til að sýna myndrænt samhengi á milli hringhreyfingar og sínus- eða cósínusferla er hægt að beita aðferðinni sem er sýnd á mynd 6. Hér er teiknaður hringur vinstra megin á myndinni og hnitakerfi hægra megin. Við hugsum okkur að radíus hringsins snúist rangsælis og það er táknað með því að sýna hann með 30° ($\pi/6$ radíana) millibili. Láréttar línur eru síðan dregnar yfir til hægri frá endapunktunum þeirra. Lárétta ásnum í hnitakerfinu er skipt niður með sömu hornastærðum. Þar sem láréttu og lóðréttu línurnar skerast verður ferill sínusfallsins.



Mynd 6

Til að sýna myndrænt samhengi á milli segulkraftlínustraumsins í gegnum spóluna á mynd 5 og formúlu 8 er hægt að beita sömu aðferð. Sjá mynd 7. Hér er radíusinn, sem er valinn jafn langur og Φ_m , látinn byrja við $\pi/2$ rad (90°) miðað við mynd 6. Við skilgreinum þessa staðsetningu sem upphafsstöðu eða 0° . Ferillinn byrjar því í hámarki því $\cos 0^\circ$ er jú 1. Ferillinn er s.s. í hámarki í samræmi við hámarks opnun spólunnar á mynd 5. Ath. að ferlar sínus- og cósínus fallanna er eins en með $\pi/2$ (90°) millibili.

Rafmagnsfræði Kefli 15 Riðstraumur



Mynd 7

Spennuferilinn og tíðnin

Til að spenna spanist þarf breytilegt segulsvið eins og fram kemur í kaflanum um span. Samhengið er sett fram á eftirfarandi hátt í Faradays spanlögmáli:

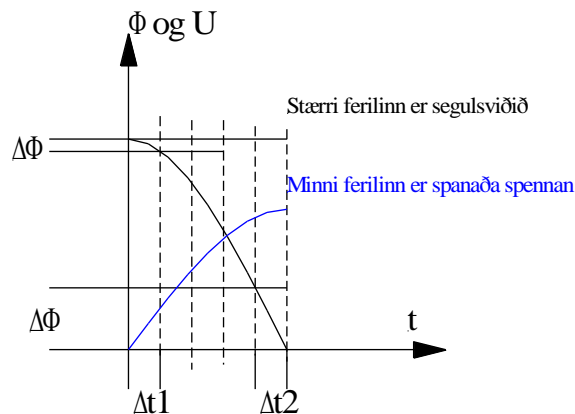
$$U = \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \quad (9)$$

Faradays lögmál segir okkur að stærð spönuðu spennunnar fari eftir hraða kraftlínustraumbreytingarinnar. M.ö.o. þá spanast mest spenna þegar kraftlínustraumbreytingin er mest á tímaeiningu.

En hvar skyldi kraftlínustraumbreytingin vera mest í kúrfunni á mynd 7?

Á mynd 8 er sýndur fjórðungur kúrfu segulkraftlínustraumsins, þ.e.a.s. 1. fjórðungur cósínusferilsins á mynd 7. Taktu vel eftir því að hér er lárétti ásinn tímaás. Ef spólan snýst með jöfnum hornhraða er línulegt samband á milli tíma og hornastærðar og við getum teiknað kúrfuna miðað við tíma til að falla betur að formúlu (9).

Rafmagnsfræði Kafi 15 Riðstraumur



Mynd 8

Ef við skiptum tímaásnum í jöfn tímabil og skoðum hvernig Φ breytist í þessum tímabilum kemur í ljós að $\Delta\Phi$ er minnst í fyrsta tímabilinu Δt_1 og mest í tímabilinu Δt_2 .

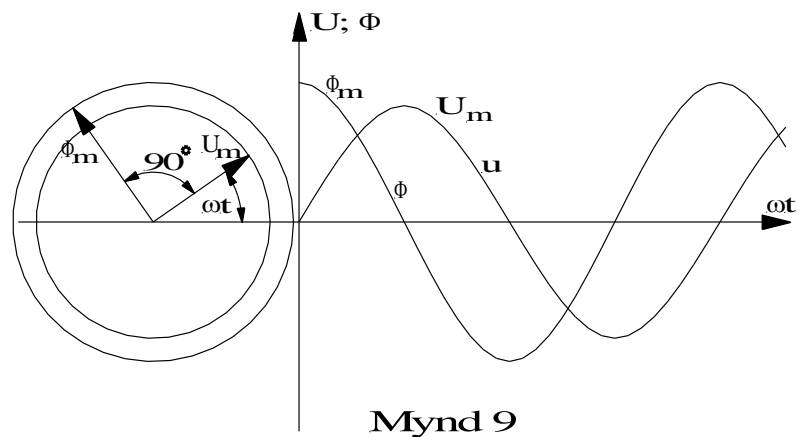
Út frá því getum við ályktað að spanaða spennan verði núll þegar segulkraftlínustraumurinn er að fara í gegnum hámarkspunktinn og mest þegar hann fer í gegnum núllið. Þetta kemur líka fram á mynd 8.

Þar sem hinir fjórðungar kraftlínukúrfunnar eru nákvæmlega eins, getum við slegið því föstu að spennukúrfan fer í gegnum núllið í hvert sinn sem segulkraftlínustraumurinn er í hámarki. Ennfremur sjáum við að spennan verður í hámarki í hvert sinn sem kraftlínustraumurinn fer í gegnum núllið. Við fáum samsvarandi bylgjulínu fyrir spennuna eins og fyrir segulkraftlínustrauminn, en spennan verður tímanum $T/4$ eða horninu $\pi/2$ (90°) á eftir kraftlínustraumnum. Frá hornafallafræðinni vitum við að slík kúrfa er sínuskúrfa, og við getum fundið gildi spennunnar fyrir hvert augnablik með því að láta radíus eða vektor, með sömu stærð og toppgildi spennunnar, snúast horninu $\pi/2$ á eftir vektor segulkraftlínustraumsins.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Þetta er sýnt á mynd 9 og spennukúrfuna (sínuskúrfuna) höfum við teiknað út frá spennuvektornum. Ef við köllum toppgildi spennunnar á myndinni U_m og augnabliksgildið u verður formúla augnabliksgildis spennunnar:

$$u = U_m \cdot \sin \omega t \quad (10)$$



Ferill spennunnar á mynd 9 er sínuslaga eins og áður sagði og endurtekur sig í sífellu. Breyting frá núlli í jákvætt hámark, aftur í núll, í neikvætt hámar og aftur í núll kallast eitt rið. Fjöldi riða á sekúndu kallast tíðni spennunnar og er táknuð með f . Tíminn á einu riði kallast riðtími, táknaður með T . Ef við margföldum saman rið og riðtíma kemur út ein sekúnda eða:

$$f \cdot T = 1s \quad (11)$$

$$\text{Tíðnin } f = \frac{1}{T} \quad (12)$$

$$\text{og riðtíminn } T = \frac{1}{f} \quad (13)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Stærð spönuðu spennunnar

Einingin fyrir tíðni er (Hz), lesið rið á sekúndu og einingin fyrir riðtímann er sekúnda (s).

Nú skulum við reyna að finna hvaða þættir ráða stærð spönuðu spennunnar.

Í Rafmagnsfræði 1 var farið í það hvernig spenna spanast í leiði sem er hreyfður í segulsviði. Þar fundum við út að spennan verður í réttu hlutfalli við segulkraftlínupéttleikann B , lengd leiðisins í segulsviðinu l og hraða hans í sviðinu v . Þetta var sett saman í eftirfarandi formúlu: (Ath. að við göngum hér út frá kraftlínupéttleikanum í stað kraftlínustraumsins):

$$U = B \cdot l \cdot v \quad (14)$$

En núna erum við að fást við spólu sem snýst í segulsviðinu. Þess vegna viljum við koma hornhraðanum að í stað beina hraðans. Hornhraði er skilgreindur sem horn í radiönnum á tímaeiningu eins og fram kom frammar í kaflanum Þegar talað er um hornhraða í stað hraða leiðisins í gegnum sviðið skiptir fjarlægð spóluhliðarinnar frá miðju spólunnar ekki máli. Beinn hraði spóluhliðarinnar vex hins vegar með fjarlægðinni frá miðju spólunnar.

Samkvæmt eðlisfræðinni er hraði vegalengd deilt með tíma. Þegar spóluhlið fer einn snúning í tveggja póla segulsviði er vegalengdin $2\pi \cdot r$ (ummál hrings) og tíminn er riðtíminn T .

$$v = 2\pi \cdot r \frac{1}{T} = \omega \cdot r \quad (15)$$

Rafmagnsfræði Kefli 15 Riðstraumur

Ath. að í staðinn fyrir $2\pi/T$ getum við sett hornhraðann ω . 2π er heill hringur á riðtímanum T .

Þessa stærð fyrir v setjum við inn í formúlu 14 fyrir spanaða spennu og gætum samtímis að því að við erum með tvær spóluhlíðar í segulsviðinu (sjá myndir 3 og 4). Þá fáum við þessa stærð fyrir toppgildi spennunnar:

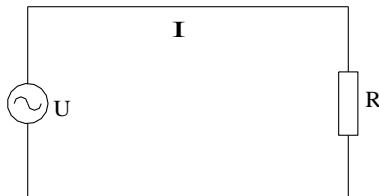
$$U_m = B \cdot 2l \cdot \omega \cdot r \quad (16)$$

Eins og við sáum í formúlu (1) er $B \cdot 2r \cdot l = \Phi_m$ og þess vegna fáum við:

$$U_m = \omega \cdot \Phi_m \quad (17)$$

Straumurinn

Straumurinn og spennan fara samtímis í gegnum hámarks- og núllgildin, eins og mynd 11 sýnir, og hámarksgildi straumsins verður:

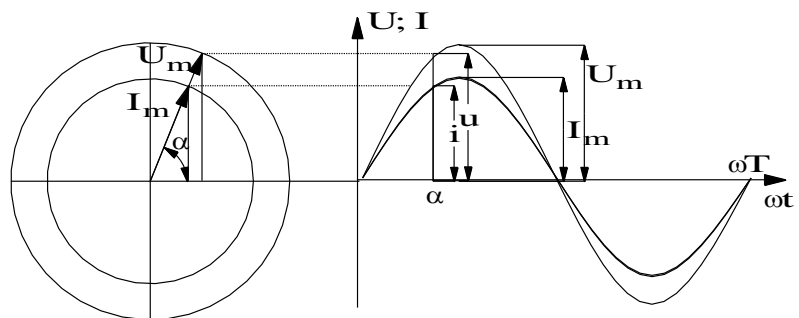


Mynd 10

$$i = \frac{u}{R} = \frac{U_m \cdot \sin \omega t}{R} = \frac{U_m}{R} \sin \omega t$$

Straumurinn og spennan fara samtímis í gegnum hámarks- og núllgildin, eins og mynd 11 sýnir, og hámarksgildi straumsins verður:

$$I_m = \frac{U_m}{R}$$



Mynd 11

og af þessu leiðir að augnabliksgildi straumsins

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

verður:

$$i = I_m \cdot \sin \omega t \quad (18)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Styrkur straums í rás með hreint raunviðnám breytist eftir kúrfu sem er nákvæmlega eins og spennukúrfan og það er ekkert horn á milli þessara tveggja kúrfa, við segjum að fasvikshornið milli þeirra sé núll, að þær séu í fasa eða í takti. Á mynd 11 hafa straum- og spennuvektorarnir sömu stefnu, en lengdin fer eftir tölugildum þeirra og þeim kvarða sem við höfum valið fyrir spennu og straum.

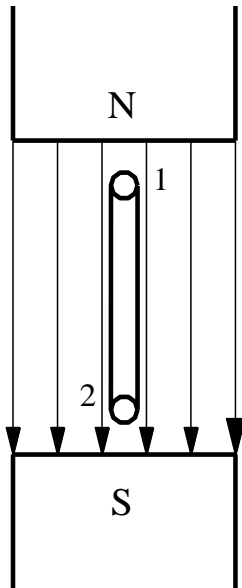
Straumurinn, sem við höfum rætt um hér, kallast riðstraumur. Hann breytist stöðugt hvað varðar stærð og stefnu, öfugt við jafnstrauminn, sem hefur alltaf sömu stefnu. Við köllum strauminn riðstraum, því við hvern heilan snúning spólunnar fáum við eitt rið og öll riðin eru eins. Í öðru hálfriðinu eykst straumurinn frá núlli í jákvætt hámark og minnkar svo niður í núll aftur. Í næsta hálfriði skiptir hann um stefnu, þ.e. eykst frá núlli í neikvætt hámark og minnkar svo aftur í núll. Rafeindirnar fara sem sagt ekki í sömu átt eins og í jafnstraumnum, heldur streyma þær fram og aftur í leiðinum. Sjá líka mynd 1.

Kúrfurnar fyrir segulkraftlínustraum, spennu og straum geta haft annað útlit en sínusbylgjan, en í þeim rafvélum sem framleiða riðspennu fyrir almenna notkun er leitast við að fá fram spennu og straum sem allra næst sínusbylgjunni, og þegar annað er ekki tekið fram, reiknum við eftirleiðis með því að vera með sínuslaga spennu og straum.

Spólan á mynd 3 ásamt seglinum er einföld útfærsla á riðstraumsrafala. Í þessari einföldu útfærslu á rafala er segulpólarnir kyrrstæðir, en algengast er að pólarnir, m.ö.o. pólhjólið, snúist, en spólurnar sem spennan spanast í, sáturspólurnar, séu kyrrstæðar. Samt sem áður gilda sömu lögmál fyrir spönuðu spennuna.

Rafmagnsfræði Kaffi 15 Riðstraumur

Snúningafjöldi og tíðni

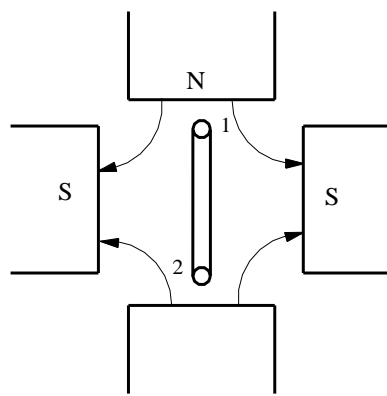


Mynd 12

Í kaflanum um spennukúrfuna voru hugtökin rið og tíðni útskýrð. Í þeirri einföldu vél sem sýnd er á mynd 3 myndast eitt rið riðspennu við hvern snúning spólunnar í segulsviðinu. Fjöldi riða á tímaeiningu verður því jafn mikill og fjöldi snúninga á sama tíma. Við getum því sagt að . Hér er snúningshraðinn eða snúningafjöldinn táknður með n og tíðnin með f . En tíðnin er miðuð við sekúndur og snúningshraðinn við mínútur og því þarf að margfalda tíðnina með 60 til að fá rétt samhengi. Formúlan fyrir hraða verður því:

$$n = 60 \cdot f \text{ (sn/mín.)} \quad (19)$$

Mynd 12 sýnir þverskurð af rafalanum á mynd 4. Við tölum um að þetta sé tveggja póla vél eða að hún hafi eitt pólpar. Þegar spólan snýst einn snúning myndast eitt rið riðspennu eins og áður hefur komið fram. Nú hafa rafalar oft fleiri póla eða pólpor. Á mynd 13 er sýnd þverskurðarmynd að rafala með 4 póla eða 2 pólpor. Ef við fylgjum eftir leiði 1 þegar hann snýst framhjá pólunum sjáum við að hann þarf ekki að snúast nema hálfan snúning, 180° til að mynda eitt rið. Mundu að þegar spóluhlið fór framhjá N-pól myndaðist t.d. jákvætt hálfrið og neikvætt hálfrið þegar hann fór framhjá S-pól. Það myndaðist s.s. heilt rið við það að spóluhliðin fór framhjá N- og S-pól. Á mynd 13 þarf spólan bara að snúast hálfan snúning til að mynda eitt rið. Þetta segir okkur að inn í samhengi snúningshraða og tíðni þurfum við að koma pólafjöldanum að.



Mynd 13

$$n = \frac{60 \cdot f}{p} \quad (20)$$

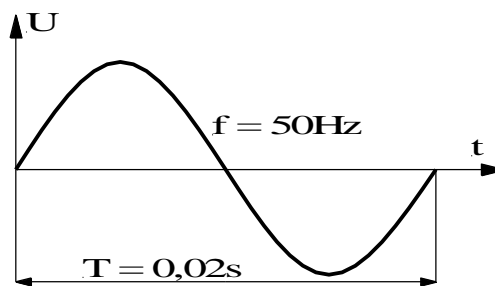
þar sem p er pólparafjöldi rafalans.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Mælieining fyrir tíðni er (Hz) en við tölum um rið á sekúndu eða bara rið. Mælieining fyrir hraða er (sn/mín).

Í riðspennukerfum er tíðninni haldið mjög stöðugri og í ákveðnu gildi. Hér á landi og annar staðar í Evrópu eru notuð 50Hz. Í Ameríku eru 60Hz notuð og í sumum skipskerfum er sú tíðni líka notuð. Í flugvélum eru rafkerfin með 400Hz tíðni.

Í umfjöllun um riðspennu er oft gott að hafa þessa einföldu mynd af rafala í huga. (Mynd 4). Og muna að það tekur tíma að mynda spennuna. Hún fer í gegnum núllið á einhverju augnabliki og ákveðnum tíma síðar nær hún hámarksgildinu o.s.frv. Tíminn á einu riði, riðtíminn, í 50Hz kerfi er 0,02s eða 20ms. Sjá formúlu 13. Á mynd 14 er eitt rið sínuslaga riðspennu og inn á myndina er merktur riðtíminn.



Mynd 14

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Ýmis gildi riðspennu

Þegar fjallað er um riðspennu rekumst við oft á hugtökin hámarksgildi, augnabliksgildi, meðalgildi og virktgildi. Hér að framan hefur verið fjallað um hámarks- og augnabliksgildi riðspennunnar en hér á eftir skulum við líta á hugtökin meðalgildi og virktgildi.

Meðalgildi

Þegar fjallað er um riðspennu rekumst við oft á hugtökin hámarksgildi, augnabliksgildi, meðalgildi og virktgildi. Hér að framan hefur verið fjallað um hámarks- og augnabliksgildi riðspennunnar en hér á eftir skulum við líta á hugtökin meðalgildi og virktgildi.

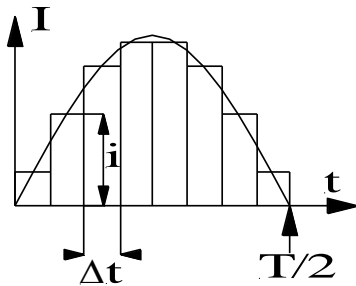
Meðalgildi

Þegar við lítum á mynd af sínuslaga riðspennu, eða sínuslaga riðstraum, sjáum við strax að meðalgildið í einu riði hlýtur að vera núll, þar sem jákvæða riðið er jafnstórt neikvæða riðinu. Það hefur því enga hagnýta þýðingu að tala um meðalgildið úr einu riði.

Meðalgildið úr hálfu riði er hinsvegar mikið notað, einkum í tengslum við afriðun, og við skulum skoða samhengið á milli meðalgildisins úr hálfu riði, eða röð af hálfriðum, og toppgildi riðspennunnar eða riðstraumsins.

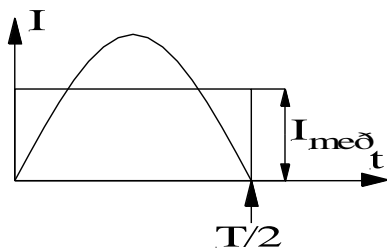
Við notum hér áfram U fyrir spennu og I fyrir straum en merkjum bókstafina með styttingunni „með“ fyrir meðalgildi og styttingunni „m“ fyrir hámarksgildi. Það sem átt er við með meðalgildi riðstraums í hálfu riði er eitthvert stöðugt straumgildi sem gefur t.d. sömu rafhleðslu og breytilegi straumurinn í á jafn löngum tíma.

Rafmagnsfræði Kefli 15 Riðstraumur



Mynd 15

Við skulum taka eitthvert augnabliksgildi straumsins og margfalda það með tímanum Δt , sem er svo líttill að við getum gengið út frá stöðugum straumi þetta stutta augnablik. Með þessu fæst ferhyrningurinn $i \cdot \Delta t$ eða m.ö.o. rafhleðslan $i \cdot \Delta t$. Á mynd 15 höfum við skipt hálfriði straumsins niður í ferhyrninga og summa þeirra er heildar flatarmál spennukúrfunnar en hlýtur þá einnig að vera rafhleðslan sem fæst út úr einu hálfriði.



Mynd 16

Nú skulum við setja inn í myndina af hálfriðinu ferhyrning, þar sem önnur hliðin er $T/2$ og flatarmálið er það sama og heildar flatarmál kúrfunnar. Þá verður hin hliðin eða hæðin á ferhyrningnum jöfn meðalgildi straumsins, $I_{með}$, eins og sýnt er mynd á 16.

Ef við gætum mælt eða reiknað flatarmálið sem kúrfuhelmingurinn myndar á móti lárétta ásnum gætum við deilt í það með $T/2$. Útkoman gæfi okkur hæðina á ferhyrningnum eða gildið $I_{með}$.

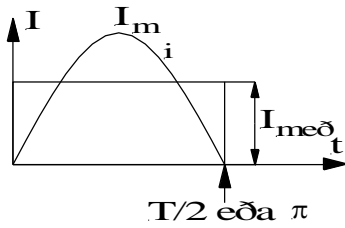
Þetta er hægt að gera með tegrunarreikningi, sjá neðar, og útkoman úr því gefur okkur eftirfarandi formúlu:

$$I_{með} = \frac{2}{\pi} I_m \quad (21)$$

Á hliðstæðan hátt er hægt að finna meðalgildi riðspennunnar:

$$U_{með} = \frac{2}{\pi} U_m \quad (22)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 17

Meðalgildi úr hálfu riði sínuslaga straums eða spennu er m.ö.o. aðeins tæplega 64% af hámarksgildinu.

Hér á eftir skulum við sjá hvernig við getum sannað þetta með tegrun.

Á mynd 17 er teiknaður ferhyrningur með sama flatarmál og það sem sínuskúrfan afmarkar. Hæðin er ferhyrningsins er, eins og áður sagði, meðalgildið, $I_{með}$, sem við erum að leita að. Eðlisfræðilega þýðir $I_{með}$ stöðugan straum, þ.e.a.s. jafnstraum, sem á hálfu riði gefur sömu rafhleðslu og riðstraumurinn.

Við göngum út frá formúlu (18) fyrir augnabliksgildi straumsins og tegrum hana fyrir tímabilið $0-T/2$ eða hornið $0-\pi$.

$$I_{með} = \frac{1}{T} \int_0^{T/2} i dt = \frac{1}{T} \int_0^{T/2} I_m \cdot \sin \omega t dt = \frac{1}{T} \frac{1}{\omega} I_m | -\cos \omega t |_0^{\pi}$$

$$I_{með} = \frac{2}{T} I_m \frac{1}{\omega} [-\cos \pi - (-\cos 0)] = \frac{2}{T} I_m \frac{1}{\omega} \cdot 2$$

$$I_{með} = \frac{4 \cdot I_m}{T \cdot \omega} = \frac{4 \cdot I_m}{T \cdot 2\pi f} = \frac{4 \cdot I_m}{T \cdot 2\pi \frac{1}{T}} = \frac{2}{\pi} I_m$$

$$I_{með} = \frac{2}{\pi} I_m \quad (21)$$

Þ.e. sama formúla og áður.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Hér á undan höfum við séð að meðalgildi breytilegrar spennu eða straums er í rauninni flatarmálið sem ferill eða kúrfa spennunnar (straumsins) afmarkar á móti x -ásnum. Til að finna þetta flatarmál notuðum við tegrunarreikning. Til að skilja þetta betur og til að undirstrika að meðalgildið er háð flatarmáli straumkúrfunnar er ágætt að teikna hálfu sínusbylgju á millimetrappír og telja út reitina sem kúrfan afmarkar. Ef þú notar 30mm sem hálfri rið í lárétta ásin og 20mm lóðrét, fyrir t.d. 1A hámarksgildi, ættu reitirnir að vera tæplega 390 eða 390mm². Ef við tökum þessa 390mm² sem flatarmál rétthyrnings og deilum í með 30mm (lengdinni) verður hæðin, $I_{með} = 390\text{mm}^2/30\text{mm} = 13\text{mm}$. I_m var 20mm og hlutfallið $13/20 = 0,65$, sem er mjög nærri þeirri niðurstöðu sem við fengum hér að ofan ($2/\pi$). Stærðfræðilega gerum við þetta með tegrunaraðferðinni sem var lýst hér á undan.

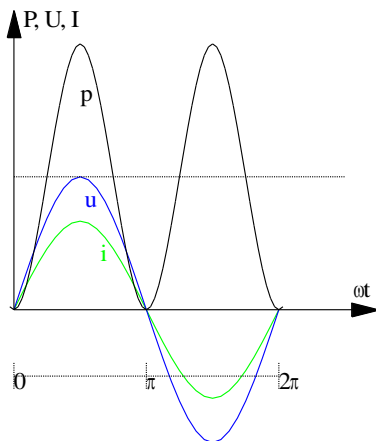
Virkt gildi

Þegar við þurfum að finna aflið í rás sem er tengd við riðspennugjafa er ekki hægt að nota meðalgildið, því aflið er ekki háð straumnum eða spennunni eingöngu heldur margfeldi spennu og straums, $u \cdot i$, eða straumnum í öðru veldi, i^2 , eða spennunni í öðru veldi, u^2 . Fyrir augnabliksgildin gilda aflformúlurnar sem við höfum áður kynnst þ.e.:

$$p = u \cdot i = R \cdot i^2 = \frac{u^2}{R} \quad (23)$$

þar sem R er heildar viðnámið í rásinni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 18

Hér þurfum við að finna meðalgildið af margfeldinu $u \cdot i$, meðalgildið af i^2 eða meðalgildið af u^2 .

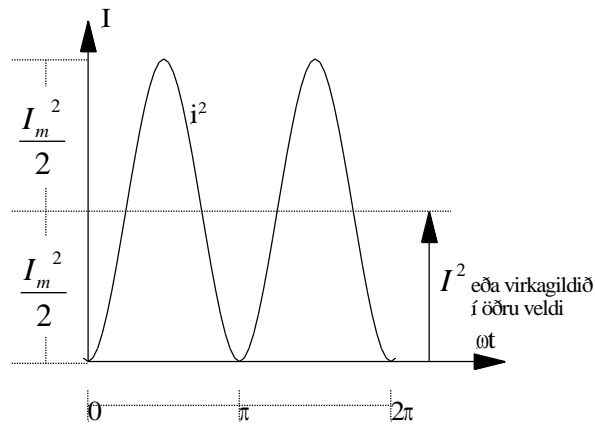
Fyrst skulum við finna aflkúrfuna með því að margfalda saman spennu og straum. Við notum formúlur (10) og (18) og setjum þær inn í formúlu (23). Augnabliksgildi aflsins verður þá:

$$p = u \cdot i = U_m \sin \omega t \cdot I_m \sin \omega t$$

$$p = U_m \cdot I_m \cdot \sin^2 \omega t \quad (24)$$

Þessir þrjú ferlar eru teiknaðir á mynd 18. Hér er gengið út frá hreinu raunviðnámi í rásinni þannig að spennu og straumur eru í fasa eða takti. Aflkúrfan verður jákvæð í neikvæða hálfriði spennu og straums þar sem (-) sinnum (-) gefa (+). Á myndina er teiknuð strikálína sem skiptir aflkúrfunni til helminga þannig að hlutinn ofan við línuna er jafn stór hlutanum neðan við. Ef við lítum á aflkúrfuna út frá strikálínunni sést vel að aflkúrfan er sínuslaga með tvöfalda tíðni miðað við spennu- og straumkúrfurnar. (Ath. að mynd 18 er ekki í kvarða).

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 19

Á samsvarandi hátt getum við teiknað kúrfur fyrir i^2 og u^2 . Á mynd 19 er sýnd kúrfan fyrir augnabliksgildi straumsins í öðru veldi. Hún verður líka jákvæð allan tímann vegna þess að $(-i)(-i) = i^2$. Hitaáhrif riðstraumsins eru m.ö.o. þau sömu í báðum hálfriðum riðstraumsins. Straumurinn hitar jafn vel í hvora áttina sem hann streymir í rásinni.

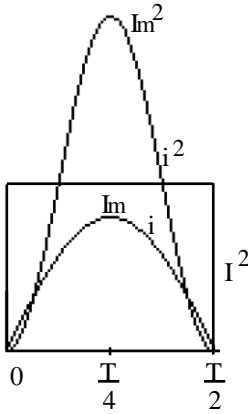
Á mynd 19 er líka teiknuð strikálína sem skiptir kúrfunni i^2 í jafn stóra helminga. Hæðin upp í strikálínuna verður $I_m^2/2$ eða helmingur hámarksgildis straumsins í öðru veldi og þetta er líka meðalgildi aflkúrfunnar þar sem hún sveiflast jafn mikið upp fyrir og niður fyrir strikálínuna. Ef við köllum hæðina frá núllásnum upp í strikálínuna I^2 fáum við:

$$I^2 = \frac{1}{2} I_m^2$$

og samsvarandi straumstyrkur í fyrsta veldi verður kvaðratróttin að meðalgildinu eða m.ö.o virkagildi straumsins:

$$I = \frac{1}{\sqrt{2}} I_m = \frac{I_m}{\sqrt{2}} \quad (25)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 20

(Á ensku er virka gildið kallað „root mean square“ skammstafað r.m.s. Þetta mætti reyna að þýða á íslensku með orðunum „kvaðratrótin af meðalgildinu í öðru veldi“ án þess að í það megi leggja stærðfræðilegan skilning.). Virkagildið er rétt rúmlega 70% af hámarksgildinu því $\frac{1}{\sqrt{2}} = 0,707$.

Á mynd 20 er teiknaður ferhyrningur með sama flatarmáli og kúrfan fyrir i^2 og inniheldur því sömu orku. Það segir okkur að við getum fundið orku riðstraumsins með því að margfalda virkagildið með viðnáminu og tímanum:

$$W = I^2 R \cdot t \quad (26)$$

Þetta er sama formúla og við notuðum fyrir orku í jafnstraumsrásunum.

Á tilsvareandi hátt finnum við virkagildi riðspennunnar. Hugsum okkur að kúrfan á mynd 19 væri teiknuð fyrir u^2 :

$$U^2 = \frac{1}{2} U_m^2$$

$$U = \frac{1}{\sqrt{2}} U_m = \frac{U_m}{\sqrt{2}} \quad (27)$$

Orkan á tímanum t verður:

$$W = \frac{U^2}{R} \cdot t \quad (28)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Ef við deilum orkuformúlunni sem inniheldur spennuna upp í orkuformúluna sem inniheldur strauminn fáum við eftirfarandi:

$$\frac{W}{W} = \frac{I^2 \cdot R \cdot t}{\frac{U^2}{R} \cdot t} = \frac{I^2 \cdot R^2}{U^2} = 1$$

$$\sqrt{\frac{I^2 \cdot R}{U^2}} = \sqrt{1} = \frac{I \cdot R}{U} = 1 \text{ eða } U = I \cdot R$$

Á þessu sjáum við að Ohms-lögmál gildir fyrir virkugildin og þá hljóta einnig að gilda aðrar formúlur sem við höfum útleitt með hjálp Ohms-lögmáls. Ef við setjum $R = \frac{U}{I}$

inn í formúluna fyrir orkuna fáum við:

$$W = U \cdot I \cdot t \quad (29)$$

og aflið verður:

$$P = \frac{W}{t} = \frac{U \cdot I \cdot t}{t} = U \cdot I \quad (30)$$

Aflið í riðstraumsrás þar sem straumur og spenna eru í fasa er margfeldi virka gildis spennunnar og virka gildis straumsins.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Formstuðull

Hlutfallið milli virku- og meðalgilda riðstraums eða spennu er kallað formstuðull. Fyrir spennu, sem hefur sömu lögun og sínusbylgjan, verður formstuðullinn:

$$\frac{\text{Virktgildi spennu}}{\text{Meðalgildi spennu}} = \frac{U}{U_{\text{með}}} = \frac{\frac{1}{\sqrt{2}}U_m}{\frac{2}{\pi}U_m} = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} = 1,11 \quad (31)$$

Sambærilegt hlutfall má setja upp fyrir straumana. Hagnýtt gildi formstuðuls tengist mælingum á riðspennu eða riðstraumum. Þegar þessi gildi eru mæld er þeim oftast breytt í jafnspennu eða jafnstraum. Í vísismæli þarf því að margfalda skalann með formstuðlinum því virkagildið sem mælirinn á að sýna er hærra en meðalgildið sem hann fær inn á mæliverkið.

Þegar spennan víkur frá sínusbylgjunni, eins og t.d. gerist í stýrðri afriðun, breytist formstuðulinn. Eldri mælar, bæði vísismælar og stafrænir mælar, eru því ónákvæmir þegar um slíkar spennur er að ræða og frávikið vex eftir því sem spennan verður ólíkari sínusbylgjunni. Í seinni tíð hafa komið á markað mælar merktir „true rms“. Í þeim breytist formstuðullinn og þeir mæla því virktgildi spennunnar rétt og óháð útliti hennar.

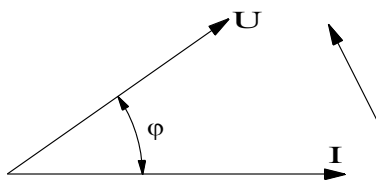
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Vektoramyndir

Á mynd 6 sáum við samhengi radíus hrings og sínuskúrfu og hvernig mismunandi stöður hans samsvara ákveðinni stöðu í sínuskúrfunni, eða m.ö.o. augnabliksgildum í sínuskúrfunni. Á mynd 9 var þetta notað til að lýsa á tvennan hátt afstöðu spanaðrar spennu annars vegar og segulsviðsins sem orsakaði spennuna hins vegar. Í því tilfalli kölluðum við radíusana vektora.

Vektor er stærðfræðilegt fyrirbæri, sem í t.d. riðstraumsrásum, táknar stærð og einnig stefnu hugtaka eins og spennu, straums afls, viðnáms o.s.frv. Í stað þess að teikna sínusferla spennu og strauma getum við notað vektora til að sýna innbyrðis afstöðu áður nefndra hugtaka. Þetta kom vel fram á mynd 9. Á henni sjáum við að afstaðan á milli segulsviðs og spennu er 90° . Og þetta sjáum við bæði á sínusferlunum og vektorunum.

Í riðstraumsrásum er oftast tímamunur eða horn á milli straums og spennu. Til að sýna þennan mun myndrænt eru notaðar vektoramyndir. Mynd 22 er dæmi um slíka vektoramynd.



Mynd 22

Á mynd 22 er straumurinn I lagður í lárétta ásinn, viðmiðunarásinn, og spennan U sýnd horninu φ á undan. Hornið φ er kallað fasvikshorn eða bara fasvik og við tölum um að það sé svo og svo stórt fasvik á milli straums og spennu.

Vektoramyndin lýsir hreyfingu eða breytingu sínusferla. Þegar við létum radíusinn á mynd 6 teikna upp sínusferilinn hugsuðum við okkur að hann snérist rangsælis. Þetta gerum við líka á mynd 22 eins og pílan sýnir. Við segjum því að spennan U á mynd 22 sé horninu φ á undan straumnum I .



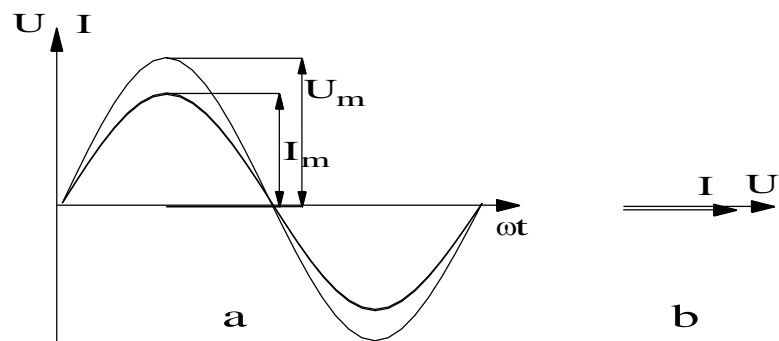
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spenna og straumur í fasa

Vektoramyndir eru líka notaðar til að leggja saman stærðir með mismunandi stefnu. Í raðtengdri rás t.d. getum við verið með tvö spennuföll sem eru mismunandi bæði hvað varðar stærð og stefnu. Við verðum þá að beita vektorsamlagningu til að leggja þær saman.

Þegar álag í riðstraumsrás er hreint raunálag (einungis raunviðnám í rásinni), fylgir straumkúrfan spennukúrfunni. Kúrfurnar fara þá samtímis í gegnum núllgildi og hámarksgildi. Þetta ástand kallast að straumur og spenna séu í fasa, eða að straumrásin sé í fasa.



Mynd 23

Á mynd 23 er dæmi um þetta. Mynd a sýnir sínusferla straums og spennu og mynd b sýnir hvernig þetta er táknað með vektorum.

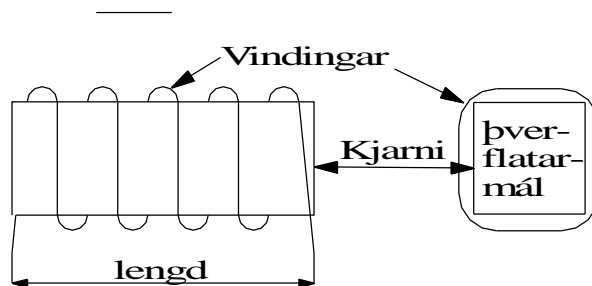
Í verkefni 15E er fjallað um sínusferla spennu og straums, hámarksgildi, augnabliksgildi og virktgildi. Í verkefninu er notuð sveiflusjá til að skoða spennurnar. Til að sjá straumferil á sveiflusjá verður fyrst að breyta straumnum í spennufall og leiða það á inngang sjárinnar. Á sveiflusjánni kemur líka fram hvort spennu- og straumferlarnir eru í fasa eða takti.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

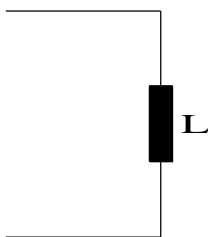
Í verkefninu teiknum við sínusferlana eins og þeir koma fram á sveiflusjánni. Ef ekki er fasvik gæti sú mynd litið út eins og mynd 23. Í verkefninu er afstaða ferlanna einnig táknuð með vektorum. Oftast teiknum við vektoranna sem virkgildi en sveiflusjáin sýnir augnabliks- (hámarks-) gildi.

Sjálfsþanstuðull spólu

Með hugtakinu spóla er átt við vindinga, einn eða fleiri, sem eru undnir á kjarna eða form. Sjá mynd 24. Í rafmagns- eða rásarteikningum eru spólur táknaðar með bylgjulínnum svipað og sýnt er á mynd 24 eða með fylltum ferhyrningi eins og sýnt er á mynd 25. Það tákni verður notað í þessari bók.



Mynd 24



Mynd 25

Hlutverk spóla í riðstraumsrásum er margvíslegt. Í rafvélum s.s. móturum eða spennubreytum eru spólur notaðar til að framleiða segulsvið. Við tölum líka um spóluvirkni þegar rafrásir hafa sér eins og spólur. Rafvél virkar oftast sem spóla og langur leiðari getur líka haft spóluvirkni.

Ef spólan er tengd við riðspennugjafa og riðstraumur fer um vindinga hennar myndast í henni segulsvið sem breytist eins og straumurinn. Þetta segulsvið spanar spennu í spóluna, svokallaða sjálfsspansspennu.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Samkvæmt tregðulögmálinu vinnur sjálfsspansspennan á móti sinni eigin orsök, þ.e. segulsviðinu. Hún verður nokkurs konar spönuð mótspenna, sem reynir að hindra segulsviðið í að myndast. Þegar spönuðu mótspennunni, sjálfsspansspennunni, er lýst stærðfræðilega er hún merkt með mínus. Sjá nánar síðar.

Eiginleikar spólu til þess að spana spennu byggjast á gerð hennar þ.e.a.s. vindingafjölda, lengd, þverflatarmáli og gerð kjarna. Sjá mynd 24. Oftast eru spólur með járnkjarna, en í útskýringum hér á eftir er gert ráð fyrir að spólan sé með loftkjarna.

Nú skulum við skoða stærðfræðilega þau atriði í byggingu spólunnar, sem ráða stærð sjálfsspansspennunnar.

Þegar straumur fer um vindinga spólu myndast segulsvið í spólunni. (Sjá líka kafla 14 í Rafmagnsfræði 1.) Segulkraftlínubéttleikinn B í miðri spólunni er í beinu hlutfalli við vindingafjöldann N , og straumstyrkinn i í vindingum hennar. Margfeldið iN er oft nefnt í einu orði og kallað ampervindingafjöldi spólu. Kraftlínubéttleikinn minnkar síðan eftir því sem ampervindingarnir dreifast á meiri lengd. Segulsviðið verður einnig sterkara eftir því sem segulleiðni μ efnisins í kjarna spólunnar er meiri. Ef kjarninn er loftkjarni skrifum við segulleiðnina með μ_0 . Við getum sett þetta saman í eftirfarandi formúlu:

$$B = \mu_0 \frac{i \cdot N}{l} \quad (32)$$

og segulkraftlínustraumurinn verður:

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

$$\Phi = B \cdot A = \mu_0 \frac{i \cdot N}{l} A \quad (33)$$

Í hægri hlið formúlunnar er einungis hægt að breyta i og því getum við skrifað formúluna sem:

$$\Phi = k \cdot i \quad (34)$$

þar sem óbreytan k er:

$$k = \mu_0 \frac{N}{l} A \quad (35)$$

Fastinn k er eingöngu háður byggingu spólunnar, þ.e. lengd, vindingafjölda, þverflatarmáli og segulleiðni kjarnans. Við gerðum ráð fyrir spólu með loftkjarna en segulleiðnistuðull lofts er fasti μ_0 . ($\mu_0 = 1,25 \cdot 10^{-6}$). Segulleiðnistuðull járns μ er aftur á móti miklu stærri stærð og breytileg, háð bæði samsetningu járnsins og segulástandi.

Á formúlu 34 sjáum við að segulkraflínustraumurinn breytist í takti við strauminn. Á bls. 15 var rætt um samhengi segulbreytingar og spanaðrar spennu í Faradays spanlög máli, formúlu 9. Hér skulum við skrifa aftur Faradays lögmál og bæta inn í það vindingafjölda spólunnar, N :

$$u = N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \quad (36)$$

Hér að ofan höfum við notað litla bókstafi fyrir straum og spennu til að sýna að um breytilegar stærðir er að ræða en ekki stöðug gildi.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Ef i eykst um lítið gildi Δi , þá eykst Φ tilsvarendi um stærðina $\Delta\Phi$. Og þar sem stærðirnar eru enn í beinu hlutfalli hvor við aðra gildir ennþá :

$$\Delta\Phi = k\Delta i \quad (37)$$

Þetta setjum við inn í formúlu 35 og fáum:

$$u = N \frac{k \cdot \Delta i}{\Delta t} = k \cdot N \frac{\Delta i}{\Delta t} \quad (38)$$

Stærðina

$$k \cdot N \quad (39)$$

köllum við **spanstuðul** eða **sjálfsspansstuðul** spólu og táknum hana með formúlutákninu L . Spanaða spennan í spólunni verður þá:

$$u = L \frac{\Delta i}{\Delta t} \quad (40)$$

Á formúlu 40 sjáum við að spanaða spennan er í beinu hlutfalli við hraða **straumbreytingarinnar** og **spanstuðul** spólunnar.

Við getum sett upp fleiri formúlur fyrir spansstuðul. Við göngum þá út frá formúlum 35 og 37 og leysum þá síðast töldu m.t.t. k :

$$k = \mu_0 \cdot \frac{N}{l} A \quad (35) \quad \text{og} \quad k = \frac{\Delta\Phi}{\Delta i} \quad (37)$$

Við margföldum nú fastann k með N og fáum:

$$L = \frac{\Delta\Phi}{\Delta i} \cdot N \quad (41)$$

$$L = \mu_0 \cdot \frac{N^2}{l} A \quad (42)$$

Í formúlunum hér að ofan er:

N - vindingafjöldi spólu

A - þverflatarmál spólu í m^2

l - lengd spólunnar í m og

μ - segulleiðnistuðull kjarna spólunnar.

Þegar segulleiðnistuðullinn er merktur með 0 táknað það

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

segulleiðni lofts eins og áður sagði. Flest efni, s.s. einangrar, eir, plast o.s.frv., hafa svipaða segulleiðni og loft. Járn og járnblöndur (járn íblandað með 4% kísil er algengt í rafvélum) hafa hins vegar mörg þúsund sinnum hærri segulleiðni.

Stærðareining fyrir spanstuðulinn ætti samkvæmt formúlu 42 að vera Am, amper-metrar en einingin er skírð henry (H) eftir þekktum frumkvöðli í raffræðinni.

Í verkefni 15A er mældur straumur í spólu með og án járnkjarna. Þegar járnkjarninn er tekinn úr spólunni má tala um að hún hafi loftkjarna. Í mælingunni kemur fram að straumurinn minnkar verulega þegar járnkjarninn er settur í spóluna. Í formúlu 42 eru vindingafjöldinn, þverflatarmál og lengd spólunnar fastar og eina stærðin sem getur breyst er segulleiðnin. Hún vex, sjálfsspansstuðullinn vex og spanaða mótspennan, sjálfsspansspennan, í spólunni vex þar með eins og fram kemur í formúlu 40. Við munum síðar sýna fram á samhengi spanaðrar mótspennu og viðnáms spólu, svokallaðs span- eða launviðnáms spólunnar.

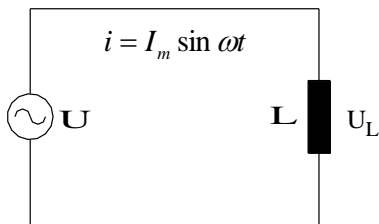
Í seinni hluta verkefnis 15A er gerð mæling á spólu úr segulrofa. Þar kemur fram hvernig við getum nýtt okkur þennan eiginleika spólunnar að auka spanstuðulinn þegar kjarninn lokast. Þetta kemur fram í því að spólan tekur mikinn straum í tengiaugna-blikinu, það myndast öflugt segulsvið og kjarninn smellur snögg saman og snertur rofans tengja (eða rjúfa) hratt og örugglega. Þegar rofinn hefur virkjust minnkar straumurinn niður í ákveðinn hvíli eða haldstraum spólunnar. Hagræðið af þessu er fyrirferðar minni spóla og minna afltap á meðan segulrofinn er virkur.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Til að fá svipaða eiginleika í segulrofa fyrir jafnstraum verður að tengja mótstöðu í röð með spólunni.

Rofsnerta í segulrofanum er nýtt til að tengja fram hjá mótstöðunni í tengiaugnablikinu. Þegar segulrofinn virkjast rýfur rofsnertan og straumurinn verður að fara í gegnum mótstöðuna og það dregur úr straumtökunni í gegnum spóluna.

Spönuð spenna í kyrrstæðri spólu, sjálfspanspenna.



Mynd 26

Hér á undan hefur verið fjallað um það hvernig spenna myndast í spólu sem snýst í segulsviði. Og hvað ákvarðaði stærð hennar. Við hugsuðum þetta sem spennugjafa, rafala, sem framleiddi spennu og sendi hana út á álag. Nú ætlum við að skoða hvernig spenna spanast í spólu sem er í breytilegu segulsviði, sem straumur spólunnar myndar. Þ.e.a.s við setjum straum á spóluna, það myndast segulsvið í henni sem spanar upp spennu. Sjá mynd 26. Hér erum við með ákveðinn spennugjafa og spólan virkar í rauninni eins og álag á hann.

Þessi spenna, sjálfspanspennan U_L , verður mótspenna og reynir að hindra strauminn. Mótspennan virkar í rauninni eins og viðnáam í spólunni en það eigum við eftir að sjá betur síðar. (Spenna yfir spólu er oft merkt með L til að minna á að þetta er spönuð spenna í spólu).

Hvaða lögmál ráða stærð spönuðu spennunnar og hvert verður sambandið á milli hennar og segulsviðsbreytingarinnar sem myndar spennuna?.

Til að svara því göngum út frá formúlu 34 og setjum inn $\frac{L}{N}$ í stað k og $I_m \cdot \sin \omega t$ í staðinn fyrir i og fáum:

Rafmagnsfræði Kefli 15 Riðstraumur

$$\Phi = k \cdot i = \frac{L}{N} i = \frac{L}{N} I_m \sin \omega t \quad (43)$$

Á formúlu 43 sjáum við að segulsviðið í spólunni fylgir straumnum. Og að hámarksgildi segulstraumsins verður:

$$\Phi_m = \frac{L}{N} I_m \quad (44)$$

og

$$\Phi = \Phi_m \cdot \sin \omega t \quad (45)$$

Formúla 44 segir okkur að segulkraftlínustraumurinn fylgi sínusfallinu alveg eins og straumurinn. Við getum því teiknað tvo sínusferla eins og gert er á mynd 27. Við tölum um að stærðirnar séu í fasa eða takti, þ.e.a.s. fara í gegnum núll- og hámarksgildi samtímis. En hvernig kemur sjálfsspanspennan inn í þetta? Í tengslum við myndir 8 og 9 og Faradays spanlög má var sýnt fram á samhengi segulsviðsbreytingar og spanaðrar spennu. Þar komust við að því að það spanast mest spennu þegar segulsviðsbreytingin er mest á tímaeiningu en það var þegar segulsviðið er að fara í gegnum núllið. Þetta gildir einnig hér og því getum við bætt sjálfsspanspennu spólunnar inn á mynd 27. En hún verður í hámarki þegar straumurinn og kraftlínustraumurinn fara í gegnum núllið. Eða m.ö.o. 90 gáður úr fasa við strauminn. Rifjaðu upp útskýringarnar með mynd 8.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Á bls. 19 fundum við út að spönuð spenna í spólu eða vindingi var háð segulkraftlínustraumnum sem hún hreyfðist í og hornhraðanum. Þetta var sett saman í formúlu 17 sem sýndi samhengið á milli hámarksgilda spennu og kraftlínustraums. Það skiptir ekki máli hvort spólan snýst í segulsviði eða er stödd í breytilegu segulsviði, það spanast jafn stór spenna í hana í báðum tilvikum. Við skulum skrifa formúlu 17 hér aftur en bæta inn í hana vindingafjöldanum.

$$U_m = \omega \cdot \Phi_m \cdot N \quad (47)$$

Hve stór þarf spennugjafaspennan að vera til að yfirvinna mótspennuna, sjálfspanspennuna, og senda straum í gegnum vindinga spólunnar?

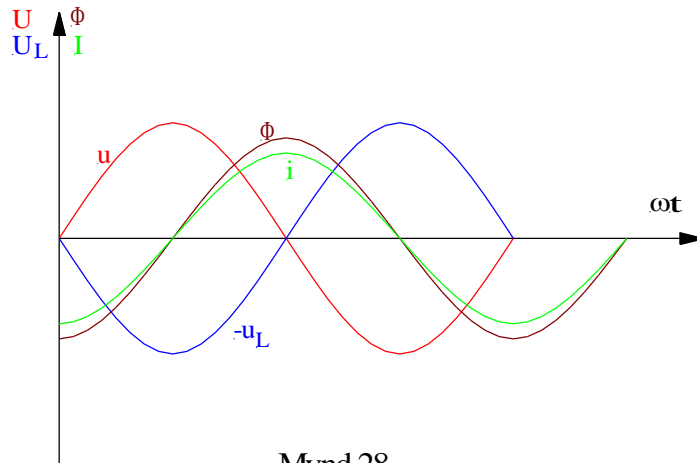
Til að finna út úr því skulum við hugsa okkur spólu með engum töpum. Þ.e.a.s. að viðnám vírsins sem spólan er undin úr sé svo lítið að við getum horft framhjá því.

Spennugjafaspennan þarf þá á hverju augnabliki að vera jafn stór og spanaða mótspennan en stefna hennar gagnstæð spönuðu spennunni eða sjálfspanspennunni. Þetta er sýnt á mynd 28. Á myndinni er spanaða spenna merkt með mínus til að minna okkur á að þetta er mótspenna. Straumurinn og segulkraftlínustraumurinn eru sýndir líka. Stærð spennugjafaspennunnar verður því jöfn stærð sjálfspanspennunnar eða:

$$U_m = U_{Lm} \quad (48)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

$$U = U_L \quad (49)$$

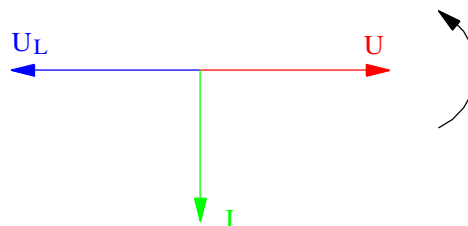


Mynd 28

Á mynd 28 sjáum við að spennugjafaspennan U verður 90° á undan straumnum. Þetta er líka sýnt á vektoramyndinni á mynd 29. Hér er spennugjafaspennan U höfð í láréttaásnum, viðmiðunarásnum, straumurinn kemur þá 90° á eftir henni og sjálfsspansspennan 180° á undan spennugjafaspennunni.

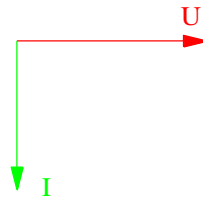
Venjulega göngum við út frá spennugjafaspennunni eða spennufallinu yfir spóluna og teiknum bara tvo vektora, þ.e. spennufallið og strauminn. Við einföldum því mynd 29 í það sem mynd 30 sýnir.

Hafðu í huga að hér er það ekki tregða efnisins í leiðinum sem orsakar spennufallið heldur sjálfsspanspennan.



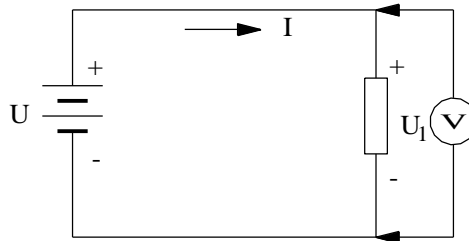
Mynd 29

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 30

Sjálfsspanspennan orsakar í rauninni spennufall í rásinni. Ef við berum þetta saman við spennufall í jafnstraumsrás getum við gengið út frá rásinni á mynd 31. Straumurinn streymir á ákveðna átt og veldur spennufalli U_1 sem er jafn stórt og spennugjafaspennan. Horfum framhjá töpum í leiðslum. Ef við ætlum að mæla spennufallið verður að tengja mælinn eins og myndin sýnir með +pól að ofan verðu til að hann sýni jákvæða spennu.



Mynd 31

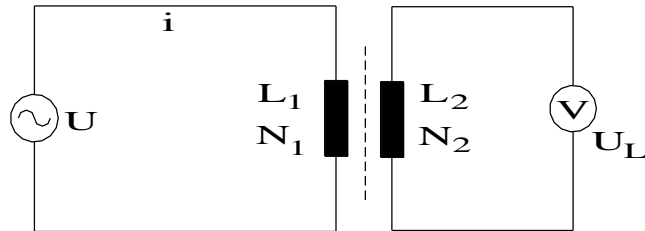
Samkvæmt því getum við merkt póla, + og –, eins og sýnt er á myndinni. Spennufallið orsakast í rauninni af mótspennu sem myndast í viðnáminu og reynir að senda straum í gagnstæða átt við spennugjafaspennuna. Spennufallið verður m.ö.o. að yfirvinna **mótspennu**. Þetta gætum við táknað með tveimur gagnstæðum vektorum á svipaðan hátt og á mynd 29.

Hér á undan höfum við notað bókstafinn L til að merkja sjálfspanspennuna, þ.e. U_L . Hér á eftir verður spenna yfir spólu eða spennufall hennar táknað með U_L .

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Gagnkvæmt span

Spenna spanast í spólu sem er umlukt breytilegu segulsviði eins og fram kom í kaflanum hér á undan. Með því að búa til segulsvið í einni spólu og leiða það í gegnum aðra spanast líka spenna í henni. Þetta er kallað gagnkvæmt span og er undirstaða spennubreyta.

**Mynd 32**

Táknmynd spennubreytis er á mynd 32. N_1 er kallað forvaf og N_2 eftirvaf. Ef vindingafjöldinn forvafinu er jafn stór og vindingafjöldinn í eftirvafinu spanast jafn stór spenna í báðum vöfunum. Með því að hafa vindingafjöldann mismunandi getum við fengið aðra spenna, hærri eða lægri, í eftirvafinu. Hlutfallið á milli U og U_L verður þá jafnt og hlutfallið á milli N_1 og N_2 . Hér er horft framhjá töpum.

Spanviðnám

Hér að framan höfum við fjallað um sjálfsspansspennu sem spanast í spólu með breytilegu segulsviði. Við sáum að þetta verður mótspena sem reynir að hindra strauminn í spólunni og orsakar m.ö.o. spennufall í spólunni. Þetta leiðir hugann að því hvort ekki sé hægt að líta á þetta fyrirbæri sem viðnám í rásinni, einhverskonar spanað viðnám.

Formúla 44 (hér framar) sýndi sambandið á milli hámarks gilda segulkraftlínustraumsins og straumsins í spólu.

$$\Phi_m = \frac{L}{N} I_m \quad (44)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Við flytjum vindingafjöldann N yfir jafnaðarmerkið og fáum:

$$\Phi_m \cdot N = L \cdot I_m \quad (50)$$

Formúla 47 sýndi samhengið á milli segulkraftlínustraums og spanaðrar spennu.

$$U_m = \omega \cdot \Phi_m \cdot N \quad (47)$$

Blöndum nú saman formúlum 50 og 47, þ.e.a.s. setjum $L \cdot I_m$ inn fyrir $\Phi_m \cdot N$ í formúlu 47:

$$U_m = \omega \cdot L \cdot I_m \quad (51)$$

Skrifum þetta sem virkugildin, þ.e. deilum beggja megin með rótinni af tveimur og flytjum I yfir jafnaðarmerkið:

$$\frac{U}{I} = \omega L \quad (52)$$

Ef við berum formúlu 52 saman við Ohms-lögmál:

$$\frac{U}{I} = R$$

sjáum við að ωL er viðnám. Við köllum þetta **spanviðnám** eða **launviðnám** spólunnar og mælum það í ohmum. Það er ýmist táknað með ωL eða X_L , þ.e.

$$X_L = \omega L \quad (53)$$

Við sjáum á henni að spanviðnámið er bæði háð spansstuðlinum L og tíðninni f , þ.e. spanviðnámið (sjálfspanspennan) eykst þegar tíðnin (hornhraðinn) eykst. Og spanviðnámið stækkar líka eftir því sem spólan er meiri spanspóla, hefur m.ö.o. stærri

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

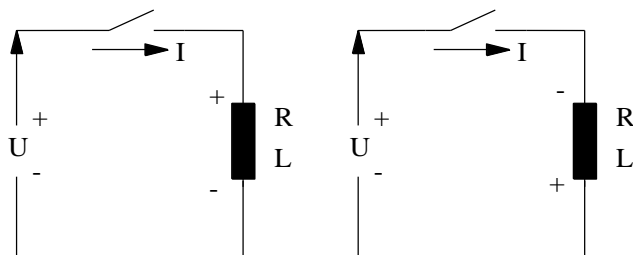
spanstuðul.

Formúla 54 er mikilvæg formúla því í riðstraumsrásum er þægilegra að hugsa um spanviðnámið heldur en spanaða mótspennu, sjálfspanspennuna. Í útreikningum á rásum með spólum eða spóluvirkni notum við því mikið samhengið sem formúla 54 sýnir. Í samanburði á viðnámi R , raunviðnámi, og viðnámi X_L , launviðnámi, megum við ekki gleyma því að þau stafa af ólíkum fyrirbærum. Raunviðnámið orsakast af árekstrum rafeinda í efninu sem flytur rafstrauminn. Það er alltaf til staðar í leiðurum. Spanviðnámið orsakast af spanaðri mótspennu, sjálfsspanspennunni, sem verður til ef leiðari er í breytilegu segulsviði. Það er algjörlega háð segulsviðsbreytingunni eins og við höfum fjallað um hér að framan. Ef jafnstraumur er settur á spólu verður ekkert spanviðnám nema við tengingu og rof. En það sjáum við nánar í næsta kafla. Í köflunum hér á eftir verður mikið fjallað um spólur og hugtakið spóluvirkni. Við getum fengið fram spóluvirkni ef leiðari er nógu langur, þó hann sé alls ekki undinn upp í spólu. Sem dæmi um það má nefna raforkulínur sem geta verið margir tugir kílómetra. Þær hafa umtalsverða spóluvirkni eða mynda m.ö.o. verulegt spanviðnám.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Hegðun spólu í jafnstraumsrás.

Þegar jafnstraumi er hleypt á spólu byggist upp segulsvið umhverfis spóluna. Á meðan þetta segulsvið er að byggjast upp, spanast mótspena í spólunni. Þegar segulsviðið hættir að vaxa (segulsviðsbreytingu lýkur), verður mótspennan núll og við fáum spennufall sem orsakast eingöngu af tapsviðnámi eða raunviðnámi spólunnar. Raunviðnám spólunnar orsakast af vírviðnámi hennar. Spennan kallast mótspena, vegna þess að hún hefur gagnstæða pólun við þá spennu sem tengd er inn á spóluna. Sjá mynd 33a sem sýnir spanspennuna U_L og pólun hennar fyrstu augnablikin eftir að rofinn tengir. Það má líka líta á þetta sem aukið viðnám í rásinni á meðan segulsviðsbreytingin varir og straumurinn vex hægar fyrir vikið. Þetta kemur fram á mynd 34 sem sýnir hvernig straumurinn vex í spólunni.



Mynd a
Tengiaugnablikið

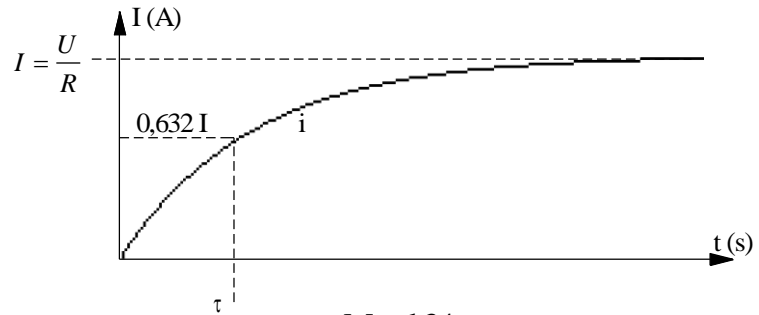
Mynd b
Rofaugnablikið

Mynd 33

Þegar jafnstraumurinn er rofinn af rásinni dvínar segulsviðið og hverfur en á meðan spanast aftur spenna. Nú hefur spennan gagnstæða pólun, miðað við það sem hún hafði í tengiaugnablikinu, og reynir því að viðhalda straumnum. Sjá mynd 33b. Í þessu sambandi er gott að hugsa sér spóluna sem spennugjafa og því verður pólun spanspennunnar að vera eins og myndin sýnir ef hún á að viðhalda straumstefnunni.

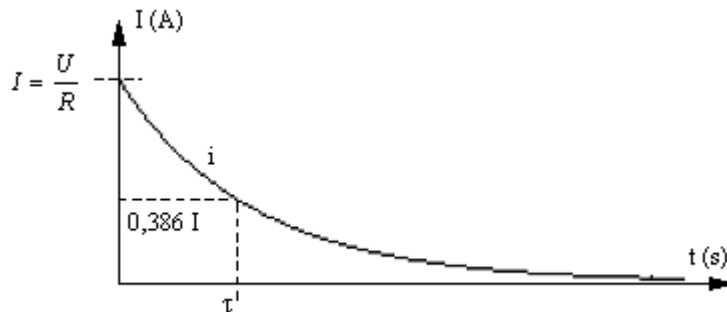
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spanspenna varir aðeins augnablik, en hún seinkar því að straumnum verði aftur núll eins og kemur fram á mynd 35.



Mynd 34

Mynd 34 sýnir hvernig straumurinn vex eftir að tengt er og nær hámarkinu U/R og mynd 35 sýnir hvernig straumurinn minnkar úr gildinu U/R niður í núll þegar spennugjafinn er aftengdur með rofanum á mynd 33b. Þessa ferla fáum við með því að beita stærðfræðilegum aðferðum (diffnun/heildun) við rásina á mynd 33.



Mynd 35

Til að fá aðeins nánari hugmynd um seinkun straumbreytinga í spólu þegar spennugjafi hennar er tengdur og aftengdur skulum við líta á formúlur ferlanna á myndum 34 og 35. Þegar straumurinn er að aukast gildir formúlan:

$$i = I \left[1 - e^{-\left(\frac{R}{L}\right)t} \right] \quad (55)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Og þegar straumurinn er að minnka eftir rof gildir formúlan:

$$i = I \cdot e^{-\left(\frac{R}{L}\right)t} \quad (56)$$

Hér er:

i = breytilegi straumurinn (vaxandi-minnkandi),

I = endanlegi straumurinn, $\frac{U}{R}$ þegar

segulsviðið er

komið í jafnvægi,

e = grunntalan í náttúrulega logaritmanum,

R = raunviðnámið í rásinni,

L = spanstuðull spólunnar í henry.

Ef við setjum tímann $\tau = \frac{L}{R}$ inn í formúlu 55 fáum við

$i = 0,632 \cdot I$. Við þennan tíma hefur straumurinn náð

63,2% af endanlegu gildi. Þennan tíma köllum við

tímastuðul rásarinnar og táknum hann með gríska

bókstafnum τ (tá). Við sjáum að það er hlutfallið milli

viðnáms og spansstuðuls spólunnar sem ræður því hve

lengi straumurinn er að ná gildinu $\frac{U}{R}$ sem er það gildi

sem ákvarðast af tapsviðnámi spólunnar eins og áður sagði.

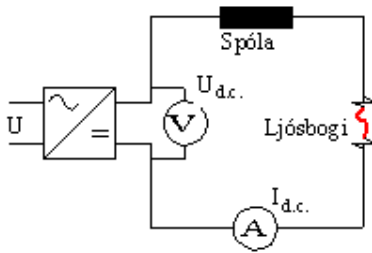
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sama er ef við setjum inn í neðri formúluna, nema þá fáum við út 36,7%, þ.e. straumurinn hefur minnkað um 63,2% og er kominn niður í 36,7%. Endanlegu gildi hefur straumurinn náð eftir u.þ.b. fimmfaldan tímastuðulinn. M.ö.o. þá tekur það strauminn ákv. tíma að ná endanlegu gildi, ólíkt því sem gerist í rásum án spanáhrifa. Þar fylgir straumurinn spennunni.

Við verðum lítið varir við sjálfspan spólu þegar hún er tengd við jafnspennugjafa en áhrifin eru þeim mun meiri þegar við reynum aftur að rjúfa strauminn.

Orkan í segulsviði spólunnar getur ekki gufað upp. Hún fer í að spana spennu í spólunni sem reynir að viðhalda straumnum eins og áður sagði. Spólan verður að losna við þessa orku og þegar straumrásin er rofin skyndilega hækkar spanspennan þar til henni tekst að senda ljósboga yfir snerturnar sem rufu straumrásina. Spanspenan getur orðið mörg þúsund volt til að yfirvinna viðnámið í loftbilinu á milli snerta rofans Ljósboginn getur valdið skemmdum á snertunum og við beitum ýmsum ráðum til að losna við hann. Í öðrum tilfellum nýtum við okkur ljósbogann. Þar má nefna kveikikerfi í bensínvélum og rafsuðu. Í bílvélinni er myndaður neisti eða ljósbogi í kertum vélarinnar með því að rjúfa og tengja straum inn á forvaf háspennukeflisins. Við það spanast nægjanlega há spennu í bakvafi þess til að mynda neista í loftbili kertisins. Í rafsuðuvélinni (transara) er stór spóla í röð með rafsuðuvírnum. Þegar byrjað er að sjóða er endi suðuvírsins lagður að suðustykkinu. Við það fer straumur um rásina, þ.e. spóluna og suðuvírinn. Um leið og suðumaðurinn lyftir enda suðuvírsins frá stykkinu myndast ljósbogi, sem suðumaðurinn viðheldur með því að halda bilinu stöðugu.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 36

Verkefni 7 í Verklegum æfingum fjallar um þetta. Tengd er rás eins og mynd 36 sýnir. Í henni er jafnspennugjafi (afriðuð riðspenna), stór spóla, straummælir og tvær skrúfur í krókódílakjöftum sem rofi. Við setjum spennu á rásina, látum skrúfuendana mætast og lesum af straummælinum. Síðan færum við skrúfuendana í sundur og það myndast ljósbog. Við reynum að halda ljósbogannum stöðugum og lesum aftur af straummælinum. Við sjáum að straumurinn hefur minnkað sem segir okkur að straumur fer áfram um rásina en viðnámið hefur aukist því ljósboginn myndar viðnám í rásinni.

Gætið vel að því að horfa ekki í ljósbogann í verkefni 7.

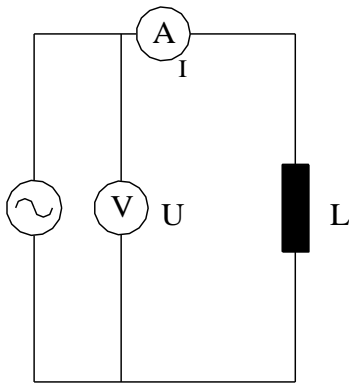
Það getur orsakað svokallaða rafsudblindu.

Spóla með raunviðnámi

Spólur eru aldrei alveg hreint spanviðnám. Í þeim er ætíð raun- eða tapsviðnám. Þetta viðnám getur verið misstórt miðað við launviðnámið en í flestum tilfellum þarf að taka tillit til þess. Raunviðnámið orsakast af viðnámi vírsins sem spólan er undin úr og ef kjarni spólunnar er járnkjarni þá er einnig raunviðnám sem stafar af töpum í kjarnanum. Við táknum þessi viðnám með bókstafnum R og merkjum hann með $R_{L,vír}$ annars vegar og $R_{L,járn}$ hins vegar.

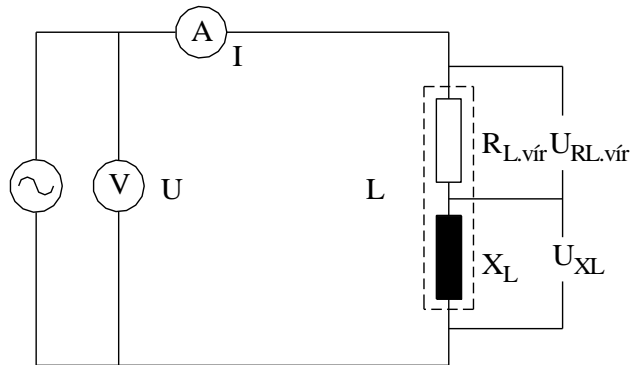
Þegar við athugum rafmagnslega hegðun spólu í straumrás er þægilegt að skipta henni í spanviðnám og raunviðnám og sjá hana fyrir okkur sem þessi tvö viðnám, t.d. raðtengd. (Ath. að það er líka hægt að skipta henni í tvær hliðtengdar greinar. Í annarri greininni væri þá hreint raunviðnám og í hinn hreint spanviðnám.)

Rafmagnsfræði Kaffli 15 Riðstraumur



Mynd 37

Mynd 37 sýnir tákmynd spólu með ákveðnu vírviðnámi og á mynd 38 er spólutákninu skipt upp í tvö viðnám þ.e.a.s. hreint raunviðnám $R_{L,vír}$ og hreint spanviðnám X_L . Við höfum m.ö.o. dregið raun- eða tapsviðnámið út úr spanvirkninni og sýnum það sem sjálfstætt viðnám. Mynd 38 mætti e.t.v. kalla virknimynd spólunnar því hún sýnir okkur betur hvernig spólan virkar í riðstraumrás. Á henni eru ekki sýndir spennumælur yfir raun- og launhluta spólunnar því þessar spennur er ekki hægt að mæla.



Mynd 38

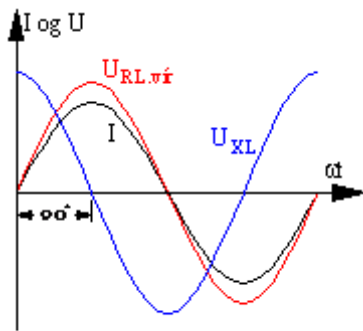
Spennufallið yfir raunviðnámið, eða raunhlutann, verður í fasa með straumnum og við skrifum samkvæmt Ohmslögmáli:

$$U_{RL,vír} = I \cdot R_{L,vír} \quad (57)$$

Spennufallið yfir spanviðnámið, eða launhlutann, getum við á sama hátt skrifað sem Ohmslögmál.

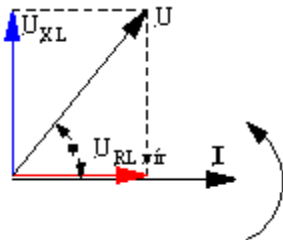
$$U_{XL} = I \cdot X_L \quad (58)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 39

Á mynd 39 eru sínusferlar straumsins, raunspennufallsins og spanspennufallsins sýndir í sama hnitakerfinu. Taktu vel eftir að hér kemur raunspennufallið $U_{RL.vir}$ á sama stað og straumurinn er m.ö.o. í fasa með straumnum en spanspennufallið U_{XL} 90° á undan. Það verður 90° á undan straumnum því eins og áður kom fram veldur hreint launviðnám 90° fasvikshorni milli straums og spennu.

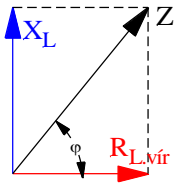


Á mynd 40 eru þessi sömu spennuföll sýnd sem vektorar. Við notum straumvektorinn sem viðmiðun vegna þess að hann er sameiginlegur fyrir báða hluta spólunnar, þ.e. raun- og launhluta hennar. Á vektoramyndinni kemur greinilega fram að $U_{RL.vir}$ hefur sömu stefnu og straumurinn en U_{XL} verður 90° á undan straumvektorinum og vektor raunspennufallsins.

Með hjálp vektoramyndarinnar getum við lagt spennuföllin saman og fengið fram heildarspennu eða spennugjafaspennu rásarinnar (spólunnar). Við sjáum á vektoramyndinni að stefnur spennufallanna eru ekki þær sömu og því verðum við að beita vektorasamlagningu til að leggja þær saman. Við teiknum ferhyrning þar sem U_{XL} og $U_{RL.vir}$ mynda tvær hliðar ferhyrningsins. Hornalínan í ferhyrningnum er þá heildin eða spennugjafaspennan U . Hún verður því á milli spennufallanna ákveðnu horni á undan straumnum.

Hornið á milli spennu og straums er hið eiginlega fasvik rásarinnar. Það er alltaf á milli 0° og 90° að stærð. Það minnkar eftir því sem raunspennufallið stækkar miðað við launspennufallið og öfugt. Spóla með lítið vírviðnám veldur fasvikshorni sem er nálægt 90° .

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 41

Ath að á mynd 39 eru spennuföllin ekki lögð saman og því kemur spennugjafaspennan og fasvikshornið ekki fram á þeirri mynd.

Við útreikning á spólurásum er oft gott að geta gengið út frá viðnámmum spólunnar. Við getum sett upp viðnámsvektoramynd með því að deila í vektoranna á mynd 40 með straumnum I . Þá fáum við fram viðnám spólunnar eins og sýnt er á mynd 41.

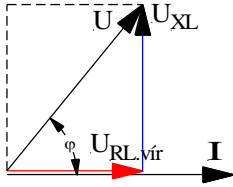
Á mynd 41 verður afstaða viðnámmanna eins og spennufallanna á mynd 40 og fasvikshornið það sama. Lengdir vektoranna geta hins vegar verið aðrar allt eftir tölugildum þessara stærða og þeim kvarða sem valinn er fyrir vektoramyndina.

Þar sem heildarspennan var á mynd 40 er komið heildarviðnám spólunnar. Þetta viðnám fær sérstakt formúlutákn, Z , og nafnið sýndarviðnám eða riðstraumsviðnám spólunnar.

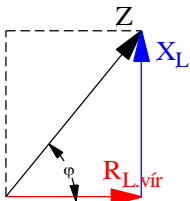
Orðið sýndarviðnám þýðir viðnám sem sýnist vera. Þetta er hugsað þannig að ef við setjum jafnspennu á spólu þá ræðst stærð straumsins eingöngu af raunviðnámi spólunnar (viðnámi vírsins). Sama er ef við mælum viðnám spólu með AVO-mæli þá mælist eingöngu raunviðnámið. Þegar við aftur á móti setjum riðspennu á spóluna kemur spanviðnámið til viðbótar vegna spaneiginleika spólunnar.

Fasvik er næstum alltaf til staðar í riðstraumsrásum. Flestir notendur eða álög valda fasviki eins og t.d. mótorar. Fasvikið veldur því að spenna og straumur eru ekki í takti, eru ekki í hámarki og lágmarki á sama tíma og því verðum við að taka tillit til þess í útreikningum.

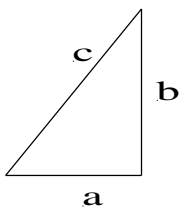
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 42



Mynd 43



Mynd 44

Fasvikið er gefið upp sem hornastærð í gráðum eða (og ef til vill oft) sem cosínus að horninu. Mótorar eru til dæmis merktir með $\cos\varphi$, þ.e. cosínus að því horni sem þeir valda milli spennu og straums þegar þeir eru fulllestaðir.

Lítum betur á vektoramyndirnar á myndum 40 og 41. Ef við flytjum vektorinn U_{XL} og vektorinn X_L til hægri þannig að þeir falli í strikalínuna fáum við út réttthyrnda þríhyrninga sem eru sýndir á myndum 42 og 43. Við sjáum á þessu að við útreikninga á stærðum spanrásarinnar getum við notað reiknireglur sem við þekkjum úr hornafræðinni við útreikninga á þríhyrningum.

Í hornafræðinni notuðum við bókstafina a og b fyrir skammhliðar þríhyrnings og c fyrir langhliðina. Í rafmagnsfræðinni eru nöfn hliðanna mismunandi eftir því um hvaða vektoramynd er að ræða en reiknireglurnar eru þær sömu.

Lítum fyrst á mynd 44 og beitum Pýþagorasarreglunni á hana:

$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

Ef við notum þessa reglu á spennuvektoramyndina á mynd 42 þá lítur formúlan svona út:

$$U = \sqrt{U_{RL.vír}^2 + U_{XL}^2}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Og þegar Pyþagorasarreglan er notuð á viðnámsvektoramyndina þá lítur hún svona út:

$$Z = \sqrt{R_{L.vír}^2 + X_L^2}$$

Við sjáum á þessu að Pyþagorasarreglan getur fengið mismunandi útlit eftir vektoramyndinni sem gengið er út frá hverju sinni. Því er ef til vill best að muna að formúluna má orða á eftirfarandi hátt:

Langhliðin (summa skammhliðanna) er rótin af annarri skammhliðinni í öðru veldi plús hin skammhliðin í öðru veldi.

Rifjum upp hornaföll fyrir rétthyrndan þríhyrning. Sínum að horni er mótlæg skammhlið deilt með langhlið.

Cosínus að horni er aðlæg skammhlið deilt með langhlið.

Tanges að horni er mótlæg skammhlið deilt með aðlægri.

Beitum cosínusreglunni á vektoramyndirnar á myndum 42 og 43.

$$\cos \varphi = \frac{U_{RL.vír}}{U} \quad \text{eða} \quad \cos \varphi = \frac{R_{L.vír}}{Z}$$

Á þessu sést að formúlur í riðstraumsfræðinni geta orðið með margskonar bókstöfum þó í rauninni sé um sömu formúluna að ræða. Hér er því vert að undirstrika mikilvægi þess að læra vel að teikna og skilja vektoramyndir og þjálfa sig í að skrifa upp formúlur út frá vektoramyndunum eftir því sem við á hverju sinni.

Allt skýrist þetta betur með því að reikna dæmi og við skulum líta á sýnidæmi.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

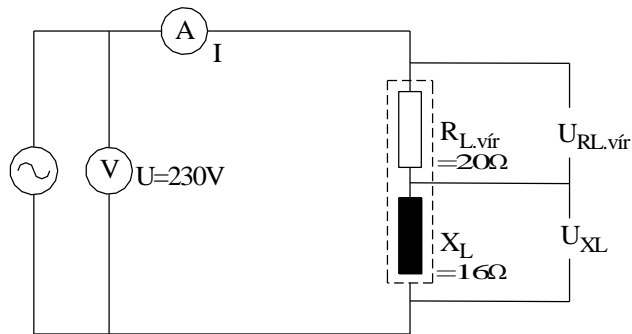
Sýnidæmi 1

Spóla hefur raunviðnámið $R_{L.vír}$ 20Ω og spanviðnámið X_L 16Ω . Hún er tengd við 230V, 50Hz net.

- a) Gerðu tengimynd (virknimynd), sem sýnir raun- og spanviðnám spólunnar. Merktu inn á myndina gefnar stærðir. Teiknaðu líka straummæli og spennumæli sem sýnir spennugjafaspennuna.
- b) Teiknaðu viðnámsvektoramynd í kvarða?
- c) Mældu stærð sýndarviðnámsins Z í vektoramyndinni. Reiknaðu sýndarviðnámið líka út og berðu niðurstöðurnar saman.
- d) Hver er raunaflstuðull spólunnar?
- e) Hve stórt er fasvikshorn spólunnar?
- f) Hve stóran straum tekur spólan frá spennugjafanum?
- g) Reiknaðu út span- og raunspennuföllin og teiknaðu spennuvektoramynd. Mældu og reiknaðu út heildarspennuna og berðu saman við uppgefna spennu.
- h) Hver er sjálfspanstuðull spólunnar?

Rafmagnsfræði Kaffi 15 Riðstraumur

Lausn á sýnidæmi 1



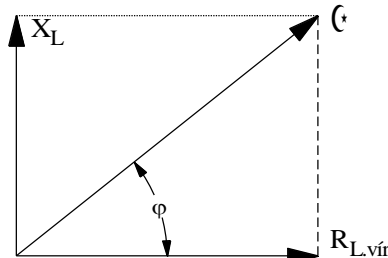
Mynd 45

- Sjá mynd 45.
- Sjá mynd 46.
- Hér er þægilegast að nota Pýþagorasarregluna.

$$Z = \sqrt{R_{L,vír}^2 + X_L^2} = \sqrt{20^2 + 16^2} = \underline{25,6\Omega}$$

- Raunafstuðullinn er \cos fasvikshornsins og út frá mynd 46 getum við skrifað:

$$\cos\varphi = \frac{R_{L,vír}}{Z} = \frac{20}{25,6} = \underline{0,78}$$



Mynd 46

- Fasvikshornið er \cos^{-1} eða:

$$\cos^{-1} 0,78 = 38,6^\circ \text{ eða}$$

$$\angle\varphi = \underline{38,65^\circ}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

f) Hér notum við Ohmslögmál.

$$I = \frac{U}{Z} = \frac{230}{25,6} = \underline{8,98A}$$

g) Við göngum út frá tengimyndinni. Á henni sjáum við að til að reikna út skiptingu spennunnar í laun- og raunhluta getum við notað strauminn og viðkomandi viðnámsgildi.

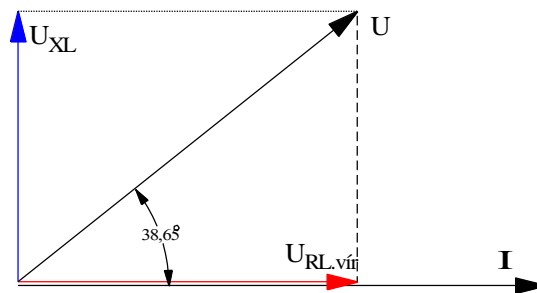
$$U_{L.vír} = I \cdot R_{L.vír} = 8,98A \cdot 20\Omega = \underline{179,6V} \quad \text{og}$$

$$U_{XL} = I \cdot X_L = 8,98A \cdot 16\Omega = \underline{143,7V}$$

Til að finna heildarspennuna U notum við Pythagoras.

$$U = \sqrt{U_{RL.vír}^2 + U_{XL}^2} = \sqrt{179,6^2 + 143,7^2} = \underline{230V}$$

Spennuvektoramyndin er á mynd 47.



Mynd 47

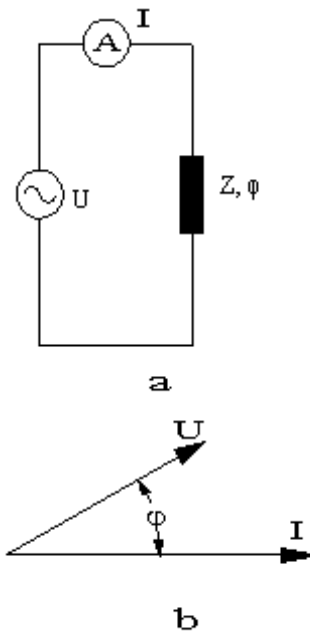
h) Við setjum inn í formúlu 54 og leysum út L .

$$X_L = 2\pi f \cdot L \Rightarrow L = \frac{X_L}{2\pi \cdot f} = \frac{16}{2\pi \cdot 50} = \underline{0,05H}$$

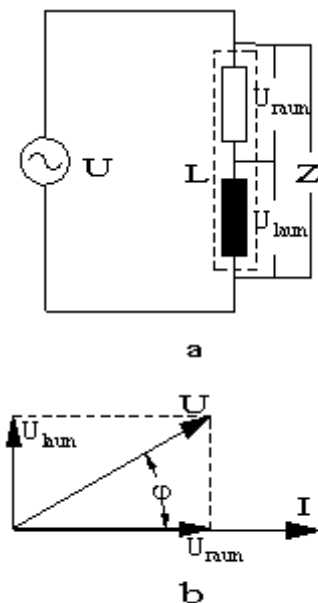
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Stærðfræðileg skipting spólu í raun- og launhluta

Það er til önnur aðferð til að rökstyðja skiptingu spólu í raun- og launhluta. Hugsum okkur spólu sem veldur ákveðnu fasviki φ . Rásarmyndin er á mynd 48a og vektoramynd spólunnar gæti litið út eins og mynd 48b sýnir. Straumurinn er teiknaður í lárétta ásinn, viðmiðunarásinn, og spennan horninu φ á undan. Í vektorareikningi er leyfilegt að skipta vektor upp í tvo jafngilda vektora sem mynda 90° horn sín á milli. Hér veljum að setja annan vektorinn í stefnu straumsins og köllum hann raunhluta. Hinn vektorinn kemur þá 90° á undan og við köllum hann launhluta. Sjá mynd 49b sem sýnir skiptinguna. Önnur spennan er í fasa með straumnum, raunspenna og hin 90° úr fasa, launspenna. Vektoramyndina köllum við spennuvektoramynd. Mynd 49a sýnir síðan jafngildiseða virknimynd spólunnar.



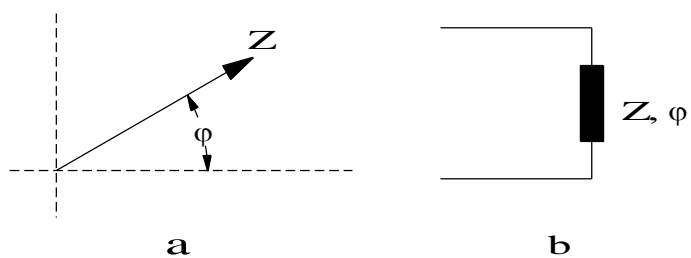
Mynd 48



Mynd 49

Í sýnidæmi 2 er sýnt hvernig við getum beitt hornaföllum til að reikna raun- og launhluta spennunnar.

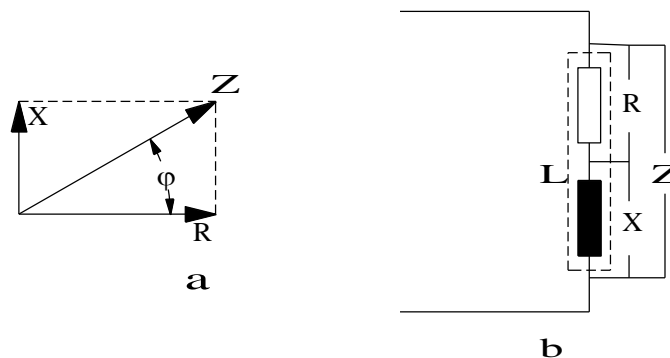
Þetta má líka hugsa út frá sýndarviðnámi spólu, Z . Sýndarviðnám spólu myndar ákveðið horn, fasvikshornið, miðað við lárétta ásinn í hnitakerfi eins og fram kemur á mynd 50.



Mynd 50

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Við getum skipt sýndarviðnáminu í tvo hluta eða tvö viðnám á sama hátt og við skiptum spennunni. Þetta er sýnt á mynd 51a. Annað viðnámið veldur ekki fasviki, er raunviðnám, og kemur í láréttaásinn. Hitt veldur 90° fasviki, er s.s. hreint spanviðnám, og kemur í lóðréttaásinn. Í framhaldi af þessum bollaleggingum og vektoramyndinni getum við teiknað jafngilda spólurás með tveimur viðnánum, raun- og launviðnánum. Þetta er sýnt á mynd 51b.



Mynd 51

Í venjulegum reiknitölvum er til flýtiaðferð til að skipta vektor í raun- og launhluta. Og öfugt að breyta tveimur vektorum með 90° horn á milli sín, raun- og launhlutum, í einn vektor. Í reiknunum er þetta kallað að breyta úr „polar“ formi í „rectangular“ form eða öfugt úr „rectangular“ í „polar“. Það fyrra er oft skammstafað P- R og öfugt R- P.

Til að breyta P-- R í Casio tölvu er stimpluð inn lengd vektorsins (spennunnar), ýtt á „SHIFT“ „-“ (líka merkt P-R), hornastærðin slegin inn og ýtt á „=“. Þá kemur fram aðlæg skammhlið eða raunhlutinn. Til að fá hina skammhliðina, launhlutann er ýtt aftur á „SHIFT“ og á „ $\sqrt{\quad}$ “. Þá kemur fram hin skammhliðin eða launhlutinn.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Til að breyta R-P í sömu tölvu er aðlæg skammhlið, raunhlutinn, stimplaður inn, ýtt „SHIFT“ og „+“ (líka merkt R-P), mótlæg skammhlið, launhlutinn stimplaður inn og ýtt á „=“. Þá kemur lengd vektorsins. Til að fá fram hornið er ýtt aftur á „SHIFT“ og á „√“. Þá kemur fram hornið sem vektorinn myndar við láréttaásinn. Kannaðu í handbók reiknisins þíns hvernig þessi flýtiaðferð er framkvæmd.

Sýnidæmi 2

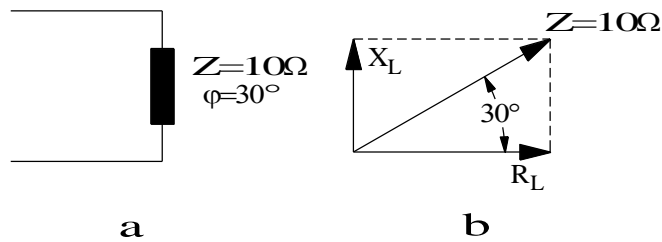
Sýndarviðnám spólu er 10Ω og fasvik hennar er 30° .

- Teiknaðu tengimynd spólunnar og merktu inn gefnar stærðir.
- Teiknaðu viðnámsvektoramynd spólunnar. Skiptu sýndarviðnáminu upp í raun- og launviðnám, R_L og X_L og reiknaðu stærðir þeirra með hornafallaðferðinni.
- Reiknaðu R_L og X_L með flýtiaðferðinni á reikninum þínum.

Rafmagnsfræði Kaffi 15 Riðstraumur

Lausn á sýnidæmi 2

a) Sjá mynd 52.



Mynd 52

b) Sjá mynd 52b. Cósínus að fasvikhorninu er aðlæg skammhlið, raunviðnámið, á móti langhlið, sýndarviðnáminu, eða:

$$\cos \varphi = \frac{R_L}{Z}$$

Leysum raunviðnámið R_L út úr formúlunni og fáum:

$$R_L = Z \cdot \cos \varphi = 10 \cdot \cos 30^\circ = \underline{8,66\Omega}$$

Sínus af fasvikhorninu er mótlæg skammhlið, launviðnámið, á móti sýndarviðnáminu, eða:

$$\sin \varphi = \frac{X_L}{Z}$$

Leysum launviðnámið út úr formúlunni og fáum:

$$X_L = Z \cdot \sin \varphi = 10 \cdot \sin 30^\circ = \underline{5\Omega}$$

c) Stimplum töluna 10 á lyklaborð reiknisins, ýtum á „SHIFT“ og mínushnappinn. Síðan á 30□ og „=“. Þá birtist tölugildi aðlægu skammhliðarinnar eða raunviðnámið. Til að fá hina skammhliðina er aftur ýtt á „SHIFT“ og rótarmerkið. Þá kemur tölugildið 5 sem er hin skammhliðin eða launviðnámið. Sannreyndu að þetta komi heim við útkomuna í lið b).

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 3

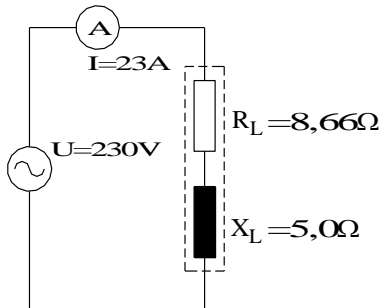
Sýnidæmi 3

Spólan í sýnidæmi 2 er tengd við 230V, 50Hz net.

- a) Reiknaðu strauminn sem hún tekur frá netinu.
- b) Reiknaðu spennuna URL yfir raunhlutann og spennuna UXL yfir launhlutann með Ohmslögmáli og með flýtiaðferðinni P - R.
- c) Teiknaðu spennuvektoramynd.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Lausn á sýnidæmi 3:



Mynd 53

a)
$$I = \frac{U}{Z} = \frac{230V}{10\Omega} = \underline{23A}$$

b) Samkvæmt vektoramyndinni sem mynd 52b sýnir getum við litið á spóluna sem tvö raðtengd viðnám, raunviðnámið R_L og launviðnámið X_L . Sjá mynd 53.

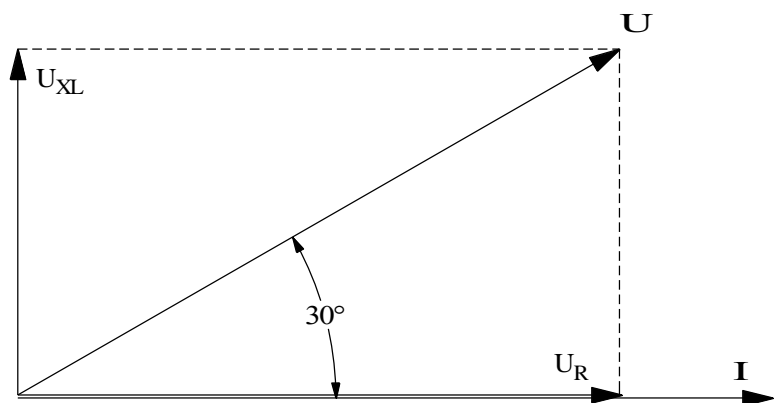
Samkvæmt Ohms-lögmáli verða spennuföllin:

$$U_{RL} = I \cdot R_L = 23A \cdot 8,66\Omega = \underline{199,2V}$$

$$U_{XL} = I \cdot X_L = 23A \cdot 5,0\Omega = \underline{115V}$$

Með flýtiaðferðinni stimplum við inn spennuna 230V, ýtum á P-R hnappinn og stimplum inn hornið 30° og ýtum á „=“. Þá fáum við út raunspennufallið $U_{RL}=199,2V$. Ýtum á „SHIFT“ og rótarmerkið og fáum launspennufallið $U_{XL}=115V$.

c) Sjá mynd 54. Kvarðinn er $1/25$. Þ.e.a.s. ef þú mælir lengdir vektoranna og margfaldar þá með 25 færðu út spennugildin.

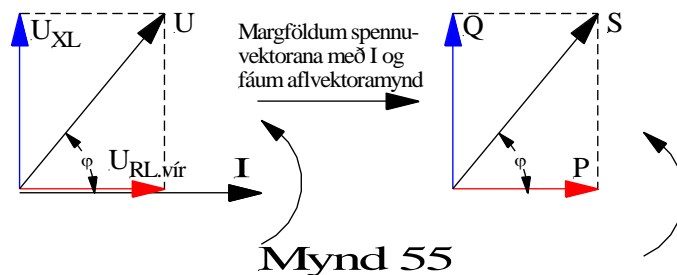


Mynd 54

Rafmagnsfræði Kaffi 15 Riðstraumur

Afl í riðstraumsrásum

Á bls. 54 var því lýst hvernig við fórum frá spennuvektoramynd yfir í viðnámsvektoramynd með því að deila í spennuvektorana á mynd 40 með straumnum I . Við það varð til viðnámsvektora-myndin á mynd 41. Ef við margföldum spennurnar á mynd 40 með straumnum í stað þess að deila með honum fáum við fram aflið í rásinni. Á mynd 55 er búið að margfalda spennuvektora myndar 40 með straumnum I . Í láréttaásinn fáum við þá raunaflið P , í lóðréttaásnum verður launaflið Q og langhliðin verður sýndaraflið S .



Mynd 55

Raunafli er margfeldi straums og spennu. Út frá mynd 55 má því skrifa formúlu raunaflsins P með því að margfalda saman I og $U_{RL.vír}$. eða:

$$P = I \cdot U_{RL.vír} \quad (59)$$

Með því að beita cosínusreglunni á mynd 55 getum við skrifað:

$$\cos \varphi = \frac{U_{RL.vír}}{U} \Rightarrow U_{RL.vír} = U \cdot \cos \varphi \quad (60)$$

Setjum $U \cdot \cos \varphi$ inn í formúlu 59 og fáum:

$$P = I \cdot U \cdot \cos \varphi \quad (61)$$

Við sjáum á þessu að raunaflið fæst með því að margfalda strauminn með þeim hluta spennunnar sem er í fasa með straumnum, þ.e. hefur sömu stefnu og straumurinn. Þetta er m.ö.o. hlutinn $U \cdot \cos \varphi$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Á sama hátt getum við sett upp fyrir launaflið, Q , sem er straumurinn sinnum sá hluti spennunnar sem er 90° út úr fasa við strauminn eða er m.ö.o. hornrétt á strauminn:

$$Q = I \cdot U_{XL} \quad (62)$$

Með því að beita sínusreglunni á mynd 55 getum við skrifað:

$$\sin \varphi = \frac{U_{XL}}{U} \Rightarrow U_{XL} = U \cdot \sin \varphi \quad (63)$$

Með því að setja $U \cdot \sin \varphi$ inn í formúlu 62 fæst:

$$Q = I \cdot U \cdot \sin \varphi \quad (64)$$

Launaflið er s.s. straumurinn í rásinni margfaldað með þeim hluta spennunnar sem er í fasa með straumnum. Formúlan fyrir sýndaraflið verður svo:

$$S = U \cdot I \quad (65)$$

Hér að ofan höfum við fjallað um þrískiptingu aflsins, þ.e.a.s. sýndaraflið, launaflið og raunaflið. Sýndaraflið er aflið sem okkur „sýnist“ vera í rásinni ef við mælum spennuna og strauminn og göngum út frá þeim stærðum. En á formúlunum hér að ofan sjáum við að málið er ekki svo einfalt heldur koma þarna tvö hugtök til viðbótar, raunaflið og launaflið. Sýndaraflið mælum við í voltamperum, skammstafað (VA), (kVA) eða (MVA) þegar um mikið afl er að ræða.

Raunaflið er aflið sem framkvæmir vinnu. Sú vinna getur verið hiti í rásinni eða vélræn vinna af einhverju tagi, t.d. í mótorum. Oftast er átt við raunaflið ef bara er talað um afl. Raunaflið mælist í wöttum, skammstafað (W), (kW) og (MW).

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

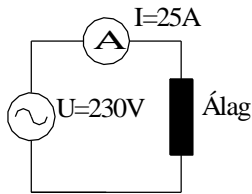
En hvað er þá launaflíð? Jú launaflíð er afl sem eyðist ekki í rásinni og framkvæmir því enga vinnu. Það er hins vegar nauðsynlegt fyrir rásina eða vinnuvélina því það myndar segulsviðið í spólunum, rafvélinni.

Launaflíð pendlar fram og til baka í rásinni, það fer í að byggja upp segulsviðið í hluta riðsins og síðan, þegar segulsviðið dvínar, spanast spennan og straumur sem fer til baka til spennugjafans. Það þarf ekki afl frá aflvél til að framleiða launaflíð en straumurinn sem flytur það veldur töpum í flutningslínunum. Því reynum við stundum að framleiða launaflíð á notkunarstað raforkunnar eins og nánar verður útskýrt í kaflanum um fasviksleiðréttingu. Launaflíð mælum við í voltamperum eins og sýndaraflíð en bætum við bókstafnum r til aðgreiningar. Skammstöfunin verður því (VAr), (kVAr) eða (MVAr).

(ATH. að r er stytting á „reactive“ sem hefur verið þýtt með orðinu „laun“ í rafmagnsfræðinni. Þar sem þessi eining VAr er alþjóðleg var valið að láta r halda sér í einingunni fyrir launaflíð. Annars staðar í textanum er bókstafurinn L notaður til að merkja launstærðir samanber XL og lítið l eða orðið „laun“ til að merkja stærðir s.s. launstraumur II, eða I_{laun} o.s.frv.).

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 4



Mynd 56

Álag tekur 25A þegar það er tengt við 230V einfasa riðstraumsrafala. Tengingin er á mynd 56.

Raunafstuðull álagsins er 0,8.

Finndu:

- Sýndaraflið,
- raunaflið og
- launaflið.

Teiknaðu vektoramynd, sem sýnir spennu og straum (straumvektorinn í lárétta ásinn) og aflvektoramynd.

Sýnidæmi 4 lausn

- Til að reikna sýndaraflið S setjum við inn í formúlu (65):

$$S = U \cdot I = 230 \cdot 25 = \underline{5750VA} = \underline{5,75kVA}$$

- Til að reikna raunaflið notum við formúlu (61):

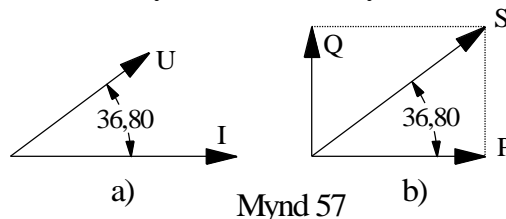
$$P = I \cdot U \cdot \cos\varphi = 25 \cdot 230 \cdot 0,8 = \underline{4600W} = \underline{4,6kW}$$

- Setjum inn í formúlu (64):

$$Q = I \cdot U \cdot \sin\varphi = 25 \cdot 230 \cdot 0,6 = \underline{3450VA_r} = \underline{3,45kVA_r}$$

Ath. að $\cos\varphi = 0,8$ gefur hornið $36,86^\circ$ og $\sin 36,86^\circ = 0,6$

Vektoramyndirnar eru á mynd 57.



Mynd 57

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spóla og raunviðnám raðtengd

Í riðstraumsrásum rekumst við oft á spólu og raunviðnám raðtengt. Dæmi um slíka rás er flúrlýsing, þar sem raunviðnámið er sjálf flúrpípan. Í sýnidæmi 5 er útskýrt hvernig við finnum heildarviðnám, straum og fasvik slíkrar rásar.

Sýnidæmi 5

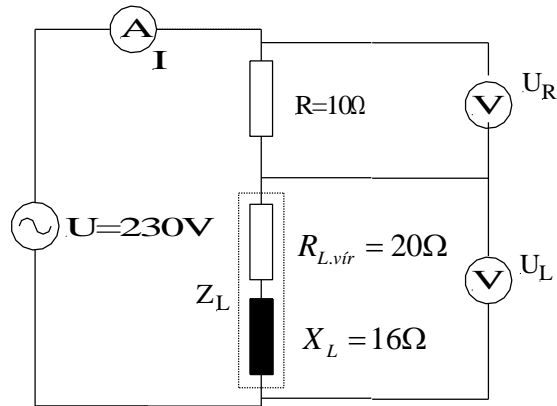
Við spóluna í sýnidæmi 1 er raðtengd mótstaða R sem er 10Ω , hreint raunviðnám.

- Gerðu tengimynd (virknimynd), sem sýnir raunviðnámið R , raunviðnám spólunnar $R_{L,vír}$ og launviðnám hennar X_L . Merktu inn á myndina gefnar stærðir. Teiknaðu líka straummæli og spennumæla sem sýna spennugjafaspennuna, spennuna yfir R og spennuna yfir sjálfa spóluna.
- Teiknaðu viðnámsvektoramynd í kvarða.
- Finndu riðstraumsviðnám rásarinnar, Z .
- Finndu raunaflstuðul rásarinnar og fasvikshorn.
- Reiknaðu út strauminn í rásinni.
- Reiknaðu út spennuföllin og teiknaðu spennuvektoramynd í kvarða sem sýnir öll spennuföll rásarinnar.
- Reiknaðu sýndarafl S , raunafl P og launafl Q í rásinni. Teiknaðu aflvektoramynd.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

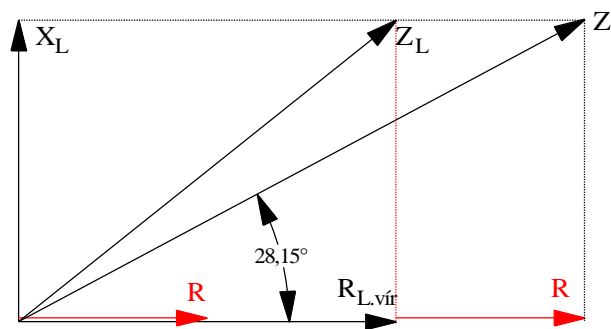
Sýnidæmi 5 lausn

a) Sjá mynd 58.



Mynd 58

b) Sjá mynd 59a. Kvarðinn er 1 : 4.



Mynd 59a

c) Á mynd 58 sjáum við að raunviðnámín eru tvö. R er viðnám mótstöðunnar og $R_{L.vír}$ er raunviðnám spólunnar. (Ath. að hér er eingöngu tekið tillit til vírviðnámsins). Á viðnámsvektoramyndinni sést að þau hafa sömu stefnu og því má leggja þau saman beint. Formúlan fyrir heildar riðstraumsviðnám rásarinnar lítur þá svona út:

$$Z = \sqrt{(R + R_{L.vír})^2 + X_L^2}$$

$$Z = \sqrt{(10 + 20)^2 + 16^2} = \underline{34\Omega}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

d) $\cos \varphi = \frac{R + R_{L.vír}}{Z} = \frac{10 + 20}{34} = \underline{0,88}$ og $\angle \varphi = \underline{28,0^\circ}$

e) $I = \frac{U}{Z} = \frac{230}{34} = \underline{6,76\Omega}$

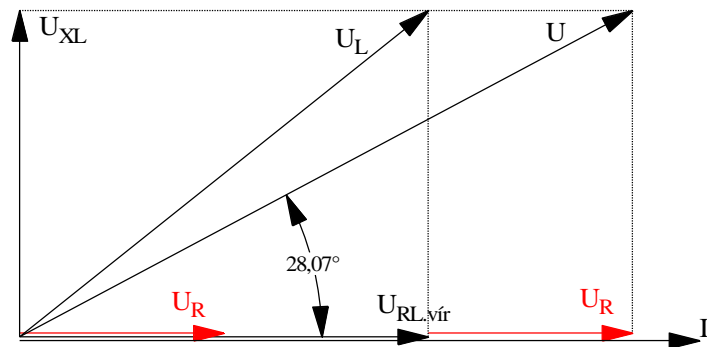
f) Spennuföllin í rásinni reiknum við með Ohms lögmáli:

$$U_{RL.vír} = I \cdot R_{L.vír} = 6,76 \cdot 20 = \underline{135,2V}$$

$$U_R = I \cdot R = 6,76 \cdot 10 = \underline{67,6V}$$

$$U_{XL} = I \cdot X_L = 6,76 \cdot 16 = \underline{108,16V}$$

Mynd 59b sýnir spennuvektoramyndina.



Mynd 59b

Á spennuvektoramyndinni sést að raunspennuföllin hafa sömu stefnu og því má leggja þau saman beint. Formúlan fyrir heildarspennuna lítur því svona út:

$$U = \sqrt{(U_{RL.vír} + U_R)^2 + U_{XL}^2} = \sqrt{(135,2 + 67,6)^2 + 108,16^2} = \underline{229,8V}$$

Með mælingu á mynd 59b sjáum við að þetta kemur heim. Kvarðinn er 1 : 25.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spóla með járnkjarna

Hreint span veldur 90° fasviki. Öll töp spólu gera það að verkum að fasvikið verður minna en 90° . Við höfum hér að framan fjallað um raunviðnámið í vír spólunnar, sem hefur þessi áhrif. Spólan hitnar þegar straumur fer um hana vegna raunviðnámsins og hiti er sama og töp. Þessi töp í spólunni köllum við eirtöp. Þegar spóla með járnkjarna er segulmögnuð með riðstraum, hitnar járnkjarninn vegna segultregðunnar í járninu og hvirfilstrauma sem spanast í kjarnanum. Aflið sem fer í að hita kjarnann kemur frá straumrásinni eða spennugjafanum. Þessi hitatöp í járnkjarnanum köllum við járantöp. Járntöp spólu hafa sömu áhrif á fasvikið og eirtöpin. Járntöpin er ekki hægt að reikna út heldur verðum við að finna þau á óbeinan hátt með aflmælingu. Við getum mælt aflið, P_L , sem spóla tekur frá spennugjafa með aflmæli. Þannig fáum við heildar töp spólunnar. Frá því getum við dregið eirtöpin en þau má reikna út frá straumnum sem fer um spóluna og vírviðnámi hennar. Vírviðnám spólunnar getum við mælt með viðnámsmæli (AVO). Formúlan fyrir eirtöpunum verður:

$$P_{eir} = I^2 \cdot R_{L,vir} \quad (66)$$

Járntöpin getum við þá reiknað á eftirfarandi hátt:

$$P_{járn} = P_L - P_{eir} \quad (67)$$

Fasvikshorn spólunnar ræðst af heildartöpunum í spólunni, P_L . Raunaflstuðul hennar og fasvikshorn getum við reiknað með formúlu (61), aflformúlunni (Ath. að hér merkjum við aflið með tákni spólunnar L):

$$P_L = U_L \cdot I \cdot \cos \varphi_L \quad (61)$$

Þetta skulum við skoða nánar í sýnidæmi 6.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 6

Spóla, með járnkjarna er raðtengd við raunviðnám og tengd spennugjafa með óþekktri spennu og 50Hz tíðni. (Gæti t.d. verið spóla með flúrípípu.) Mælingar á rásinni eru gerðar eins og mynd 60a sýnir og gefa eftirfarandi niðurstöður:

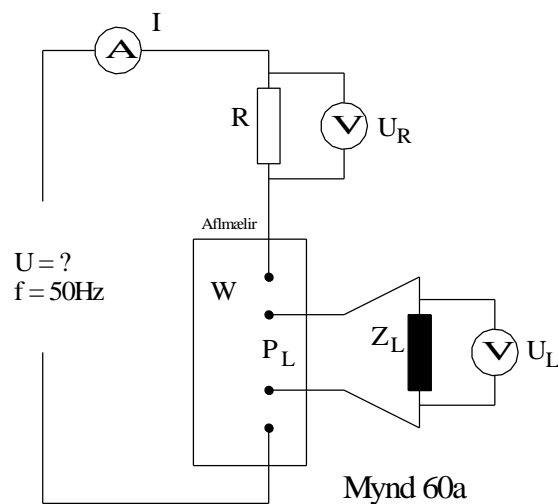
$$R_{L.vír} = 100\Omega, \text{ mælt með AVO.}$$

$$U_R = 90V$$

$$U_L = 120V$$

$$P_L = 5W$$

$$I = 100mA$$

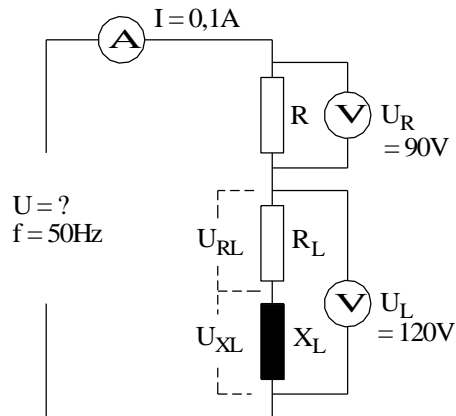


- Teiknaðu jafngildismynd rásarinnar.
- Reiknaðu raunaflluðul og fasvik spólunnar.
- Teiknaðu spennuvektoramynd rásarinnar.
- Reiknaðu spennugjafaspennuna, U .
- Hver er heildarraunaflluðull rásarinnar?
- Hvernig skiptast töp spólunnar í eirtöp og járntöp?
- Hvað jafngilda járntöpin stóru raunviðnámi í Ω ?
- Reiknaðu launviðnám og spanstuðul spólunnar.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 6 lausn

- a) Sjá mynd 60b. Hér er búið að skipta spólunni í raunviðnám, R_L og launviðnám, X_L . Ath. vel að spennurnar U_{RL} og U_{XL} er ekki hægt að mæla og því er ekki sýndur spennumælir yfir raun- og launhluta spólunnar.



Mynd 60b

- b) Til að reikna raunafstuðul spólunnar og fasvikshorn notum við mælingar á spennufalli spólunnar, U_L , straumnum, I og heildartöpum hennar, P_L . Tenging mælanna er sýnd á mynd 59. Aflmælirinn er bara tengdur spólunni og sýnir því eingöngu aflíð í henni, eða m.ö.o. járn- og eirtöp hennar. Með því að setja mæligildin inn í formúlu (61) getum við reiknað raunafstuðulinn, $\cos \varphi_L$.

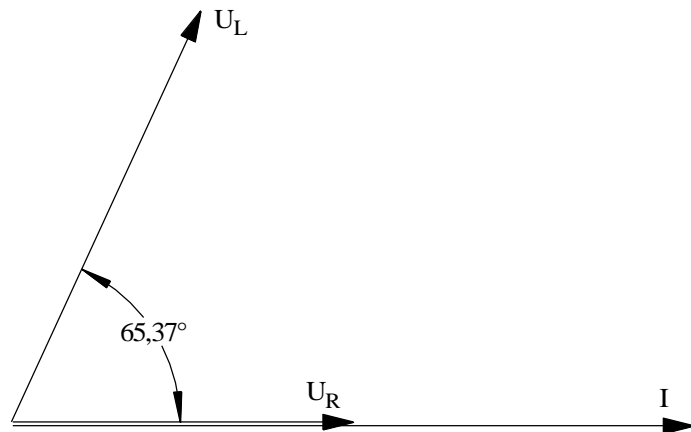
$$P_L = U_L \cdot I \cdot \cos \varphi_L \Rightarrow$$

$$\cos \varphi_L = \frac{P_L}{U_L \cdot I} = \frac{5W}{120V \cdot 100 \cdot 10^{-3}} = \underline{0,416}$$

$$\angle \varphi_L = \underline{65,37^\circ}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- c) Út frá þeim upplýsingum sem við nú höfum getum við teiknað vektoramynd sem sýnir spennuna yfir raunviðnám rásarinnar U_R og spennuna yfir spóluna U_L . Sjá mynd 61. Við setjum strauminn í viðmiðunarsinn því hann er sameiginlegur fyrir báða íhluti rásarinnar. U_R kemur í sömu stefnu og straumurinn því raunviðnámið veldur ekki fasviki og U_L kemur horninu $65,37^\circ$ á undan straumnum, því spólan veldur $65,37^\circ$ fasviki og hún seinkar straumi.



Mynd 61

- d) Til að geta fundið summu spennufallanna eða spennugjafaspennuna þurfum við að skipta spennu spólunnar upp í raun- og launhluta. Við beitum aðferðinni sem lýst var í kaflanum um „stærðfræðileg skipting spólu í raun- og launhluta“. Sjá mynd 62.

Við köllum hlutann sem liggur í stefnu straumsins U_{RL} og hlutann sem liggur 90° á strauminn U_{XL} . Til að finna stærðir þessara hluta beitum við cosínus og sínus reglunum. U_{RL} eða raunhlutinn fylgir cósínus og U_{XL} eða launhlutinn fylgir sínus. (Hér er líka hægt að nota flýtiaðferðina).

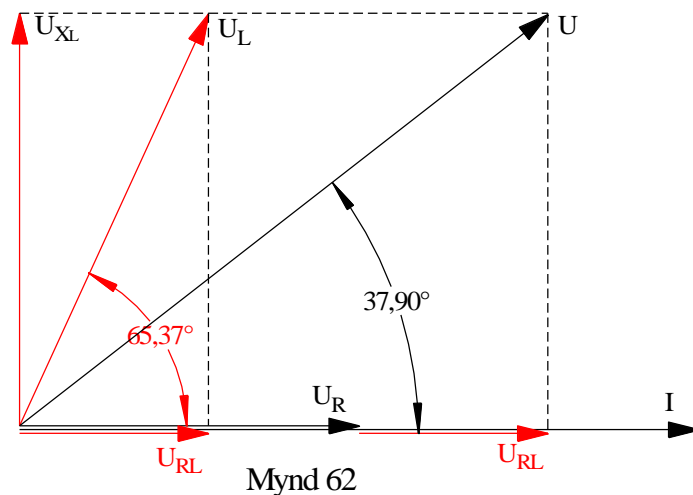
Rafmagnsfræði Kefli 15 Ríðstraumur

$$\cos \varphi_L = \frac{U_{RL}}{U_L} \Rightarrow U_{RL} = U_L \cdot \cos \varphi_L = 120V \cdot \cos 65,37^\circ = 50,0V$$

og

$$\sin \varphi_L = \frac{U_{XL}}{U_L} \Rightarrow U_{XL} = U_L \cdot \sin \varphi_L = 120V \cdot \sin 65,37^\circ = 109,0V$$

Nú getum við bætt þessum stærðum inn á vektora-myndina á mynd 61 og þá fáum þá mynd 62. Hér beitum við síðan vektorasamlagningu. Flytjum U_{RL} og setjum hann við endann á U_R . Búum til ferhyrning eins og sýnt er á myndinni og drögum hornalínu hans sem er þá spennugjafaspennan U .



Við notum síðan Pýþagorasarregluna og skrifum formúlu spennugjafaspennunnar.

$$U = \sqrt{(U_R + U_{RL})^2 + U_{XL}^2} = \sqrt{(90 + 50)^2 + 109^2} = \underline{177,4V}$$

Prófaðu að mæla spennugjafaspennuna í vektoramyndinni og sjáðu hvort þetta kemur heim. Kvarðinn er 1.20.

e) Tökum cósínus af heildar fasvikshorninu á mynd 62:

$$\cos \varphi_H = \frac{U_R + U_{RL}}{U} = \frac{90 + 50}{177,4} = \underline{0,789}$$

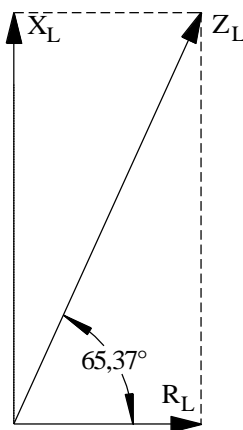
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- f) Við getum reiknað út eirtöpin með því að setja inn í formúlu (66):

$$P_{eir} = I^2 \cdot R_{L,vír} = 0,1^2 \cdot 100 = 1W$$

Mismunurinn á mælda aflinu og eirtöpunum er síðan járantöpin. (Ath. vel að hér er ekki um neina vélræna vinnu að ræða og því er eingöngu um töp að ræða í spólunni):

$$P_{jám} = P_L - P_{eir} = 5W - 1W = \underline{4W}$$



Mynd 63

- g) Járntöpin jafngilda ákveðnu viðnámi í ohmum. Til að finna það er best að finna heildarviðnám spólunnar með hjálp fasvikshornsins og raunaflstuðulsins. Á mynd 63 er sýnd viðnámsvektoramynd spólunnar. Fallið frá endapunkti sýndarviðnámsins er heildarraunviðnám spólunnar, R_L . En það er samsett úr vírviðnáminu og viðnáms sem er ígildi járantöpa spólunnar. Sýndarviðnám spólunnar Z_L getum við fundið með Ohmslög máli og R_L með hornaföllum.

$$Z_L = \frac{U_L}{I} = \frac{120V}{0,1A} = 1200\Omega \text{ og}$$

$$\cos \varphi_L = \frac{R_L}{Z_L} \Rightarrow R_L = Z_L \cdot \cos \varphi_L = 1200 \cdot \cos 65,37^\circ = 500,1\Omega$$

Viðnámið sem orsakast af járantöpunum er mismunur R_L og $R_{L,vír}$ eða:

$$R_{L,jám} = R_L - R_{L,vír} = 500,1\Omega - 100\Omega = \underline{400,1\Omega}$$

- h) Við finnum launviðnám spólunnar út frá mynd 63 með því að taka sínus af horninu og leysa út X_L .

$$\sin \varphi_L = \frac{X_L}{Z_L} \Rightarrow X_L = Z_L \cdot \sin \varphi_L = 1200 \cdot \sin 65,37^\circ = \underline{1090,8\Omega}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Notum formúlu (54) og leysum út spanstuðulinn:

$$L = \frac{X_L}{2 \cdot \pi \cdot f} = \frac{1090,8\Omega}{2 \cdot \pi \cdot 50} = \underline{3,47H}$$

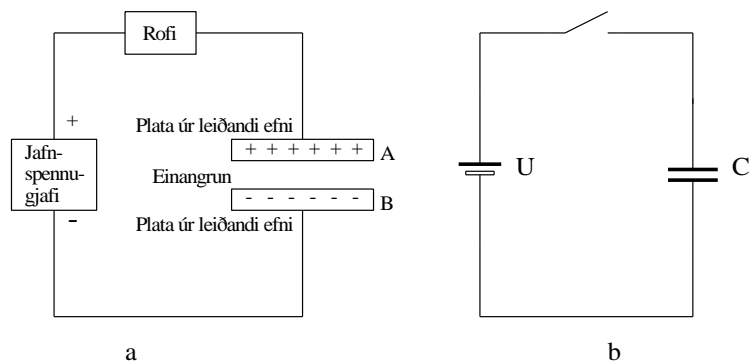
Í hermiforritinu WorkBench eru allir íhlutir fullkomnir eða „ideal“. Það merkir að spólur í forritinu eru án raun- eða tapsviðnáms. Ef við ætluðum að setja upp spólurásina í dæminu hér að ofan í umrætt hermiforrit yrðum við að raðtengja $500,1\Omega$ raunviðnám við spólu með spanstuðlinum $3,47H$ sem veldur launviðnámi $1090,8\Omega$ þegar hún er tengd spennu með tíðninni $50Hz$.

Rafmagnsfræði Kafi 15 Riðstraumur

15.2 Rýmd

Rýmd

Þéttir er, í sinni einföldustu mynd, tvær plötur úr leiðandi efni með einangrun á milli. Þannig er líka tákmynd þéttis hugsuð, tvær samsíða plötur með bili á milli. Þetta er sýnt á mynd 64. Á mynd 64a eru plöturnar sýndar ásamt einangruninni og hvernig þéttirinn getur tengst spennugjafa í gegnum rofabúnað. Á mynd 64b er þetta sýnt með tákmyndum.



Mynd 64

Þegar rofinn lokar rásinni fara rafeindir frá neikvæða skauti spennugjafans til plötu A og safnast þar fyrir. Vegna þess hve plata A er nálægt plötu B, hafa rafeindirnar á plötu A fráhrindandi áhrif á rafeindirnar á plötu B (samkynja hleðslur hrinda hverri annarri frá sér), sem dragast þá að jákvæða skauti spennugjafans. Plata A er nú neikvætt hlaðin (hefur umfram rafeindir), en plata B er jákvætt hlaðin (skortir rafeindir). Með því að tengja straummæli í rásina má sýna fram á að straumur streymir í augnablik meðan þéttirinn er að hlaðast. Það hefur m.ö.o. átt sér stað hleðsluflutningur frá spennugjafanum til þéttisins. Athugaðu samt vel að það hefur ekki farið straumur á milli plötna þéttisins vegna einangrunarefnisins.

Þéttirinn er nú hlaðinn jafn hárru spennu og spennugjafinn og enginn straumur er nú í rásinni. Ef við prófum að tengja þéttinn við mismunandi háar

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

spennur kemur í ljós að vísun straummælisins verður í réttu hlutfalli við stærð spennunnar. En þar sem útslag straummælisins er einnig mælikvarði á hleðsluna sem þéttirinn tekur fáum við fram eftirfarandi formúlu:

$$Q = C \cdot U \quad (68)$$

Hér er:

Q hleðsla þéttisins,

U spenna spennugjafans og

C hlutfallstuðull milli spennu og hleðslu.

Þennan hlutfallstuðul köllum við rýmd þéttisins.

Rýmd þéttis er geta hans til að taka í sig hleðslu eða m.ö.o. stærð hans. Oftast er talað um að þéttir sé svo og svo stór eða hafi svo og svo mikla rýmd.

Mælieiningin fyrir rýmd er Farad (F), eftir

Englendingnum Michael Faraday. Þéttir sem tekur

rafhleðsluna 1 coulomb eða 1A á sekúndu (A/s), þegar hann er tengdur spennugjafa með spennuna 1V, hefur rýmdina 1F.

Farad er mjög stór eining, algengast er að stærð þetta sé gefin upp í míkrófarad (μF), nannófarad (nF) eða píkófarad (pF).

$$1\mu F = 10^{-6}(F)$$

$$1nF = 10^{-9}(F)$$

$$1pF = 10^{-12}(F)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Hleðsla og afhleðsla þéttis

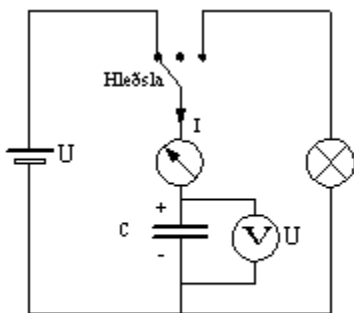
Það er áriðandi að gera sér grein fyrir að straumur er aðeins í rásinni á meðan þéttirinn er að hlaðast eða afhlaðast og að enginn straumur fer í gegnum þéttinn, því veldur einangrunin á milli plátanna.

Við skulum nú athuga nánar hvað gerðist við hleðslu og afhleðslu þéttisins. Á mynd 65 er tenging sem gerir okkur kleift að tengja þétti við spennugjafa, hafa þéttinn ótengdan og síðan afhlaða hann í gegnum álag (peru). Í röð með þéttinum er straummælir, vísismælir, með núllið á miðri skífu. Hann getur því sýnt okkur straumstefnuna í rásinni.

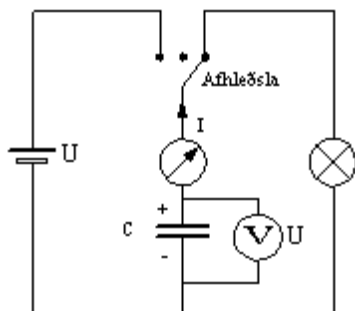
Þegar rofinn er settur í stöðuna hleðsla gefur straummælirinn snögga vísun og fellur síðan aftur á núll. Á sama tíma stígur spennumælirinn og sýnir spennuna U þegar þéttirinn er fullhlaðinn.

Þegar rofinn er settur í stöðuna hlutlaus gerist ekkert. Þegar rofinn er settur í stöðuna afhleðsla gefur straummælirinn aftur snögga vísun en nú í gagnstæða átt. Spennumælirinn fellur á núll og peran lýsir stutta stund.

Þetta sýnir að þéttirinn hefur tekið við rafhleðslu, haldið henni í sér og gefið hana aftur til álags, sem var peran í þessu tilfalli. Þetta segir okkur að þéttir hagar sér á svipaðan hátt og hlaðanlegt rafhlað eða rafgeymir. (Vinnumatinn er samt gjörólíkur.) Og það er mjög gott að hafa þá samlíkingu í huga þegar fjallað er um þetta. Aðal munurinn er sá að þéttir hefur oftast miklu minni rýmd en venjulegur rafgeymir.



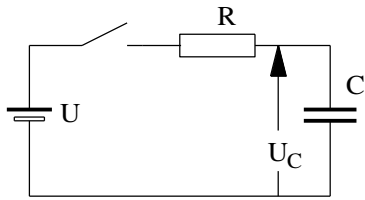
Mynd 65 a



Mynd 65 b

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Tímastuðull þetta



Mynd 66

Við höfum nú séð hvernig þéttir hleðst og afhleðst. Með straum- og/eða spennumæli er hægt að fylgjast með breytingunni. Við skulum líta nánar á þetta fyrirbæri og setja upp formúlur fyrir hleðslu og afhleðslu sem eru leiddar út með hjálp stærðfræðiaðferðanna diffrun/heildun. (Sjá kaflann um spanaða mótspennu í spólu). Mótstaðan R , sem er sýnd á mynd 66, getur verið viðnámið í leiðslunum sem tengja þéttinn við spennugjafann eða sérstök mótstaða sem er raðtengd við þéttinn til þess að hafa áhrif á hleðslu- eða afhleðslutímamann. Sjá líka myndir 67 og 68.

Fyrir hleðsluspennu þéttisins gildir formúlan:

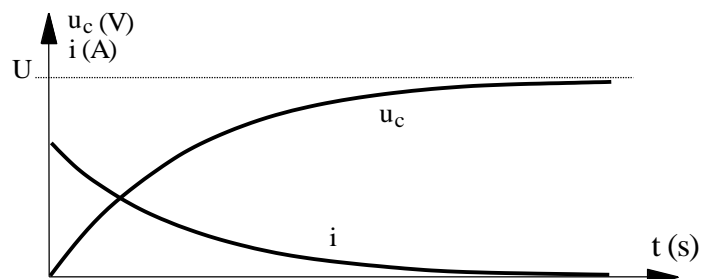
$$u_c = U \left(1 - e^{-\frac{t}{R \cdot C}} \right) \quad (68)$$

og fyrir hleðslustrauminn:

$$i = \frac{U}{R} e^{-\frac{t}{R \cdot C}} \quad (69)$$

Hér er: U spennugjafa spennan,
 t tíminn,
 R viðnámið í rásinni,
 C rýmd þéttisins.

Ef við teiknum þessi föll fáum við ferla eins og mynd 67 sýnir.



Mynd 67

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Fyrir afhleðsluspennu þéttisins gildir formúlan:

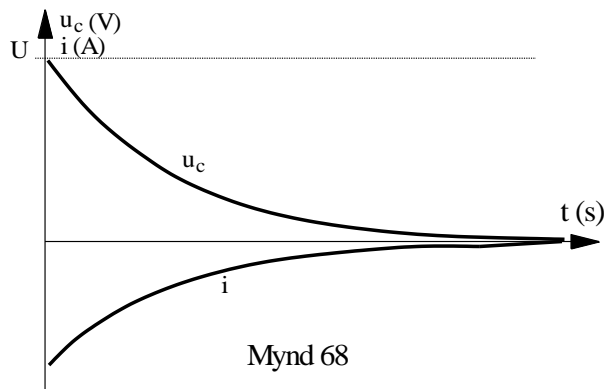
$$u_c = U \cdot e^{-\frac{t}{RC}} \quad (70)$$

og fyrir afhleðslustrauminn:

$$i = -\frac{U}{R} \cdot e^{-\frac{t}{RC}} \quad (80)$$

Mínustáknið gefur til kynna gagnstæða straumstefnu miðað við hleðslustrauminn.

Ef við teiknum þessi föll fáum við ferla eins og mynd 68 sýnir.



Lítum nánar á þessar formúlur.

Ef við setjum inn fyrir t stærðina $t = 0$ þá fáum við í

hleðslutilfellinu $u_c = 0$ og $i = \frac{U}{R}$. Þetta kemur heim við

það sem við sögðum hér að framan að í byrjun er þéttirinn óhlaðinn og spennan yfir hann núll.

Straumurinn í tengiaugnablikinu ákvarðast því eingöngu af viðnáminu í rásinni og spennunni U . Ef viðnámið er mjög lítið verður straumurinn í tengiaugnablikinu mjög stór. Þéttirinn virkar nánast sem skammhlaup í byrjun. Spennan sem byggist upp yfir þéttinn virkar sem mótspenna og því dregur smám saman úr straumnum þar til þéttirinn er fullhlaðinn. Athugaðu þetta vel og berðu það saman við sjálfspanspennu spólu.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Ef við aftur á móti setjum inn fyrir t stærðina

$t = \tau = R \cdot C$ þá fáum við í hleðslu-tilfellinu $u_C = U \cdot 0,63$

og $i = \frac{U}{R} \cdot 0,63$. Þennan tíma, τ , köllum við tímastuðul

rásarinnar og formúlurnar segja okkur að þegar

hleðslan hefur varað í τ sekúndur hefur þéttirinn náð

63% af spennu spennugjafans. Við sáum hér að framan

að spenna þéttisins er í beinu hlutfalli við hleðslu hans

og því er hleðslan líka 63% af fullri hleðslu.

(Ath. að við notum gríska bókstafinn τ (tá) til að tákna tímastuðul).

Hleðslutími

Í kaflanum hér að ofan fundum við að tímastuðull

þéttis er skilgreindur sem það margfeldi viðnáms og

rýmdar sem gefur 63% af fullri hleðslu. Tíminn sem

það tekur þétti að ná fullri hleðslu er u.þ.b. 5 sinnum

lengri. Almennt getum við skrifað formúlu

hleðslutímans á eftirfarandi hátt:

$$\tau = R \cdot C \quad (s) \quad (81)$$

Við sjáum á þessu að hleðslutíminn er háður stærð

þéttisins (rýmd hans) og viðnámi mótstöðunnar, sem

er raðtengd við hann.

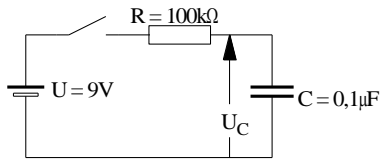
Sýnidæmi 6

$1\mu F$ þéttir og $100k\Omega$ mótstaða eru raðtengd og tengd við 9V spennugjafa.

Teiknaðu mynd af rásinni og reiknaðu út tímastuðul rásarinnar. Hve há er spenna þéttisins þegar tími, sem jafngildir tímastuðlinum er liðinn?

Rafmagnsfræði Kefli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 6 lausn



Mynd 69

Tengingin er sýnd á mynd 69.

Við finnum tímastuðulinn með formúlu (81).

$$\tau = R \cdot C = 100 \cdot 10^3 \cdot 0,1 \cdot 10^{-6} = 0,1s$$

Með formúlu (68) getum við reiknað út spennuna með því að setja $R \cdot C$ inn fyrir tímann, t:

$$u_C = U \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}} \right) = 9 \left(1 - e^{-\frac{RC}{RC}} \right) = 9(1 - e^{-1}) = 9(1 - 0,367) = \underline{5,68V}$$

Eftir tíma tímastuðulsins er spennan komin í 5,68V.

Þetta er mikið notað í rásum þar sem þörf er fyrir tímaseinkunn. T.d. í rásum sem stjórna lýsingu í stigagöngum sambygginga, viðvörðunarkerfum o.fl.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Þrír þættir sem ákveða rýmd

Við sáum samhengi rýmdar, hleðslu og spennu þéttis í formúlu (68). Stærð þéttisins eða rýmd fór eftir því hve stórri hleðslu hann gat haldið í sér fyrir gefna spennu.

En hvað er það í byggingu þéttis sem ákvarðar rýmd hans?

Með tilraunum er hægt að sýna fram á að rýmdin er háð plötustærðinni, eiginleikum einangrunarefnisins á milli platnanna og fjarlægðinni milli þeirra. Út frá þessu fæst eftirfarandi samhengi eða formúla:

$$C = \varepsilon \cdot \frac{A}{l} \quad (82)$$

Hér er:

C rýmd þéttis í F.

A flatarmál hvorrar plötu í m^2

l fjarlægðin milli platnanna í m .

ε rafsviðsleiðnistuðull einangrunarefnisins.

ε er oft kallað eiginlegur rafsvörunarstuðull einangrunarefnis. Í lofttómu rúmi er

rafsvörunarstuðullinn $8,85 \cdot 10^{-12} \left[\frac{F}{m} \right]$ og fær

formúlutáknið ε_0 . Fyrir loft gildir nánast sama stærðin.

Oftar er þó notaður hlutfallslegur eða afstæður rafsvörunarstuðull ε_r . Hann segir okkur hvað viðkomandi efni hefur mörgum sinnum hærra stuðul en lofttæmið. Í töflum sem gefa upp rafsvörunarstuðla efna er ε_r yfirleitt gefinn. Við verðum þá að muna eftir að setja líka ε_0 inn í formúlu (82) ef við ætlum að reikna rýmd þéttis út frá stærð og bili á milli platna hans.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Rafsvörunarstuðull. (Samkv. ens-ísl. orðabók Arnar og Örlygs er rafsvörunarstuðull þýðing á enska orðinu „permittivity“. Þar segir: „rafsvörunarstuðull, hlutfall milli raforku (D) í efni og rafsviðs (E) sem veldur henni; lýsir m.a. hæfni efnisins til að geyma rafstöðuorku, t.a.m. í þétti“. Samheiti „dielectric constant“.

Í ísl. alfræðiorðabókinni segir: „Rafsvörunarstuðull: mælikvarði á hæfni efnis til að geyma rafstöðuorku; hlutfallið milli raforku í efni og rafsviðsins sem veldur henni; mælt í faröðum á metra; mælieining: F/m. Afstæður rafsvörunarstuðull er hlutfallið milli r efnisins og r lofttæmis“.

Við getum nú tekið nánar saman þessi atriði og sagt að rýmd sé:

1. Í réttu hlutfalli við stærð platnanna,
2. í réttu hlutfalli við rafsvörun einangrunarefnisins,
3. í öfugu hlutfalli við fjarlægðina milli platnanna.

Rýmd myndast víða í rafkerfum, s.s. flutningskerfum raforku. Það má líta á leiðara háspennulínu sem plötur þéttis og fjarlægðina á milli leiðaranna sem bilið á milli platnanna. Einangrunarefnið, hvort sem um jarðkapall eða loftlínu er að ræða, hefur ákveðinn rafsvörunarstuðul. Þarna er m.ö.o. kominn þéttir eða þéttavirkni sem hefur mikil áhrif á raforkuflutninginn. Nánar um það aftar í bókinni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Mismunandi gerðir þetta

Þéttar eru framleiddir í ótal stærðum og gerðum. Hér að framan hefur verið talað um plötupétta. Algengasta gerð plötupétta er gerð úr tveim málmþynnum sem eru vafðar upp með vaxbornum pappír á milli. Þessi gerð þetta dregur nafn sitt af einangrunar-efninu og nefnast pappírspéttar.

Önnur gerð plötupétta kallast keramikpéttar. Þeir eru litlir, flatir og hafa tvær örþunnar silfurplötur með keramikeinangrun á milli. Þessir þéttar hafa litla rýmd og eru einungis notaðir í rafeindatækjum t.d. útvarps- og sjónvarpstækjum.

Mjög algeng tegund þetta er raflausnarpéttar. Þessir þéttar hafa mikla rýmd miðað við rúmmál, en þá er einungis hægt að nota í jafnstraumsrásum. Þeir eru þó notaðir sem ræsipéttar fyrir einfasa mótora. En þá eru þeir aðeins í sambandi við rið-spennuna í stutta stund, 1-2s. Hús þeirra, sem er málm-dós, er neikvæða skautið, og einangrunin er þunn oxíðhúð innan á því. Stundum eru tveir í sama húsi. Skaut raflausnarþetta eru greinilega merkt + og -, ef þeir eru ekki rétt tengdir jafnspennu, of hárru spennu eða riðspennu, hitna þeir og geta sprungið.

Breytilegir þéttar eru plötupéttar með lofteinangrun. Breyta má rýmd þeirra með því að breyta bilinu milli platananna. Þessir þéttar eru m.a. notaðir til þess að stilla tíðnisvið í útvarpstækjum.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Rýmdarviðnám

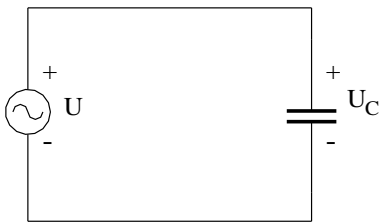
Í kaflanum „Hleðsla og afhleðsla þéttis“ var lýst hvernig þéttir hleðst þegar hann er tengdur við jafnspennugjafa og afhleðst í gegnum álag sem við hann er tengt.

Ef við í staðinn fyrir að tengja álag við hlaðinn þéttinn, víxluðum pólum á spennugjafanum myndi þéttirinn afhlaðast í gegnum spennugjafann og síðan hlaðast upp aftur með gagnstæðri pólun.

Riðspennugjafi er spennugjafi þar sem pólun spennunnar víxlast í sífellu. Þegar þéttir er tengdur við riðspennugjafa hleðst hann og afhleðst stöðugt með pólun sem svarar til pólunar spennugjafans.

Riðstraumsmælir sem væri raðtengdur við þéttinn myndi sýna stöðugan straum. Það fer hins vegar enginn straumur í gegnum þéttinn heldur sýnir mælirinn hleðslu- og afhleðslustraum þéttisins.

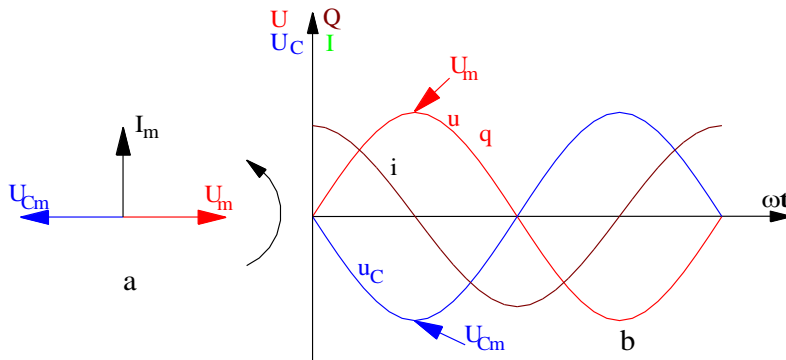
Við skulum nú líta á þetta nánar og hugsum okkur að á ákveðnu augnabliki sé þéttirinn á mynd 70 óhlaðinn og neðra skautið á spennugjafanum, sem gefur sínuslaga riðspennu, er að skipta úr plús yfir í mínus.



Mynd 70

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Þéttirinn hleðst og yfir hann myndast spennan u_c , sem er á hverju augnabliki jafn stór og spennugjafaspennan en með öfugri pólun miðað við hana. Spennan yfir þéttinn verður þá í



Mynd 71

neikvæðu hámarki $-U_{Cm}$ um leið og spennugjafaspennan verður í jákvæðu hámarki. Sjá mynd 71b. Hleðslan, q , hlýtur líka að fylgja sínuskúrfu þar sem hún er í beinu hlutfalli við spennuna samkvæmt formúlunni:

$$q = C \cdot U \tag{83}$$

Hleðslukúrfan er ekki sýnd sérstaklega á mynd 71b þar sem hún er eins og spennukúrfan og fellur í hana ef mælikvarðinn er rétt valinn.

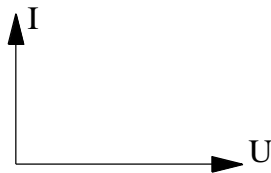
Straumur er hleðsla á tímaeiningu. Augnabliksgildi straumsins verður þá hleðslubreyting á tímabreytingu eða:

$$i = \frac{\Delta q}{\Delta t} \tag{84}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Straumurinn er mestur í byrjun því hleðslan (spennan) vex hraðast í kringum núllpunktinn. (Sjá jafnframt útskýringar í tengslum við mynd 67). Eftir fjórðung úr riði hefur straumurinn minnkað í núll, því þá er hleðslubreytingin augnablik núll, snertillinn við hleðslukúrfuna er láréttur. Á þessu augnabliki byrjar spennugjafaspennan að minnka og þéttisspennan verður ráðandi í rásinni og sendir straum í öfuga átt (neikvæðan) til spennugjafans. Neikvæði straumurinn verður í hámarki eftir hálfri rið miðað við byrjunaraugnablikið. Þá hefur þéttirinn losað sig við hleðsluna sem hann fékk í fyrsta fjórðungi riðsins. Nú eykst spennugjafaspennan aftur með öfugri pólun miðað við upphafið, þéttirinn hleðst með öfugum formerkjum og þannig koll af kolli.

Á mynd 71a er straumur og spennur sýndar með vektorum. Straumurinn er 90° eða fjórðung úr riði á undan spennugjafaspennunni, en þéttisspennan er 90° á undan straumnum. Yfirleitt er miðað við spennugjafaspennuna og því er vektoramynd straums og spennu þéttis teiknuð eins og sýnt er á mynd 72 þar sem straumurinn er 90° á undan spennunni.



Mynd 72

Til að finna út sambandi milli spennu og straums þéttisins skulum við beita eftirfarandi röksemdarfærslu.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Við göngum út frá formúlu (84) og setjum inn $C \cdot \Delta u$ fyrir hleðsluna Δq frá formúlu 83. Athugaðu að við hugsum okkur hér að smábreyting, Δu í spennunni valdi smábreytingu Δq í hleðslu þéttisins. Straumurinn verður þá:

$$i = C \frac{\Delta u}{\Delta t} \quad (85)$$

Fyrir tímabreytinguna í formúlunni skulum við ganga út frá tímanum sem hálfrið varir. Þá getum við litið á strauminn sem meðalgildi í hálfu riði.

Á einu hálfriði breytist spennan frá núlli í hámark og síðan aftur í núll. Heildar spennubreytingin er því og með því að nota virkagildi spennunnar í stað hámarksgildisins verður spennubreytingin:

$$\Delta u = 2 \cdot \sqrt{2} \cdot U . \quad (86)$$

Tímann, sem eitt hálfrið varir, má skrifa sem

$$\frac{T}{2} . T \text{ er líka } \frac{1}{f}$$

$$\text{eða } \frac{1}{2} \frac{f}{f} = \frac{1}{2 \cdot f} = \frac{1 \cdot \pi}{2 \cdot f \cdot \pi} = \frac{\pi}{\omega} .$$

Tímabreytinguna hálfrið má því skrifa sem:

$$\Delta t = \frac{T}{2} = \frac{\pi}{\omega} \quad (87)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Þegar við sameinum formúlur (85), (86) og (87) og köllum strauminn $I_{me\delta}$ fáum við meðalgildi straumsins í hálfu riði:

$$I_{me\delta} = C \frac{2 \cdot \sqrt{2} \cdot U}{\frac{\pi}{\omega}} \quad (88)$$

Í kaflanum um formstuðul var leidd út formúla (31). Í henni sáum við samhengi meðalgildis og virkagildis riðspennu eða riðstraums. Rifjum upp formúlu (31) og setjum inn í hana straumana:

$$\frac{I}{I_{me\delta}} = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} \text{ og leyst m.t.t. virkag. } I = I_{me\delta} \frac{\pi}{2 \cdot \sqrt{2}} \quad (31)$$

Setjum formúlu (88) inn í (31):

$$I = C \frac{2 \cdot \sqrt{2} \cdot U}{\frac{\pi}{\omega}} \cdot \frac{\pi}{2\sqrt{2}} = \omega C \cdot U \quad (89)$$

Ef við skrifum þetta sem hlutfallið milli spennu og straums, þ.e. deilum beggja megin með straumnum I fáum við:

$$\frac{U}{I} = \frac{1}{\omega C} \quad (90)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Þar sem stærðin $\frac{1}{\omega C}$ er jöfn hlutfallinu á milli spennu og straums hlýtur hún, samkvæmt Ohms-lögmáli, að vera viðnám. Þetta viðnám kallast launviðnám eða rýmdarviðnám þéttisins og fær eigið formúlutákn, X_C . Formúlan fyrir laun- eða rýmdarviðnám verður þá:

$$X_C = \frac{1}{\omega \cdot C} = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} \quad (91)$$

(Orðið launviðnám er þýðing á enska orðinu „reactance“. „Reactance“ getur átt við bæði þétti og spólu og er táknadur með bókstafnum X. Því þurfum við að merkja X með C (eða L) eftir því hvort við erum að tala um launviðnám þéttis eða launviðnám spólu. Á ensku er talað um „capacitive reactance“ og „inductive reactance“. Einnig notum við orðin rýmdarviðnám og spanviðnám um þessi hugtök.)

Þrátt fyrir það að engin straumur fari um þéttinn getum við samt litið á hann sem viðnám í riðstraumsrásum. Þetta viðnám veldur rýmdarspennufalli sem spennugjafinn verður að upphefja. Formúla (91) fyrir rýmdarviðnám segir okkur að viðnám þéttis minnki með vaxandi tíðni (eða hornhraða) öfugt við viðnám spólu sem stækkar með vaxandi tíðni. Jafnframt sjáum við að þegar tíðnin nálgast núll (jafnspennu) stækkar viðnámið í átt að óendanlegu gildi. Þetta kemur heim við það sem áður var sagt um þétti, sem tengist jafnspennugjafa, þar var enginn straumur nema rétt á meðan þéttirinn var að hlaðast eða afhlaðast.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 7

Þéttir er $5\mu F$. Hvert er rýmdarviðnám hans við tíðnirnar:

a) 16,67Hz, b) 50Hz, c) 100Hz, d) 1000Hz og e) 100kHz?

Sýnardæmi 7 lausn

$$a) X_c = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} = \frac{1}{2\pi \cdot 16,67 \cdot 5 \cdot 10^{-6}} = \underline{1909,5\Omega}$$

$$b) X_c = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 5 \cdot 10^{-6}} = \underline{636,6\Omega}$$

$$c) X_c = \frac{1}{2\pi \cdot 100 \cdot 5 \cdot 10^{-6}} = \underline{318,3\Omega}$$

$$d) X_c = \frac{1}{2\pi \cdot 1000 \cdot 5 \cdot 10^{-6}} = \underline{31,83\Omega}$$

$$e) X_c = \frac{1}{2\pi \cdot 100 \cdot 10^3 \cdot 5 \cdot 10^{-6}} = \underline{0,318\Omega}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

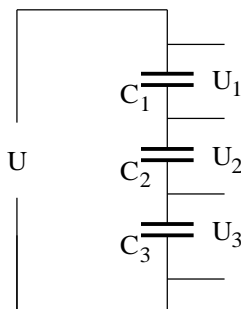
Tengingar þetta

Þéttar eru notaðir í margvíslegum tilgangi og er oft þörf á að tengja þá saman í rað- eða hliðtengingu. Við skulum líta á hvaða lögmál gilda fyrir samtengingu þetta.

Raðtenging þetta

Þegar spenna er sett á rás eins og mynd 73 sýnir verður heildarspennan, U , jöfn summu spennufalla þéttanna eða:

$$U = U_1 + U_2 + U_3 \quad (92)$$



Mynd 73

Allir þéttarnir fá jafn stóra hleðslu, sem er líka jafn stór og heildarhleðslutilfærslan í rásinni. Þetta hljómar ef til vill undarlega en við verðum að muna í þessu sambandi að það fer enginn straumur í gegnum þéttana. Við skulum hugsa okkur að það setjist jákvæð hleðsla á aðra plötu C_1 . Hún hrindir frá sér jafn stórra jákvæðri hleðslu af hinni plötunni sem fer yfir á næsta þétti og þannig koll af kolli.

Við getum því sett upp eftirfarandi samhengi fyrir spennurnar í rásinni:

$$U = \frac{Q}{C}; U_1 = \frac{Q}{C_1}; U_2 = \frac{Q}{C_2}; U_3 = \frac{Q}{C_3}$$

Þetta setjum við inn í formúlu (92) og fáum:

$$U = \frac{Q}{C} = \frac{Q}{C_1} + \frac{Q}{C_2} + \frac{Q}{C_3}$$

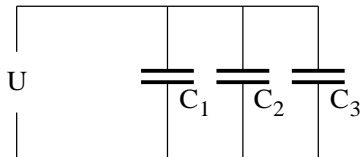
Hér stýttist Q út og formúlan fyrir heildarrýmd raðtengdra þetta verður:

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} \quad (93)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Hliðtenging þétta

Nú eru allir þéttarnir tengdir sömu spennu eins og mynd 74 sýnir.



Mynd 74

Heildarhleðslan, Q , í rásinni er summa hleðslu hvers þéttis um sig eða:

$$Q = Q_1 + Q_2 + Q_3 \quad (94)$$

Hleðsla, Q , er spenna sinnum rýmd eða $Q = U \cdot C$ og þetta sett inn í formúlu (94) gefur:

$$U \cdot C = U \cdot C_1 + U \cdot C_2 + U \cdot C_3$$

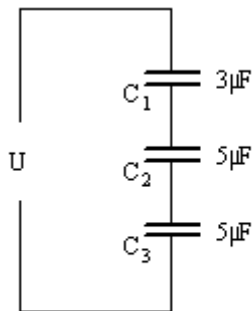
Styttum U út og fáum formúlu fyrir heildarrýmd hliðtengdra þétta:

$$C = C_1 + C_2 + C_3 \quad (95)$$

Sýnidæmi 8

3 þéttar eru raðtengdir. Einn er $3 \mu F$ en hinir tveir eru $5 \mu F$.

Lausn



Mynd 75 a

- Finndu heildarrýmdina.
- Finndu heildarrýmdina ef sömu þéttar eru hliðtengdir.

a) Raðtenging. Sjá mynd 75a.

Setjum uppgefin gildi inn í formúlu (93). Athugaðu að einfaldast er að setja stærðir þéttanna inn í míkrofaröðum. Þá verður útkoma það líka:

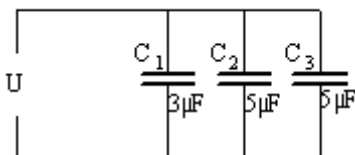
$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \frac{1}{5} = \frac{5+3+3}{15} = \frac{11}{15} \Rightarrow$$

$$C = \frac{15}{11} = \underline{1,36 \mu F}$$

- Hliðtenging. Tengimyndin er á mynd 75b. Til að finna heildarrýmdina setjum inn í formúlu (95) og reiknum í míkrofaröðum eins og áður:

$$C = C_1 + C_2 + C_3 = 3 + 5 + 5 = \underline{13 \mu F}$$

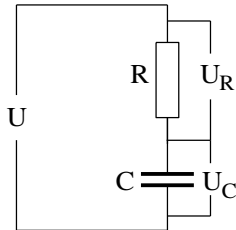
Á þessum tölum sjáum við að í raðtengingu verður heildarrýmdin minni en rýmd minnsta þéttisins. Í hliðtengingunni vex heildarrýmdin hins vegar.



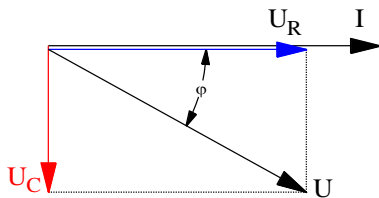
Mynd 75 b

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Þéttir og raunviðnám raðtengd



Mynd 76



Mynd 77

Þéttar hafa mjög lítið raun- eða tapsviðnám og yfirleitt lítum við á þétti sem hreint launviðnám.

Á mynd 76 er þéttir raðtengdur við raunviðnám. Þegar straumur fer um rásina verða spennuföll yfir þéttinn og mótstöðuna.

Spennufallið yfir raunviðnámið verður í fasa með straumnum.

Spennufallið yfir launviðnámið verður 90° á eftir straumnum.

Ef við teiknum vektoramynd af þessum spennuföllum verður 90° horn á milli þeirra. Mynd 77 sýnir spennuvektorana þar sem straumurinn, I , er teiknaður í lárétta ásinn. (Við notum lárétta ásinn sem viðmiðun eins og í spólurásinni.)

Spennugjafaspennan eða heildarspenna rásarinnar er jöfn summu spennufalla þéttis og raunviðnáms. Í jafnstraumsrásum gátum við lagt tölugildi spennufalla saman beint til að finna heildarspennu. En í riðstraumsrásunum verðum við líka að taka tillit til stefnu spennufallanna, þ.e. við verðum að nota vektorasamlagningu. Heildarspennufall rásarinnar verður því vektorasumma U_R og U_C .

Á mynd 77 er sýnt hvernig við leggjum vektorana saman með því að teikna ferhyrning. Hornalínan í honum er heildarspennan, U . Myndina köllum við spennuvektoramynd.

Samkvæmt Ohms lögmáli er heildarviðnám rásar, heildarspenna rásarinnar deilt með heildarstraumnum.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Í riðstraumsrásunum er heildarviðnámið kallað sýndarviðnám (stundum líka riðstraumsviðnám).

Sýndarviðnámið er táknað með Z .

Ef við deilum í allar stærðir spennuvektoramyndarinnar með straumnum, I , fáum við viðnámsvektoramynd.

Viðnámsvektoramyndin verður í sömu hlutföllum og spennuvektoramyndin og hornið milli R og Z verður jafn stórt og hornið milli I og U í

spennuvektoramyndinni. (Ath. að lengdir vektoranna geta verið mismunandi í þessum tveimur myndum en hlutfallið milli þeirra er eins og því verða hornin eins).

Viðnámsvektoramynd rásarinnar er sýnd á mynd 78.

Ef við berum þetta saman við kaflann um spólu með

raunviðnámi sjáum við að niðurstaðan er mjög svipuð að öðru leyti en því að þéttirinn veldur öfugu

fasvikshorni miðað við spóluna. Í spólurásinni var straumurinn 90° á eftir spennufalli spólunnar en í

þéttisrásinni er straumurinn 90° á undan spennufalli þéttisins.

Til að reikna út heildarspennufallið beitum við sömu aðferð og við spólurásina eða Kirchoffslögmáli. Með hjálp myndar 77 getum við skrifað:

$$U = \sqrt{U_R^2 + U_C^2}$$

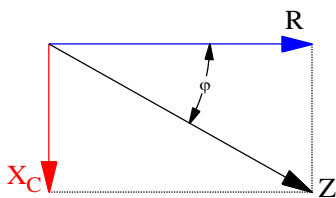
og sýndarviðnámið út frá mynd 78:

$$Z = \sqrt{R^2 + X_C^2}$$

og raunafstuðullinn út frá myndum 77 og 78:

$$\cos \varphi = \frac{U_R}{U} = \frac{R}{Z}$$

Við sjáum að formúlurnar eru þær sömu og í spólurásinni, þó bókstafirnir séu aðeins aðrir.



Mynd 78

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

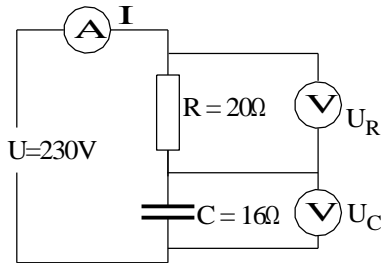
Sýnidæmi 9

Mótstaða með 20Ω raunviðnám er raðtengd þétti með 16Ω launviðnám. Rásin er tengd við $230V$, $50Hz$.

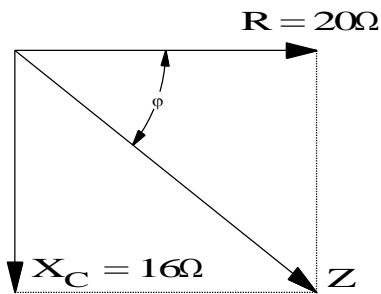
- a) Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
- b) Teiknaðu viðnámsvektoramynd í kvarða. Mældu sýndarviðnámið Z með reglustiku.
- c) Reiknaðu sýndarviðnámið Z . Berðu saman mældar og reiknaðar niðurstöðurnar .
- d) Hve stórt er fasvik rásarinnar?
- e) Hve stóran straum tekur rásin?
- f) Reiknaðu út spennuföllin og teiknaðu spennuvektoramynd. Mældu og reiknaðu út heildarspennuna og berðu saman við uppgefna spennu.
- g) Hver er rýmd þéttisins?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

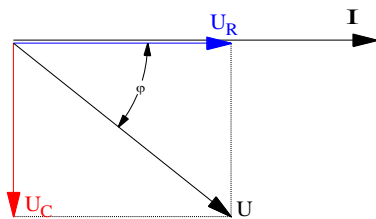
Sýnidæmi 9 lausn



Mynd 79



Mynd 80



Mynd 81

- a) Sjá mynd 79.
 b) Sjá mynd 80. Kvarðinn er 1:5. Z mælist 5,1 sm á myndinni. 5 sinnum 5,1 gerir 25,5Ω sem kemur heim við útreiknað gildi í c) liðnum.

$$c) Z = \sqrt{R^2 + X_C^2} = \sqrt{20^2 + 16^2} = \underline{25,6\Omega}$$

$$d) \cos\varphi = \frac{R}{Z} = \frac{20}{25,6} = 0,780$$

$$\text{og fasvikshornið: } \angle\varphi = \underline{38,74^\circ}$$

- e) Notum Ohms-lögmál:

$$I = \frac{U}{Z} = \frac{230}{25,6} = \underline{8,98A}$$

- f) Við byrjum á því að reikna út spennuföllin yfir raunviðnámið annars vegar og þéttinn hinsvegar.

$$U_R = I \cdot R = 8,98 \cdot 20 = \underline{179,6V}$$

$$U_C = I \cdot X_C = 8,98 \cdot 16 = \underline{143,68V}$$

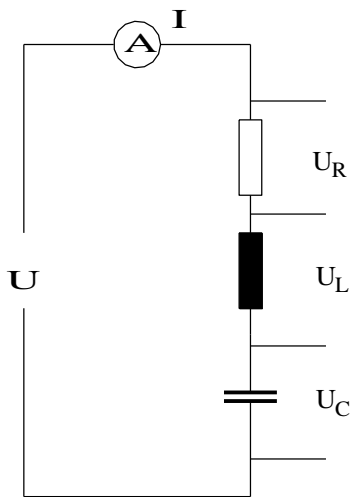
Sjá mynd 81. Kvarðinn er 50. Við byrjum á straumnum og setjum hann í viðmiðunar- (lárétta-) ásinn. Spennan yfir raunviðnámið fylgir straumnum en spennan yfir þéttinn kemur 90° á eftir honum.

- g) Leysum C út úr formúlu (91).

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} \Rightarrow C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 16} = \underline{198,9\mu F}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spóla, þéttir og raunviðnám raðtengd



Mynd 82

Í einfasmóturum er stundum notaður þéttir, raðtengdur við hjálparvafið, til að auðvelda ræsinguna. Hjálparvafinu getum við skipt upp í spólu og raunviðnám. Þetta getur verið gott að hafa í huga í sambandi við efnið í þessum kafla.

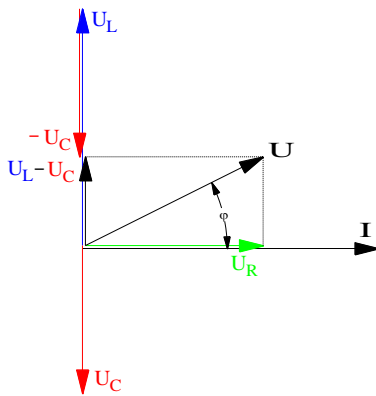
Í útskýringunum hér á eftir göngum við út frá mynd 82 þar sem spólan og raunviðnám hennar eru teiknuð aðskilin, þ.e.a.s. við gögnum út frá hreinu raunviðnámi, hreinu spanviðnámi og hreinu rýmdarviðnámi.

Þar sem straumurinn er alltaf sá sami í gegnum raðtengda rás, getum við reiknað spennuföllin á eftirfarandi hátt:

$$\text{Yfir raunviðnámið: } U_R = I \cdot R,$$

$$\text{yfir spanviðnámið: } U_L = I \cdot X_L \text{ og}$$

$$\text{yfir rýmdarviðnámið: } U_C = I \cdot X_C.$$



Mynd 83

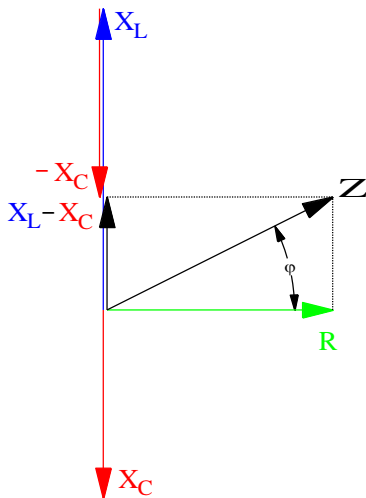
Eins og áður getur verið spennufallið yfir raunviðnámið í fasa með straumnum. Spennufallið yfir spóluna 90° á undan straumnum og spennufallið yfir þéttinn 90° á eftir straumnum.

Mynd 83 sýnir dæmigerða spennuvektoramynd fyrir raðtengda RLC-rás. Hér er straumurinn I hafður sem viðmiðun þar sem hann er sameiginlegur fyrir alla hluta rásarinnar. Vektorar spennufallanna eru síðan teiknaðir út frá honum. Þegar við höfum í huga rangsælis snúning vektoramyndarinnar kemur spanspennufallið 90° á undan I og rýmdarspennufallið 90° á eftir I .

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Raunspennufallið kemur í stefnu straumsins þar sem raunviðnám veldur ekki fasviki. Þegar vektorar hafa sömu stefnu má leggja þá saman og draga þá hvorn frá öðrum hafi þeir gagnstæða stefnu. Þetta getum við nýtt okkur á mynd 83 með því að draga styttri spennuvektorinn frá þeim lengri, þ.e.a.s. í þessu tilfelli. Formúluna fyrir heildar spennu rásarinnar skrifum við þá á eftirfarandi hátt með hjálp reglu Pýþagorasar:

$$U = \sqrt{U_R^2 + (U_L - U_C)^2}$$



Mynd 84

Skoðuðu þetta vel á vektoramyndinni.

Mynd 84 sýnir viðnámsvektoramynd rásarinnar á mynd 82. Við beitum sömu aðferð og skrifum formúlu sýndarviðnáms (heildarviðnáms) rásarinnar á sama hátt:

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

Formúlu aflstuðuls rásarinnar fáum við út frá myndum 83 eða 84 með því að taka cosínus af fasvikshorninu

φ :

$$\cos \varphi = \frac{U_R}{U} = \frac{R}{Z}$$

Mundu að cosínus horns er aðlæg skammhlið deilt með langhlið.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 10

Launviðnám spólu, t.d. hjálparvafs í einfasa mótör, er 18Ω og raunviðnám hennar 12Ω . Hún er raðtengd þétti með 28Ω rýmdarviðnám. Rásin er tengd 230V, 50Hz spennugjafa og tekur þá 14,72A straum.

- a) Teiknaðu jafngildismynd rásarinnar. Sýndu raunviðnám spólunnar sem sjálfstætt viðnám. Merktu inn á myndina gefnar stærðir og sýndu mæla fyrir straum og heildarspennu.
- b) Reiknaðu út spennuföllin í rásinni.
- c) Teiknaðu spennuvektoramynd. Notaðu kvarða 1 : 50.
- d) Mældu og reiknaðu heildarspennu rásarinnar með hjálp vektoramyndarinnar í c) lið.
- e) Reiknaðu fasvikshorn rásarinnar. Skrifaðu formúluna út frá myndinni í c) lið.
- f) Reiknaðu spanstuðul spólunnar og rýmd þéttisins.
- g) Af hverju eru einstök spennuföll í rásinni stærri en spennugjafaspennan?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

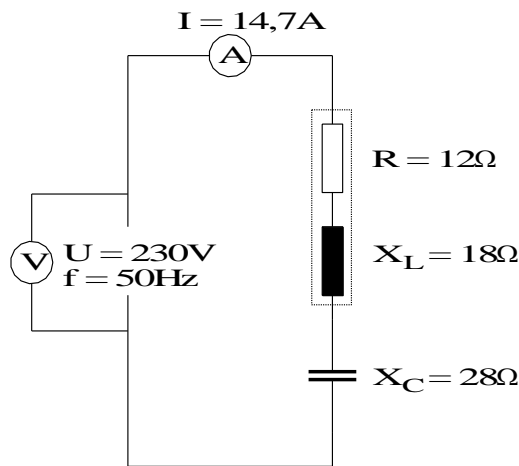
Lausn:

- a) Sjá mynd 85. Það er sýndur rammi utan um spóluna til að minna á að þetta er einn íhlutur.
- b) Við reiknum spennuföllin með hjálp Ohmslögmáli.

$$U_R = I \cdot R = 14,72 \cdot 12 = \underline{176,6V}$$

$$U_L = I \cdot X_L = 14,72 \cdot 18 = \underline{264,96V}$$

$$U_C = I \cdot X_C = 14,72 \cdot 28 = \underline{412,16V}$$



Mynd 85

- c) Sjá mynd 86.
- d) Vektorinn U á mynd 86 mælist 4,6sm. Það sýnir 50 gefur 230V. Til að reikna spennuna notum við Pýþagorasarregluna og mynd 86.

$$U = \sqrt{R_R^2 + (U_C - U_L)^2} = \sqrt{176,6^2 + (412,16 - 264,96)^2} = \underline{230V}$$

- e) Við finnum fyrst raunafstuðulinn, $\cos\varphi$, sem er hlutfallið á milli raunspennunnar og heildarspennunnar.

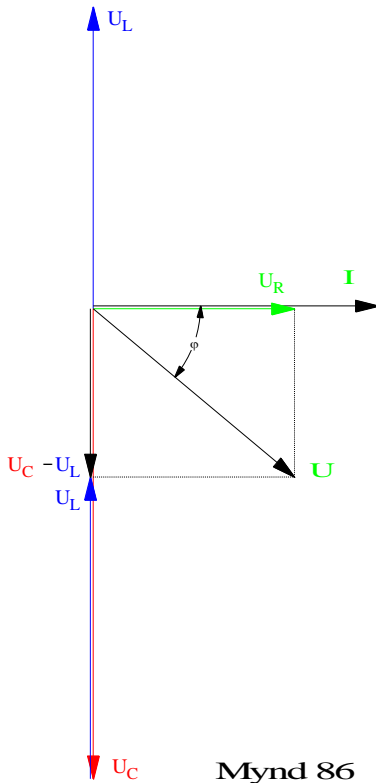
$$\cos\varphi = \frac{U_R}{U} = \frac{176,6}{230} = 0,767 \Rightarrow \angle\varphi = \underline{39,8^\circ}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- f) Notum formúlur (54) og (91) og leysum út L annars vegar og C hins vegar.

$$X_L = 2\pi \cdot f \cdot L \Rightarrow L = \frac{X_L}{2\pi \cdot f} = \frac{18}{2\pi \cdot 50} = \underline{0,057H = 57mH}$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} \Rightarrow C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 28} = \underline{113,6\mu F}$$



- g) Í raðtengdum rásum með span og rýmd geta einstök spennuföll orðið mun stærri en spennugjafaspennan eins og kemur fram í b) lið dæmisins. Skýringin á þessu er að spennufall er háð stærð viðnáms og stærð straumsins sem fer í gegnum það. Þar að auki eru spennuföll spólu og þéttis ekki í hámarki á sama tíma vegna mismunandi fasasnúnings þessara íhluta. U_L og U_C hafa gagnstæðar stefnur og dragast því hvort frá öðru eins og áður er komið fram. Þegar vektorstærðirnar eru lagðar saman og tillit tekið til mismunandi stefnu þeirra verður heildin samt jöfn spennugjafaspennunni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

**Eigintíðni („resonans“),
raðtenging**

Ef X_L verður jafn stór og X_C í raðtengdri RLC-rás verður sýndarviðnámið í rásinni í lágmarki og jafn stórt og raunviðnám eða raunhluti rásarinnar. Við þessar aðstæður verður straumurinn í hámarki. Stærðfræðilega lítur þetta svona út:

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

Ef $X_L = X_C$ verður $(X_L - X_C)^2 = 0$ og $Z = R$.

Þetta fyrirbæri er kallað á erlendum málum að rásin sé í „resonans“ eða á íslensku að rásin vinni á eigintíðni sinni.

Eigintíðni raðtengdrar rásar getum við fundið með því að ganga út frá samhenginu $X_L = X_C$.

Þetta getum við líka skrifað sem:

$$\omega \cdot L = \frac{1}{\omega \cdot C} \text{ og einfaldað } L \cdot C = \frac{1}{\omega^2}$$

Leysum hornhraðann út úr þessu og fáum:

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{L \cdot C}} \text{ Hér er } \omega = 2\pi \cdot f \text{ og}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C}} \quad (96)$$

Rásir með spólum og þéttum eru tíðniháðar rásir. Það er m.ö.o. hægt að nota þær til að velja tíðni eða tíðnir út úr ákveðnu tíðnibandi. Þetta er mikið notað í sambandi við útvarps- og sjónvarpstæki þegar við stillum þau á þá tíðni sem útsendingin er á. Sjá nánar um þetta í kaflanum um eigintíðni hliðtengdra rása.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Í spilkerfum er oft þörf fyrir að keyra hemlunarafli frá spilmótor til baka inn á viðkomandi riðspennunet. Við þetta geta myndast óæskilegar tíðnir sem við þurfum í mörgum tilvikum að losa okkur við. Það er gert með tíðniháðum rásum. Í því sambandi tölum við um síur. LC-rás með ákveðna eigintíðni getur myndað síu, þ.e.a.s. útilokað ákveðna óæskilega tíðni í að komast frá tækinu til baka inn á netið. Þetta skulum við skoða í sýnidæminu hér á eftir. Sjá líka nánar um yfirtíðnir í Rafeindatæknibókinni, seinni hluta.

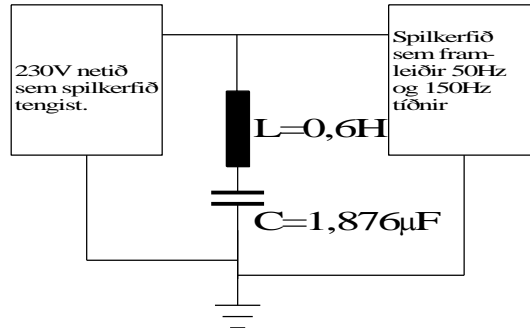
Sýnidæmi 11

Spilkerfi vinnur á 230V, 50Hz spennu. Þegar spilið slakar framleiðir það spennu sem er send til baka til netsins. Í þessari spennu sem spilið framleiðir eru margar tíðnir fyrir utan grunntíðnina 50Hz. Í þessum tíðnum er 150Hz mest áberandi. Við ætlum að setja upp LC rás til að hindra þessa óæskilegu tíðni, 150Hz, í að komast inn á netið. Við raðtengjum 0,6H spólu við 1,876 μF þétti. Raun- eða tapsviðnám spólunnar er 10 Ω . Teiknaðu mynd af rásinni og reiknaðu strauminn sem fer um LC rásina við 50Hz annars vegar og við 150Hz hins vegar.

Rafmagnsfræði Kaffi 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 11 lausn

Rásin er á mynd 87.



Mynd 87

Við reiknum út X_L , X_C , $(X_L - X_C)^2$, Z og I fyrir þessar tvær tíðnir.

Við notum eftirfarandi formúlur:

$$X_L = 2\pi \cdot f \cdot L$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

$$f_r = \frac{1}{2\pi \cdot \sqrt{L \cdot C}}$$

$$I = \frac{U}{R}$$

$$X_{L,50\text{Hz}} = 2\pi \cdot 50 \cdot 0,6 = 188,4\Omega$$

$$X_{C,50\text{Hz}} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 1,876 \cdot 10^{-6}} = 1696,7\Omega$$

$$Z_{50\text{Hz}} = \sqrt{10^2 + (188,4 - 1696,7)^2} = 1508\Omega$$

$$I_{50\text{Hz}} = \frac{230}{1508} = 0,15\text{A}$$

$$X_{L,150\text{Hz}} = 2\pi \cdot 150 \cdot 0,6 = 565,5\Omega$$

$$X_{C,150\text{Hz}} = \frac{1}{2\pi \cdot 150 \cdot 1,876 \cdot 10^{-6}} = 565,5\Omega$$

$$Z_{150\text{Hz}} = \sqrt{10^2 + (565,5 - 565,5)^2} = 10\Omega$$

$$I_{150\text{Hz}} = \frac{230}{10} = 23\text{A}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Við sjáum á þessum tölum að raðtengda rásin hefur lítil áhrif á 50Hz en gleypir 150Hz tíðnina ef svo mætti segja.

Sýnidæmið hér að ofan er einfaldað að því leyti að gera ráð fyrir að 150Hz spennan sé jafn stór og á 50Hz. Yfirleitt eru spennurnar á yfirtíðnunum lægri en spenna grunntíðninnar en við sjáum samt á dæminu hvaða áhrif síubúnaðurinn hefur, þ.e. að hleypa grunntíðninni nokkuð óhindrað framhjá en skammhleypa 150Hz tíðninni til jarðar.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

15.3 Hliðtengdar rásir

Inngangur að hliðtengdum rásum

Hér á eftir verður farið í hliðtengingu álagá með mismunandi fasvik eða m.ö.o. hliðtengingu sýndarviðnáma. Þá hefði verið hægt að hugsa sér að nota sömu reiknireglur og við nýttum við að finna heildarviðnám hliðtengdra viðnáma án fasviks. Þ.e.a.s. að finna heildar sýndarviðnám rásanna og heildarstrauminn út frá því. En það er nokkuð flókið að reikna heildar sýndarviðnám með þeim reiknireglum sem hér verður stuðst við. Til er svokölluð „tvinntölu“ aðferð („complex number“) sem einfaldar mjög slíkan reikning en sú aðferð er fyrir utan markmið þessarar kennslubókar. Sú aðferð sem verður beitt hér á eftir er að ganga út frá greinistraumum rásanna og finna með þeirra hjálp heildar-strauminn frá spennugjafanum og það fasvik sem hann „sér“ í rásinni eða álaginu.

Hliðtenging spólu og raunviðnáms

Þegar spóla og raunviðnám eru hliðtengd göngum við út frá spennunni, sem er sú sama yfir báðar greinar. Ef gildi viðnámana er þekkt, má reikna stærð greinistraumanna út frá spennu og viðnámsgildi og leggja þá saman með vektora-samlagningu til að finna heildarstrauminn.

Hér á eftir er dæmi sem sýnir aðferð við að finna heildarstraum sem spóla og raunviðnám, hliðtengd, taka frá spennugjafa. Til að einfalda dæmið skulum við fyrst gera ráð fyrir að spólan sé hreint launviðnám, hafi m.ö.o. ekkert raunviðnám eða svo lítið að hægt er að sleppa því í útreikningum.

Sýnidæmi 12

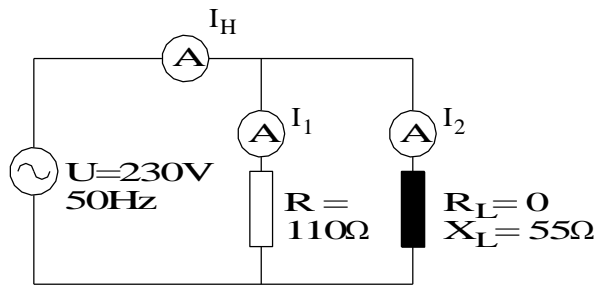
Spóla, sem hefur 55Ω spanviðnám við 50Hz, og 110Ω raunviðnám eru hliðtengd við 230V, 50Hz, spennugjafa. Raunviðnám spólunnar er svo lítið að við getum sleppt því í útreikningunum.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- Teiknaðu tengimynd og merktu inn á hana gefnar stærðir. Merktu líka straumana, t.d. I_1 , I_2 og I_H .
- Reiknaðu út greinistraumana.
- Teiknaðu straumvektoramynd sem sýnir greinistraumana og heildarstrauminn. Merktu vektorana eins og þú merktir straumana á tengimyndina. Notaðu kvarðann 1:1.
- Mældu og reiknaðu út heildarstrauminn og berðu niðurstöðurnar saman.
- Reiknaðu út fasvik rásarinnar.
- Reiknaðu út heildar sýndarviðnám rásarinnar út frá I_H og spennunni.

Sýnidæmi 12 lausn

- Sjá mynd 88.

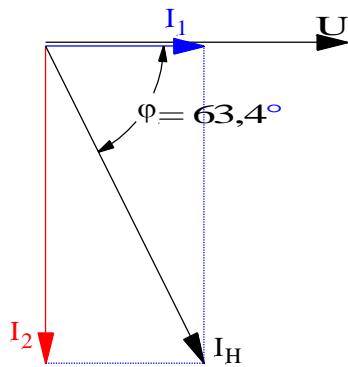
**Mynd 88**

- Til að finna strauminn getum við notað ohmslögmál. Mundu að spennan er sú sama yfir bæði viðnámín þar sem þetta er hliðtenging.

$$I_1 = \frac{230}{110} = \underline{2,1A}$$

$$I_2 = \frac{230}{55} = \underline{4,2A}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 89

c) Sjá mynd 89

Við köllum vektoramynd hliðtengdu rásarinnar straumvektoramynd vegna þess að spennan er sameiginlegi þátturinn og við notum hana sem viðmiðun og teiknum hana í lárétta ásinn. Straumvektorana teiknum við síðan miðað við spennuvektorinn í þeim stefnum sem fasasnúningur viðkomandi greinar segir til um. Í þessu dæmi er straumurinn í gegnum raunviðnámið í fasa með spennunni og vektor hans verður því í sömu stefnu og hún en í spólunni verður sem fyrir 90 gráðu fasasnúningur. Spóla seinkar straum og því verður straumurinn I_2 90 gráðum á eftir spennunni. Ath. að þetta virðist snúast við frá vektoramynd fyrir raðtengda rás. En er það í rauninni þannig? Ef þú snýrð vektora-myndinni um 90 gráður kemur straumvektorinn I_2 í viðmiðunarásinn og spennuvektorinn verður áfram 90° á undan straumnum rétt eins og þetta var í raðtengdu rásinni.

d) Mæling. Við mælum hornalínuna í vektoramyndinni á mynd 89. Hún mælist 4,7sm sem jafngildir þá 4,7A. Útreikningur. Við beitum Pýþagorasar reglunni á vektorana á mynd 89 og fáum:

$$I_H = \sqrt{I_1^2 + I_2^2} = \sqrt{2,1^2 + 4,2^2} = \underline{4,7A}$$

þ.e. sömu niðurstöðu og með mælingunni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- e) Fasvik rásarinnar finnum við út frá vektoramyndinni með því að taka cos af horninu á milli I_1 og I_H .

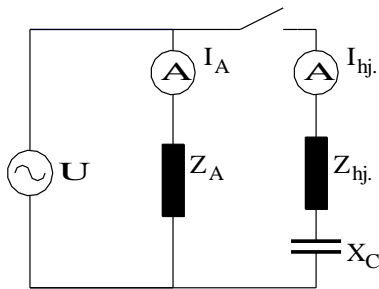
$$\cos \varphi = \frac{I_1}{I_H} = \frac{2,1}{4,7} = 0,447$$

$$\angle \varphi = \underline{63,4^\circ}$$

Notaðu gráðuboga og mældu hornið á vektoramyndinni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Einfasmótur



Mynd 90

Straumrás einfasa skammhlaups mótors, sem er ræstur með þétti, er sýnd á mynd 90. Á myndinni er straumurinn um aðalvafið merktur I_A og straumurinn um hjálparvafið merktur I_{hj} . Tímaliði eða miðflóttaaflsrofi frátengir hjálparvafið þegar mótorinn er kominn á ákveðinn snúningshraða.

Ef þéttir er ekki í rásinni verða straumarnir í báðum vöfum á eftir spennunni og hornið á milli þeirra tiltölulega lítið, svona u.þ.b. $5-25^\circ$. Ræsivægið verður þá líka mjög lítið. Til að auka hornið milli straumanna og þar með ræsivægið er þéttir raðtengdur við hjálparvafið. Hlutverk hans er að flýta straumnum í hjálparvafinu þannig að hann verði u.þ.b. 90° á undan straumnum í aðalvafinu. Það horn gefur besta ræsivægið.

Sýnidæmi 13

Einfasmótur, sem vinnur á 230V, 50Hz, er ræstur með þétti. Mæling og útreikningur á vöfum hans gefur eftirfarandi niðurstöður:

Raunviðnámið í aðalvafinu, $R_A = 13,2\Omega$

Sýndarviðnámið í aðalvafinu, $Z_A = 20,6\Omega$

Raunviðnámið í hjálparvafinu, $R_{hj.} = 27,2\Omega$

Sýndarviðnámið í hjálparvafinu, $Z_{hj.} = 30,0\Omega$

Athugaðu að raunviðnám, vírviðnám, vafanna getum við mælt með viðnámsmæli. Sýndarviðnámið getum við fundið með því að setja ákveðna spennu á vöfin, t.d. 10V, mæla strauminn og reikna Z út frá því.

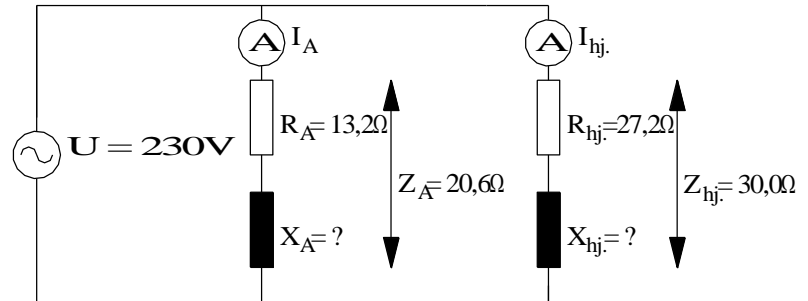
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- a) Teiknaðu mynd af rásinni. Sýndu raun- og launviðnám vafanna aðskilin. Merktu myndina með bókstafamerkingum fyrir viðnám, strauma og spennu.
- b) Teiknaðu viðnámsvektoramyndir vafanna og reiknaðu launviðnám þeirra.
- c) Teiknaðu straumvektoramynd sem sýnir afstöðu straumanna miðað við sameiginlega spennu.
- d) Teiknaðu straumvektoramynd sem sýnir afstöðu straumanna í aðal- og hjálparvafi þegar þéttir hefur verið tengdur við hjálparvafið. Þéttirinn á að gefa 90° horn á milli straumanna. Hvert er nú fasvikshorn hjálparvafsins?
- e) Teiknaðu tengimynd hjálparvafsins sem sýnir $R_{hj.}$, $X_{hj.}$ og X_C .
- f) Teiknaðu viðnámsvektoramynd hjálparvafsins út frá þeim upplýsingum sem fyrir liggja, þ.e. $R_{hj.}$, $X_{hj.}$ og fasvikshorni þess.
- g) Reiknaðu út þétti sem veldur fasvikshorninu, sem þú reiknaðir í d) lið. Mundu að hann veldur um leið 90° horni á milli straumanna í aðal- og hjálparvöfum.

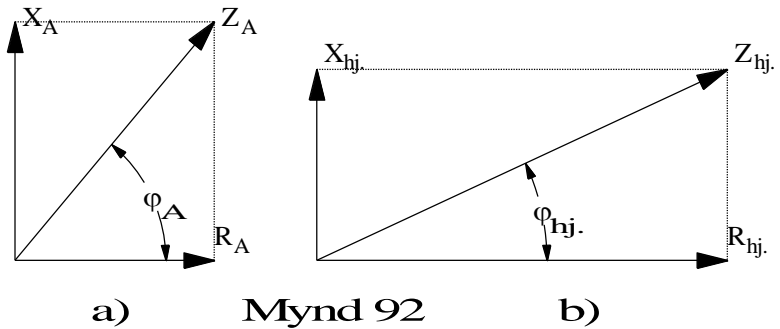
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Lausn:

- a) Sjá mynd 91. Við merkjum stærðir í hjálparvafinu með $I_{hj.}$ og A í aðalvafinu.

**Mynd 91**

- b) Út frá upplýsingum dæmisins getum við teiknað viðnámsvektoramyndir og reiknað launviðnám vafanna. Sjá mynd 92a fyrir aðalvafið og mynd 92b fyrir hjálparvafið. Notum kvarðann 1:5.
(Ath. að þú getur teiknað vektorinn R_A í láréttaásinn, dregið línu hornrétt upp frá enda hans. Með sirkli getur þú síðan afmarkað hornið á Z_A þar sem boginn sker lóðréttu línuna.)

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur


Reiknum fyrst út hornin:

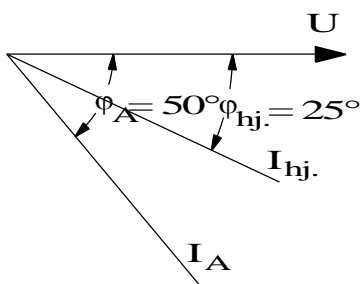
$$\cos \varphi_A = \frac{R_A}{Z_A} = \frac{13,2}{20,6} = 0,64 \Rightarrow \angle \varphi_A = 50^\circ$$

$$\cos \varphi_{hj.} = \frac{R_{hj.}}{Z_{hj.}} = \frac{27,2}{30,0} = 0,906 \Rightarrow \angle \varphi_{hj.} = 25^\circ$$

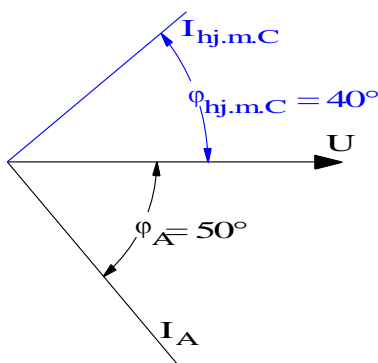
Með hjálp sínus reglunnar getum við reiknað launviðnámin:

$$X_A = Z_A \cdot \sin \varphi_A = 20,6 \cdot \sin 50^\circ = 15,8\Omega$$

$$X_{hj.} = Z_{hj.} \cdot \sin \varphi_{hj.} = 30,0 \cdot \sin 25^\circ = 12,7\Omega$$



Mynd 93

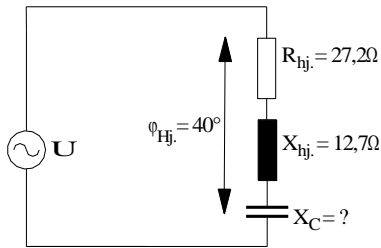


Mynd 94

c) Til að sjá afstöðu straumanna er gott að teikna straumvektoramynd sem sýnir straumanna miðað við sameiginlega spennu. Sjá mynd 93 sem sýnir fasvikshorn vafanna en ekki stærðir eða lengd straumanna því við þurfum ekki á þeim upplýsingum að halda.

Hornið milli straumanna er nú 25° . Með þéttinum á að auka það í 90° . Þéttirinn þarf því að upphefja áhrif spólunnar í hjálparvafinu og gott betur, gera það þéttisvirkt, þ.e. flýta $I_{hj.}$ um 40° . Þetta mætti líka segja þannig. Í stað þess að spennugjafinn sjái hjálparvafið sem span- og raunviðnám, sjái hann það sem rýmd og raunviðnám með 40° fasvikshorni. Sjá vektorinn $I_{hj.m.C}$ á mynd 94.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 95

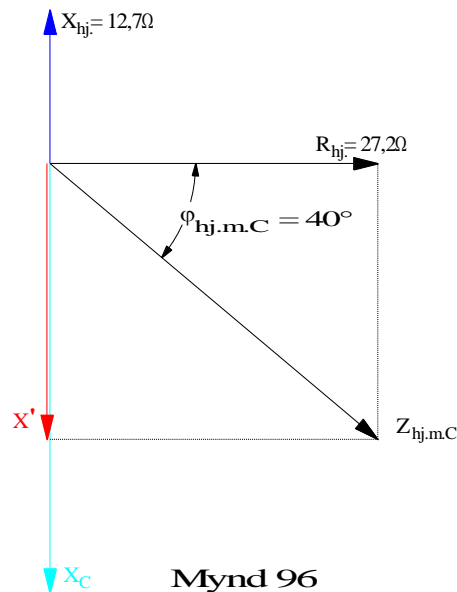
Þegar hér er komið er best að líta á hjálparvafið sem raðtengingu þéttis, spanviðnáms og raun-viðnáms. Sjá mynd 95 sem sýnir eingöngu hjálparvafið. Við getum nú teiknað viðnámsvektoramynd þar sem við þekkjum fasvikshornið (40°), $R_{hj.}$ og $X_{hj.}$. Sjá mynd 96.

Til að finna stærðina X_C getum við fundið vektorinn X' sem er mismunurinn á X_C og $X_{hj.}$: Með því að taka tangens af 40° á mynd 96 fáum við:

$$\operatorname{tg} 40^\circ = \frac{X'}{R_{hj.}} \Rightarrow X' = \operatorname{tg} 40^\circ \cdot R_{hj.} = 0,84 \cdot 27,2 = 22,8\Omega$$

$$X_C = X' + X_{hj.} = 22,8 + 12,7 = 35,5\Omega$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} \Rightarrow C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot X_C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 35,5} = \underline{89,7\mu F}$$



Mynd 96

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Hliðtengd álög með mismunandi fasviki

Þegar við tengjum álög, svo sem eldavél, kælikáp, glóperu, flúrlampa, mótör o.s.frv., við spennugjafa erum við nærri undan-tekningarlaust að hliðtengja álögin. Flest álög valda fasviki, mismiklu eftir gerð og vinnumáta. T.d. veldur hitald mjög litlu fasviki og við reiknum það yfirleitt sem hreint raunviðnám. Mótorar valda talsverðu fasviki og er það breytilegt eftir lestun mótorsins. Sjá verkefni 15F í sambandi við fasvik ofangreindra álaga. Flúrlýsing veldur miklu fasviki en í seinni tíð eru flúrl-ampar fasaleiðréttir með þéttum eins og við munum koma inn á seinna.

Við skulum nú líta á sýnidæmi með hliðtengingu. Önnur greinin er hreint raunviðnám (glóperur) og hin greinin er sýndarviðnám (flúrlampi) með ákveðnu fasviki sem er minna en 90 gráður.

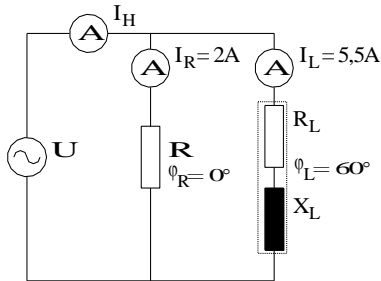
Sýnidæmi 14

Flúrlýsing tekur 5,5A straum og veldur 60 gráðu fasviki. Við sömu spennu eru tengdar glóperur sem taka samtals 2A straum. Við reiknum með því að glóperurnar valdi ekki fasviki.

- Teiknaðu tengimynd rásarinnar og merktu inn gefnar stærðir.
- Teiknaðu straumvektoramynd í kvarða.
- Mældu og reiknaðu heildarstrauminn og berðu niðurstöðurnar saman.
- Hve stórt er fasvikshornið milli heildarstraumsins og spennunnar?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

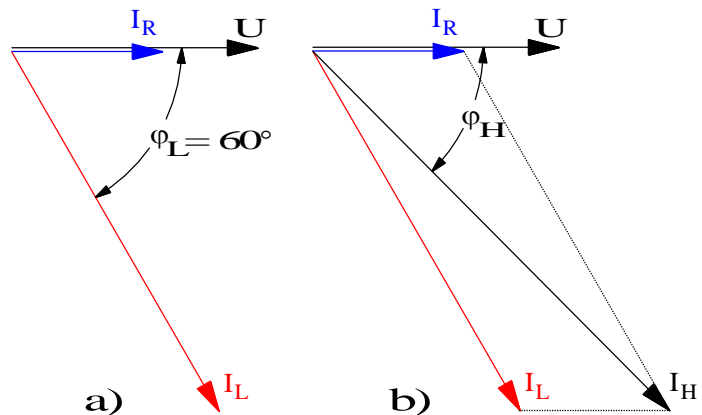
Sýnidæmi 14 lausn



Mynd 97

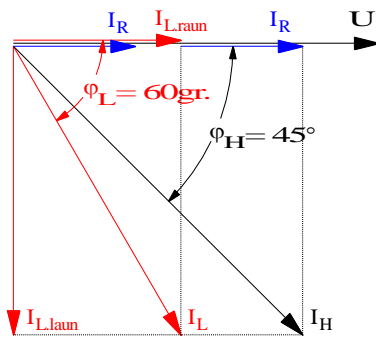
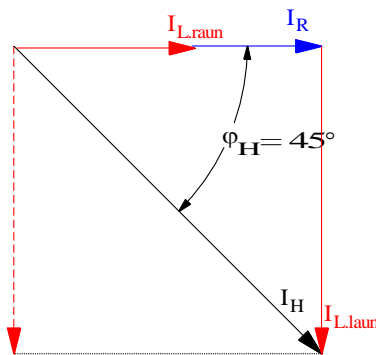
a) Sjá mynd 97. Perurnar, raunálagið, eru táknaðar með raunviðnámi og flúrþípunar með raun- og launviðnámi.

b) Við teiknum fyrst vektor í lárétta ásinn fyrir spennuna. Lengd hans skiptir ekki máli. Síðan kemur vektorinn I_R í stefnu spennunnar og loks vektorinn I_L 60° á eftir spennunni (mundu að spóla seinkar straum). Sjá mynd 98a.



Mynd 98

Til að finna heildarstrauminn eru tvær aðferðir. Sú fyrri er að teikna samsíðung. Það er gert þannig að við drögum strikálínu út frá endapunkti I_R samsíða I_L og aðra út frá endapunkti I_L samsíða I_R . Hornalína samsíðungsins sem er fengin á þennan hátt er heildarstraumur hliðtengingarinnar, I_H og hornið milli U og I_H er heildarfasvikshorn hennar, φ_H . Þetta getum við mælt með reglustiku og gráðuboga. Sjá mynd 98b.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Mynd 99

Mynd 100

Með hinni aðferðinni beitum við sömu reikniáferðum og í dæmunum hér á undan, þ.e. skiptum I_L upp í tvo hluta. Við byrjum á sama hátt og teiknum straumvektorana miðað við sameiginlega spennu. En áður en við teiknum summuvektorinn skiptum við I_L upp í tvo hluta sem eru hornréttir hvor á annan. Annan hlutann setjum við í sömu stefnu og spennuna. Hann er kallaður raunhluti, skammstafað $I_{L.raun}$. Hinn hlutinn kemur þá 90° á eftir spennunni og kallaður launhluti straumsins, táknað með $I_{L.laun}$. Á mynd 99 er sýnt hvernig þetta er gert.

Nú erum við með vektoramynd með þremur straumvektorum sem þarf að leggja saman. Fyrst leggjum við saman I_R og $I_{L.raun}$ því þeir hafa sömu stefnu. Þá höfum við fengið fram tvo vektora, $(I_R + I_{L.raun})$ og $I_{L.laun}$, sem við getum lagt saman með venjulegri vektorasamlagningu eins og sýnt er á mynd 100. Langhliðina, I_H , í þeim rétthyrnda þríhyrningi sem þar er sýnd getum við reiknað með hjálp reglu Pýþagorasa.

$$I_H = \sqrt{(I_R + I_{L.raun})^2 + I_{L.laun}^2}$$

Áður en við getum sett inn í þessa formúlu þurfum við að reikna út raun- og launhluta straumsins í gegnum flúorlampana, þ.e. $I_{L.raun}$ og $I_{L.laun}$. Þetta gerum við með því að nota hornaföll og ganga út frá vektoramyndinni á mynd 99. Mundu líka flýtiáferðina sem var farið í hér að framan.

$$\cos \varphi_L = \frac{I_{L.raun}}{I_L} \Rightarrow I_{L.raun} = I_L \cdot \cos \varphi_L = 5,5 \cdot \cos 60^\circ = 2,75A$$

og

$$\sin \varphi_L = \frac{I_{L.laun}}{I_L} \Rightarrow I_{L.laun} = I_L \cdot \sin \varphi_L = 5,5 \cdot \sin 60^\circ = 4,76A$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Nú getum við sett inn í formúluna fyrir heildarstrauminn hér að ofan og fáum:

$$I_H = \sqrt{(2 + 2,75)^2 + 4,76^2} = \underline{6,72A}$$

Við fáum sömu niðurstöðu með því að mæla I_H í vektoramyndinni.

d) Fasvikshornið, φ_H , milli U og I_H finnum við með hjálp hornafalla:

$$\cos \varphi_H = \frac{I_R + I_{L,raun}}{I_H} = \frac{2 + 2,75}{6,72} = 0,7 \Rightarrow \angle \varphi_H = \underline{45,0^\circ}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Leiðrétting fasviks í einfasa rásum

Hrein rýmd kemur sjaldan fyrir sem álag, en þéttar eru stundum hliðtengdir álögum í sérstökum tilgangi, t.d. til að leiðrétta eða draga úr fasvikshorni.

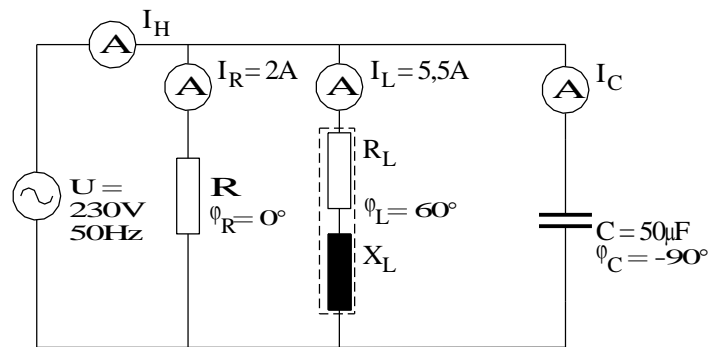
Við skulum þrjóna við síðasta sýnidæmi með því að tengja þétti með flúorlýsingunni og sjá hvaða áhrif það hefur á heildarstrauminn.

Sýnidæmi 15

Hliðtengdu $50\mu\text{F}$ þétti við flúrlýsinguna í sýnidæmi 14 og finndu út hvaða áhrif hann hefur á heildarstrauminn og heildarafsvikshornið.

Lausn:

Sjá tengimyndina á mynd 101.



Mynd 101

Við teiknum vektoramyndina úr sýnidæmi 15 upp á nýtt eins og sýnt er á mynd 102 og bætum inn á hana vektor þéttisstraumsins. Sá vektor kemur 90° á undan spennunni vegna þess að þéttirinn flýtir straumnum eins og áður hefur komið fram. Viðnám hans finnum við með formúlu (91) fyrir rýmdarviðnám og strauminn með ohmslög máli eða:

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 50 \cdot 10^{-6}} = 63,66\Omega$$

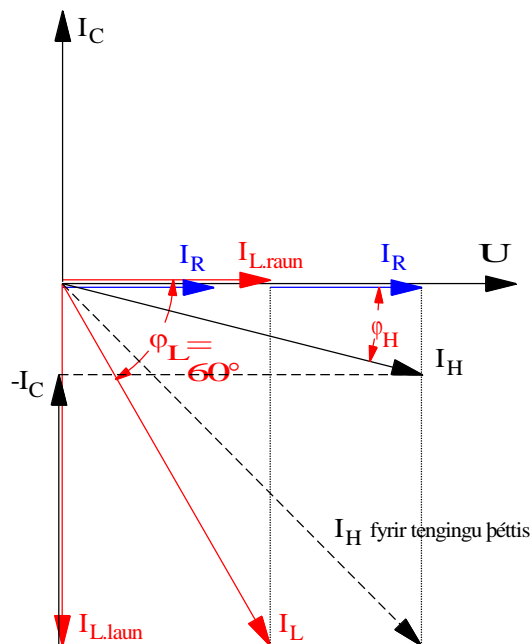
$$I_C = \frac{U}{X_C} = \frac{230}{63,66} = \underline{3,6A}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Nú eru þrír vektorar sem þarf að leggja saman, þ.e. I_C , $I_{L,laun}$ og $(I_R + I_{L,raun})$. I_C og $I_{L,laun}$ hafa gagnstæðar stefnur og því er best að byrja á að draga þá hvorn frá öðrum og síðan leggjum við mis-muninn við vektorinn $(I_R + I_{L,raun})$ með hjálp Pýþagorasarreglu. Formúlan fyrir heildarstrauminn, I_H , lítur þá svona út (Skoðaðu vel mynd 102):

$$I_H = \sqrt{(I_R + I_{L,raun})^2 + (I_{L,laun} - I_C)^2} =$$
$$I_H = \sqrt{(2 + 2,75)^2 + (4,76 - 3,6)^2} = \underline{4,9A}$$

Við sjáum að heildarstraumurinn hefur minnkað úr 6,72A í 4,9A við það að hliðtengja þéttinn við flúorlýsinguna og ljósaperurnar.



Mynd 102

Í mælingaverkefni 15C eru gerðar mælingar á svipaðri rás. Skoðaðu vel þær niðurstöður og taktu eftir hvernig heildarstraumurinn í því verkefni minnkar þegar þéttirinn er tengdur.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Niðurstaðan í sýnidæmi 15 kemur nokkuð á óvart. Í jafnstraumsrásunum jókst heildarstraumur frá spennugjafa þegar nýrri grein var bætt við í hliðtengingu. Hér þurfum við aftur á móti að hafa í huga að í rásinni eru bæði span og rýmd og straumarnir því ekki í takti, þeir eru ekki í há- og lágmarki á sama tíma.

Ein leið til að skilja þetta betur er að reyna sjá fyrir sér hvað gerist í spólunni og þéttinum. Þegar straumur fer um spólu myndast í henni segulsvið. Það fer orka í að byggja segulsviðið upp en sú orka eyðist ekki og skilar sér aftur til spennugjafans þegar straumurinn dvínar. Sama er um þéttinn hann tekur í sig raforku þegar hann hleðst upp og skilar henni síðan aftur til spennugjafans þegar hann afhleðst. Þar sem straumar þéttis og spólu eru í hámarki með 180 gráðu millibili getur sami straumurinn séð um að hlaða þéttinn og byggja upp segulsviðið í spólunni, hann pendlar á milli spólu og þéttis. Launhluti spólustraumsins, sem áður kom frá spennugjafanum hringrásar nú milli spólu og þéttis. Hleður þéttinn á einu augnabliki og byggir upp segulsvið í spólunni á því næsta. Spennugjafinn þarf nú ekki lengur að gefa frá sér eins stóran launstraum og því minnkar heildarstraumurinn frá spennugjafanum. Ef þéttirinn hefði tekið aðeins meiri straum, þ.e.a.s. $I_C = I_{L,laun}$, þá hefði heildarstraumurinn minnkað enn meir og orðið hreinn raunstraumur. Þetta fyrirbæri er kallað eigintíðni („resonans“). Sjá næsta kafla.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Í þessu sambandi er oft talað um að þéttar framleiði launstraum eða launafl. Það orðalag kemur til af því að nú kemur launstraumur spólunnar, alveg eða að hluta, frá þéttinum. Straumurinn frá spennugjafanum minnkar þá að sama skapi.

Ávinningurinn af því að framleiða launaflíð á notkunarstað kemur raforkuframleiðandanum fyrst og fremst til góða. Rafalinn og rafdreifikerfið nýtist þá betur til að framleiða og flytja raunafl og raunstraum. Rafveitur setja reglur um stærð raunaflstuðuls hjá notendum raforku og geta lagt á aukagjald ef stuðullinn fer niður fyrir ákveðin mörk.

Eigintíðni („resonans“), hliðtenging

Skilyrði fyrir því að hliðtengd rás vinni á eigintíðni sinni er að rýmdarstraumurinn sé jafn stór og launstraumur spólunar sem er hliðtengd þéttinum, þ.e.a.s.:

$$I_C = I_{L,laun} \quad (97)$$

Ef spólan hefur það lítið raunviðnám að við getum sleppt því verður skilyrðið:

$$I_C = I_L \quad (98)$$

Miðað við tapslausa spólu og þétti getum við skrifað straumana sem spennu deilt með launviðnámi eða:

$$I_C = \frac{U}{X_C} \text{ og } I_L = \frac{U}{I_L} \quad (99)$$

Setjum formúlur (99) inn í (98) og stytum út spennuna:

$$\frac{1}{X_C} = \frac{1}{X_L} \text{ og } \frac{1}{\frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C}} = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot L} \quad (100)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Þetta lagað til og tíðnin leyst út gefur:

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C}} \quad (96)$$

Sem er sama formúla og gildi fyrir eigintíðni raðtengdrar rásar. Ath. samt að hér var gengið út frá tapslausri spólu. Formúlan breytist aðeins ef tekið er tillit til tapa spólunnar.

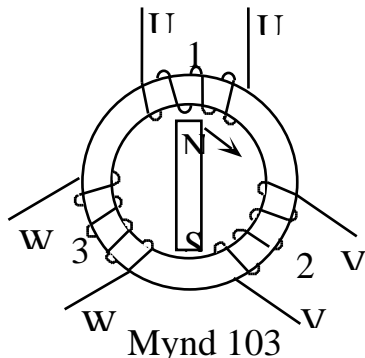
Í rafeindatekninni eru LC rásir mikið notaðar bæði sem sveiflurásir og sem síur. Við skoðuðum virkni síu í sýnidæmi 11.

Sveiflurásir eru í flestum útvarpstækjum og sem dæmi má nefna að þegar þú ert að finna ákveðja tíðni eða stöð á útvarpstækinu þínu ertu í flestum tilfellum að breyta stærð þéttis sem er hliðtengdur spólu og stilla eigintíðni rásarinnar á þá tíðni sem viðkomandi útvarpstöð sendir út á. Rásin hefur þá mesta svörun við þessari tíðni sem þú ætlar að taka á móti.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

15.4 Þriggja fasa riðstraumur

Inngangur



Þriggja fasa kerfi hefur ýmsa kosti fram yfir einfasa kerfi. Þar má nefna að til að flytja ákveðið afl þarf minna efni í leiðarana og þriggja fasa vélar eru ódýrari en sambærilegar einfasa vélar.

Mynd 103 sýnir, á mjög einfaldaðan hátt, hvernig þriggja fasa rafali er byggður í grundvallaratriðum. (Sjá nánar um byggingu riðstraumsrafala í kafla 18 Rafmagnsfræði 2.)

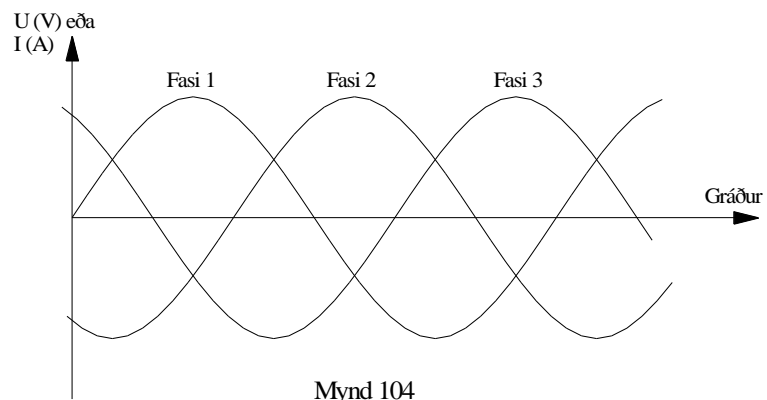
Járnhringurinn og spólurnar á mynd 103 nefnast einu nafni sátor. Járnhringurinn myndar hringrás fyrir segulsviðið sem myndast í segulpólunum sem snúast. Spólunum eða fasavöfunum er raðað á járnhringinn með 120° millibili.

Á mynd 103 kemur einnig fram hvernig spólurnar eru undnar. Lítum á spólu 1. Endar hennar eru merktir U1 og U2. Endinn U1 hefur sömu vindingasafstöðu og endinn V1 á spólu 2. Það mætti líka orða þetta þannig að endarnir U1, V1 og W1 séu byrjunarendar spólanna.

Í rafvélum eru spólurnar oftast nefndar fasavöf. Við tölum um fasavaf eða fasavöf rafvéla. Einfasa rafali hefur eitt fasavaf, þriggja fasa rafali hefur þrjú fasavöf. Hvert fasavaf er undið úr svo og svo mörgum vindingum.

Rafmagnsfræði Kefli 15 Riðstraumur

Pólhjólinu (sem í þessu tilfalli er tveggja póla sísegull) er snúið með aflvél (t.d. dísilvél). Í fasavöfunum spanast eitt rið við hvern heilan snúning pólhjólsins, og hornið milli spönuðu spennanna verður 120 gráður. Mynd 104 sýnir þetta. Þar sem bilið milli fasavafanna er 120° verður það bil líka milli spennanna sem spanast í vöfunum þegar segulinn hreyfist framhjá.



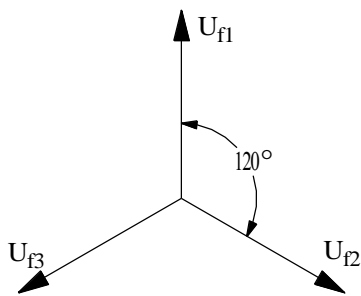
Þetta verður ef til vill skiljanlegra ef við hugsum okkur að spenna í spólu 1 sé í hámarki þegar N-pólinn fer framhjá henni. 120° seinna er þá spennan í spólu 2 í hámarki o.s.frv. Taktu líka eftir því að þegar spennan U_1 í spólu 1 er í hámarki fyrir ofan núlllínuna eru spennurnar U_2 og U_3 í hálfu gildi fyrir neðan núlllínuna. Ef við skilgreinum gildin ofanvið núlllínuna sem jákvæð og gildin neðanvið neikvæð þá eru spennurnar U_2 og U_3 neikvæðar, og í hálfu hámarksgildi, þegar U_1 er í jákvæðu hámarki.

Á sama hátt getum við hugsað okkur að kúrfurnar á mynd 104 tákni straumana í fösunum. Þegar straumurinn í fasa 1 er í hámarki eru hinir í hálfu neikvæðu gildi. En hvernig eru straumar jákvæðir eða neikvæðir? Jú við skilgreinum ákveðna straumstefnu sem jákvæða

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Ef straumstefnan snýst við er straumurinn neikvæður. Við getum t.d. sagt að ef straumurinn í fasa 1 streymir inn í enda U_1 væru straumarnir að streyma út úr sambærilegum endum í hinum fösunum, þ.e. V_1 og W_1 .

Og taktu eftir að summa augnabliksgilda straumanna er núll. Þess vegna er straumurinn núll í núlltauginni ef álag er jafnt á rafala.



Mynd 105

Á mynd 105 eru spennurnar sem spanast í fasavöfunum sýndar með vektorum. Spennurnar eru hér merktar með bókstöfunum U_{f1} , U_{f2} og U_{f3} .

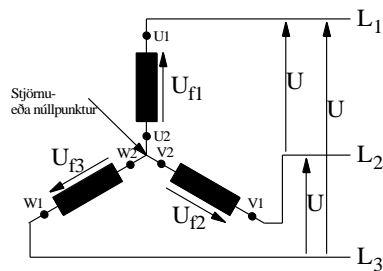
Bókstafurinn f táknar fasavaf. Hér kemur líka fram eins og á mynd 104 að bilið milli spennanna er 120° .

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

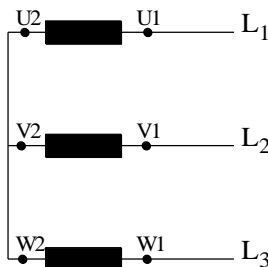
Tengingar

Fasavöfin er hægt að tengja saman á tvo mismunandi vegu, þ.e. í stjörnutengingu eða þríhyrningstengingu. Í þessum útskýringum hér á eftir er gengið út frá jöfnu álagi á fasavöf rafalans. Straumurinn í núllleiðinum verður þá núll og má sleppa honum.

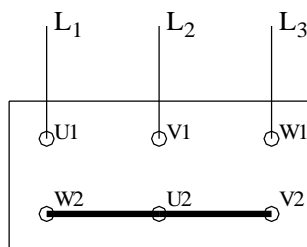
Stjörnutenging



Mynd 106



Mynd 107



Mynd 108

Myndir 106 og 107 sýna algengar tengimyndir fyrir stjörnutengingu. Mynd 108 sýnir hvernig tengibretti þriggja fasa vélar lítur út þegar vélin er tengd í stjörnu. Taktu eftir því hvernig endar vafanna koma í tengibrettið. Bilið á milli tengipunkta W2 og U2 á að vera það sama og á milli W2 og U1 svo dæmi sé tekið. Þetta er gert til að hægt sé að nota skinnur til að tengja vélinna annað hvort í stjörnu eða þríhyrning. Sjá líka mynd 112. Byrjunarendar fasavafanna 1, 2 og 3 eru merktir með bókstöfunum U1, V1 og W1. Hinir endarnir eru merktir U2, V2 og W2.

Stjörnutenging fæst með því að tengja saman endana U2, V2 og W2 í stjörnuþpunkt, núllpunkt, en hinir endarnir, U1, V1 og W1 eru tengdir við L₁, L₂ og L₃ á netinu, myndir 106 og 107.

Orðið net táknar það spennu- eða veitukerfi sem rafalinn framleiðir inná. Við tölum um bæjarnetið eða skipsnetið.

Það kemur fram á mynd 106 að frá stjörnutengdum rafala fást tvær mismunandi spennur, þ.e. fasaspennan, U_f, og aðalspennan, U.

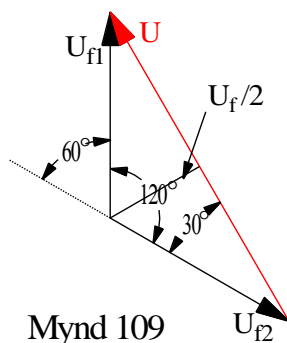
Stjörnutenging fæst með því að tengja saman endana U2, V2 og W2 í stjörnuþpunkt, núllpunkt, en hinir endarnir, U1, V1 og W1 eru tengdir við L₁, L₂ og L₃ á netinu, myndir 106 og 107.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Orðið net táknar það spennu- eða veitukerfi sem rafalinn framleiðir inná. Við tölum um bæjarnetið eða skipsnetið.

Það kemur fram á mynd 106 að frá stjörnutengdum rafala fást tvær mismunandi spennur, þ.e. fasaspennan, U_f , og aðalspennan, U .

Athugaðu vel mynd 106. Hafðu í huga að í hverju vafi myndast fasaspennan U_f . Þú getur mælt hana með því að mæla frá t.d. U_1 í stjörnu-punktinn (U_2). Ef þú mælir hins vegar milli enda U_1 og V_1 þá eru að leggja saman tvær fasaspennur, þ.e.a.s. fasaspennuna sem myndast í vafi U_1-U_2 og fasa-spennuna sem myndast í vafi V_1-V_2 . Við getum ekki lagt þessar spennur saman beint vegna þess að þær myndast ekki á sama tíma eins og kemur fram á myndum 104 og 105. Þær eru í hámarki og lágmarki á mismunandi tímum og við verðum að nota vektorasamlagningu til að leggja þær saman.



Mynd 109

Samhengið milli fasaspennunnar og aðalspennunnar finnum við út frá spennuþríhyrningnum á mynd 109. Hann er teiknaður á þann hátt að gengið er út frá vektoramyndinni á mynd 105 sem sýnir spennurnar þrjár sem myndast í hverju fasavafi með 120 gráðu bili á milli sín. Þessar spennur köllum við fasaspennur, U_f , eins og áður er komið fram.

Aðalspennan, U , er vektor mismunur fasaspennanna og mismun tveggja vektora finnum við með því að draga vektor milli endapunkta þeirra eins og sýnt er á mynd 109. Stærð hans er einfaldast að finna með hjálp Pýþagorasarreglunnar. Við drögum hæð þríhyrningsins (sjá strikálínuna sem skiptir 120° horninu) og skiptum þannig stóra þríhyrningnum í tvo einslaga og rétthyrnda þríhyrninga þar sem hæðin verður helmingur U_f .

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Það má sýna fram á þetta á eftirfarandi hátt: Hæðin skiptir 120 gráðu horninu í tvö 60 gráðu horn og hliðinni, U , í tvo jafn stóra hluta. Hvassa hornið hlýtur þá að vera 30° þar sem $90^\circ + 60^\circ + 30^\circ = 180^\circ$. Hæðin $U_f/2$ verður helmingur langhliðar. (Mundu að í rétthyrndum þríhyrningi þar sem eitt horn er 30 gráður verður styttri skammhliðin helmingur langhliðar). Nú getum við skrifað með hjálp Pýþagorasarreglunnar:

$$U_f^2 = \left(\frac{1}{2}U\right)^2 + \left(\frac{1}{2}U_f\right)^2$$

og leyst með tilliti til U :

$$\left(\frac{1}{2}U\right)^2 = U_f^2 - \left(\frac{1}{2}U_f\right)^2$$

$$\frac{1}{4}U^2 = U_f^2 - \frac{1}{4}U_f^2 = \frac{3}{4}U_f^2$$

$$U^2 = 4 \cdot \frac{3}{4}U_f^2 = 3 \cdot U_f^2$$

$$U = \sqrt{3} \cdot U_f \quad (97)$$

Lítum aftur á mynd 106. Við köllum strauminn sem fer í gegnum hvert fasavaf I_f og strauminn út á netið I . Ef þú fylgir eftir straumnum frá stjörnuþekktinum gegnum fasavaf U_1 - U_2 og út á netið sérðu að þetta hlýtur að vera sami straumurinn, hann skiptist ekkert. (Ath. að summa augnabliksgilda straumanna í fösunum þremur reiknað með formerkjum er núll.) Því verður fasastraumurinn I_f jafn aðalstraumnum I eða:

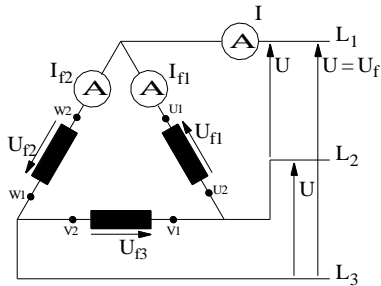
$$I = I_f \quad (98)$$

Fyrir samhengi fasaspennu og aðalspennu í stjörnutengingu gildir því formúla (97) og fyrir samhengi fasastraums og aðalstraums formúla (98) eða:

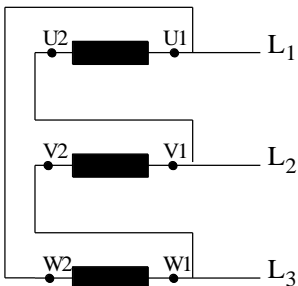
$$U = \sqrt{3} \cdot U_f \quad \text{og} \quad I = I_f$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

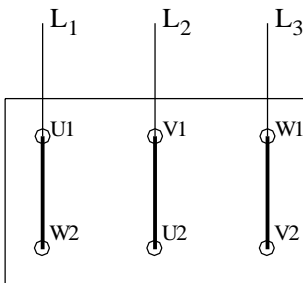
Þríhyrningstenging



Mynd 110



Mynd 111



Mynd 112

Myndir 110 og 111 sýna algengar tengimyndir fyrir þríhyrningstengingu. Mynd 112 sýnir hvernig tengibretti þriggja fasa vélar lítur út þegar vélin er tengd í þríhyrning.

Mynd 112 sýnir hvernig tengibretti þriggja fasa vélar lítur út þegar vélin er tengd í þríhyrning.

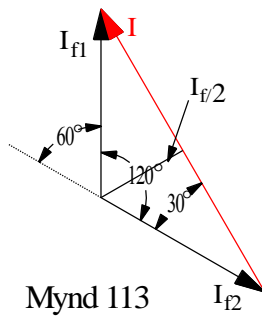
Þríhyrningstenging er mynduð með því að tengja U2-enda fasavafs U1-U2 við V1 enda fasavafsins V1-V2, V2-enda við W1 enda o.s.frv.

Skoðaðu vel mynd 110. Ef þú mælir annars vegar fasaspennuna U_{f1} og hins vegar spennuna milli L_1 og L_2 sérðu að þetta er sama spennan. Því getum við skrifað:

$$U = U_f \quad (99)$$

Á mynd 110 sjáum við líka að aðalstraumurinn I er vektorsumma fasastraumanna. Hér gildir það sama og gilti um spennuna í stjörnutengingunni að straumarnir eru ekki í fasa og því verður að beita vektorasamlagningu við að finna aðalstrauminn. Við notum sömu aðferð og þar og göngum út frá vektoramyndinni á mynd 113:

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd 113

$$I_f^2 = \left(\frac{1}{2}I\right)^2 + \left(\frac{1}{2}I_f\right)^2$$

og leyst með tilliti til I:

$$\left(\frac{1}{2}I\right)^2 = I_f^2 - \left(\frac{1}{2}I_f\right)^2$$

$$\frac{1}{4}I^2 = I_f^2 - \frac{1}{4}I_f^2 = \frac{3}{4}I_f^2$$

$$I^2 = 4 \frac{3}{4}I_f^2 = 3 \cdot I_f^2$$

$$I = \sqrt{3} \cdot I_f \quad (100)$$

Fyrir samhengi fasaspennu og aðalspennu í þríhyrningstengingu gildir því formúla (99) og fyrir samhengi fasastraums og aðalstraums formúla (100) eða:

$$U = U_f \quad \text{og} \quad I = \sqrt{3} \cdot I_f$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Afl í þriggja fasa rásum

Afl í þriggja fasa rásum skiptist í raunafl, sýndarafl, eða launafl alveg eins og í einfasa rásunum. Í formúlur aflsins kemur rótin af þremur og við skulum skoða hér af hverju það er. Hér gerum við ráð fyrir hreinu raunafl en í næsta kafla eru sýndar formúlur sem gilda þegar fasvik er í rásinni.

Aflinu í þriggja fasa rás, rafala eða álagi, má skipta upp í þrjá hluta, þ.e. aflíð í hverjum fasa fyrir sig. Þegar álagið er jafnt á alla þrjá fasana verður aflíð til samans þrisvar sinnum aflíð í hverjum fasa. Við fáum því:

$$P = 3 \cdot U_f \cdot I_f \quad (101)$$

Í stjörnutengingunni er: $U_f = \frac{U}{\sqrt{3}}$ og $I_f = I$

Ef þetta er sett inn í formúlu (101) fæst fyrir stjörnutenginguna:

$$P_Y = 3 \cdot \frac{U}{\sqrt{3}} \cdot I = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \quad (102)$$

Í þríhyrningstengingu er $U_f = U$ og $I_f = \frac{I}{\sqrt{3}}$

Þegar þetta er sett inn í formúlu (101) fæst fyrir þríhyrningstenginguna:

$$P_\Delta = 3 \cdot U \cdot \frac{I}{\sqrt{3}} = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \quad (103)$$

Við sjáum að formúlur (102) og (103) eru eins og af því getum við dregið þá ályktun að formúla aflsins í þriggja fasa rás sé óháð tengingu ef við notum aðalspennu og aðalstraum. Formúlan verður þá:

$$P = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \quad (104)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Aflið í þríhyrningstengingunni er hinsvegar þrisvar sinnum meira en í stjörnutengingunni þegar sama álag er ýmist þríhyrnings- eða stjörnutengt við net. Sjá nánar í sýnidæmi 18.

Það er rétt að undirstrika að hér á undan var verið að tala um álag sem er tengt í stjörnu eða þríhyrning við sömu spennuna. Þegar um rafala er að ræða getum við búið til mismunandi spennur eftir því hvernig við tengjum hann en aflíð sem hann gefur breytist ekki. Taktu vel eftir þessu og skoðaðu niðurstöður í sýnidæmi 16.

Þriggja fasa álag með fasviki

Í þriggja fasa rásum gilda sömu formúlur og í einfasa rásunum, þegar um fasvik er að ræða, að viðbættum stuðlinum $\sqrt{3}$ eins og við sáum í formúlu 104 fyrir raunaflið.

$$\text{Raunaflið: } P = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \cdot \cos \varphi \quad [\text{W}] \quad (105)$$

$$\text{Launaflið: } Q = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \cdot \sin \varphi \quad [\text{VA}_r] \quad (106)$$

$$\text{Sýndaraflið: } S = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \quad [\text{VA}] \quad (107)$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spennumerkingar riðstraumsvéla

Hér að framan höfum við séð hvernig hægt er að fá tvö spennugildi út frá rafala eftir því hvernig hann er tengdur. Áletrun á merkiskilti vélanna er í samræmi við þetta og venjulega settar tvær tölur með þeim spennum sem rafalinn á að geta framleitt. Dæmi um slíkar merkingar eru eftirfarandi:

$$230/400V \text{ og } 400/690V$$

Lægri talan gefur þá til kynna fasaspennu rafalans eða rafvélarinnar. Rafali sem er merktur 230/400V getur þá gefið tvær spennur 230V og 400V ef hann er stjörnutengdur en einungis 230V ef hann er þríhyrningstengdur.

Aflið frá rafalanum breytist hins vegar ekki. Rafali sem er uppgefinn fyrir ákveðið afl gefur frá sér hærri straum þegar hann er tengdur til að gefa lægra spennugildið. Sjá nánar í næsta kafla.

Ástimplað afl riðstraumsvéla

Ástimplað afl riðstraumsrafala (og spennubreyta) er sýndar afl, S , eining (VA). Ástæðan er sú að ef álagið veldur fasviki þá fulllestast rafalinn straumlega séð áður en hann er farin að skila fullu raunafli, P , miðað við að raunaflostuðullinn væri 1,0.

Þetta er nánar útskýrt með sýnidæmum 16 og 17.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 16.

Á merkiplötu riðstraumsrafali eru m.a. eftirfarandi upplýsingar:

100kVA, 230/400V, 50Hz.

Stjörnutenging:

- a) Teiknaðu tengimynd og settu inn á myndina straum og spennur.
- b) Hve stóran straum getur rafalinn gefið frá sér miðað við ástimplað sýndarafli? Merktu strauminn inn á myndina í a) lið.
- c) Hvaða spennugildi getur rafalinn gefið frá sér? Merktu þau inn á myndina í a) lið.

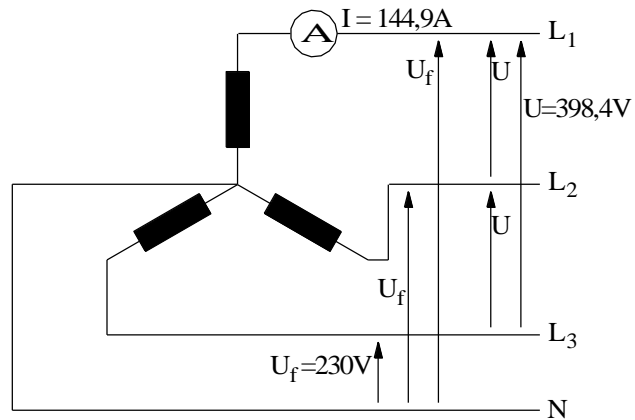
Þríhyrningstenging:

- d) Teiknaðu tengimynd og settu inn á myndina straum og spennur.
- e) Hve háa spennu og hve háan straum getur hann nú gefið? Merktu það inn á myndina.
- f) Af hverju verður aflið það sama frá rafalanum í báðum tengingum?

Rafmagnsfræði Kaffli 15 Riðstraumur

Lausn:

a) Sjá mynd 114.

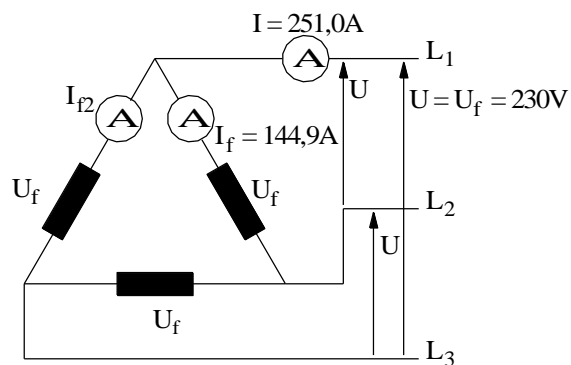


Mynd 114

b) Við reiknum strauminn með formúlu (107) fyrir sýndaraflíð. Við göngum út frá því að fasaspennan sé 230V. Þá verður aðalspennan $230 \cdot \sqrt{3} = 398,4V$.

$$S = \sqrt{3}U \cdot I$$

$$I = \frac{S}{\sqrt{3} \cdot U} = \frac{100000}{\sqrt{3} \cdot 398,4} = \underline{144,9A}$$



Mynd 115

c) Á mynd 114 sjáum við að við getum tekið $3 \times 398,4V$ frá rafalanum og líka $3 \times 230V$ ef við tengjum núllið (N). Ath líka að ef rafalinn framleiðir 230V fasa spennu þá er $U = 230 \cdot \sqrt{3} = 398,4V$ eins og fram kemur á myndinni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Í merkingunum á rafalanum eru hins vegar stöðluð spennugildi, þ.e. 230/400V.

d) Sjá mynd 115.

e) Hér verður aðalspennan U jafn stór og fasa spennan eða 230V. Aðalstrauminn reiknum við með formúlu (107) og fasastrauminn með formúlu (100).

$$I = \frac{S}{\sqrt{3} \cdot U} = \frac{100000}{\sqrt{3} \cdot 230} = \underline{251,0A}$$

$$I_f = \frac{I}{\sqrt{3}} = \frac{251,0}{\sqrt{3}} = \underline{144,9A}$$

Við sjáum á þessu að fasastraumurinn er sá sami í báðum tengingum

f) Það sem takmarkar sýndarafl rafalans er spennan sem myndast í hverju fasavafi og straumþol vírsins sem vafið er undið úr. Og við sáum á tölunum hér að ofan að þessar stærðir breyttust ekki hvort sem rafalinn er tengdur í Y eða Δ .

Í þessu sambandi getur verið gott að hafa aflvél rafalans í huga. Stærð hennar er ákveðin út frá sýndarafli og nýtni rafalans og að raunaflostuðull álagsins sé 1,0.

Aflvélin getur m.ö.o. skilað ákveðnu hámarksafli sem breytist ekkert hvernig sem við tengjum rafalann.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 17

Sami rafali og í sýnidæmi 16, stjörnutengdur.

- a) Hve mikið raunafl getur hann gefið frá sér ef við hann er tengt álag með $\cos\varphi = 1,0$?
- b) Hve mikið raunafl getur hann gefið frá sér ef við hann er tengt álag með $\cos\varphi = 0,5$?

(ATH. að við erum með tvö mismunandi álög í huga).

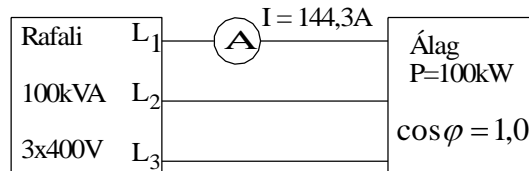
Teiknaðu sýringarmynd.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 17 lausn

- a) Sjá mynd 116a. Þegar $\cos \varphi = 1,0$ verður $P = S = 100kW$. Strauminn reiknum við með hjálp formúlu (105). Leysum út I:

$$I = \frac{100 \cdot 10^3 W}{\sqrt{3} \cdot 400V \cdot 1,0} = \underline{144,3A}$$



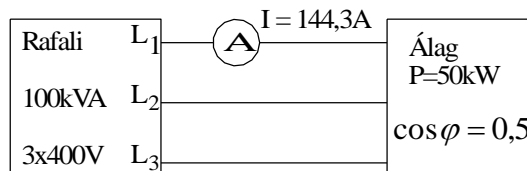
Mynd 116a

- b) Sjá mynd 116b. Við notum formúlur (105) og (107). Þegar $\cos \varphi = 0,5$ verður raunaflið:

$$P = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \cdot \cos \varphi = S \cdot \cos \varphi = 100kVA \cdot 0,5 = 50kW$$

og straumurinn:

$$I = \frac{P}{\sqrt{3} \cdot U \cdot \cos \varphi} = \frac{50 \cdot 10^3}{\sqrt{3} \cdot 400 \cdot 0,5} = \underline{144,3A}$$



Mynd 116b

Taktu eftir að straumurinn er sá sami í báðum tilfellum en raunaflið er helmingi minna í seinna tilfellinu. Ef raunaflið hefði átt að verða það sama í bæði skiptin hefði straumurinn í b) liðnum þurft að verða tvöfalt hærri eða 288,6A. 144,3A er sá straumur sem vörinn í fasavafi rafalans þolir. (Ath. að það munar 0,6A á straumnum í sýnidæmi 16 og 17 vegna þess að í seinna dæminu er gegnið út frá 400V aðalspennu).

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 18.

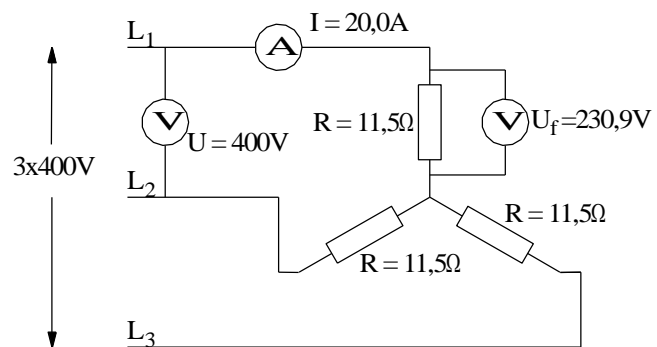
Hitöld í hitara eru þriggja fasa og er hægt að tengja þau í Y eða Δ . Viðnámið í hverju hitaldi er $11,5\Omega$ og aðalspenna netsins mælist $400V$. Hve mikið afl tekur hitarinn þegar:

- Hitöldin eru tengd í stjörnu og
- hitöldin eru tengd í þríhyrning.

Teiknaðu tengimynd af báðum tengingum.

Sýnidæmi 18 lausn.

- Sjá mynd 117.



Mynd 117

Við byrjum á að reikna fasa spennuna sem er líka spennufallið yfir hvert viðnám. Út frá því getum við reiknað fasa strauminn, sem er í stjörnutengingu jafn aðalstraumnum.

$$U_f = \frac{U}{\sqrt{3}} = \frac{400}{\sqrt{3}} = 230,9V$$

$$I = I_f = \frac{U_f}{R} = \frac{230,9}{11,5} = 20,0A$$

Setjum inn í formúlu (105)

$$P = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \cdot \cos\varphi = \sqrt{3} \cdot 400 \cdot 20,0 \cdot 1,0 = \underline{13,8kW}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

b) Sjá mynd 118.

Í þríhyrningstengingunni er fasaspennan jöfn aðalspennunni. Spennan yfir hvert viðnám er því 400V. Út frá því getum við reiknað fasastrauminn.

$$I_f = \frac{U}{R} = \frac{400}{11,5} = 34,78A$$

Og aðalstrauminn út frá formúlu (100):

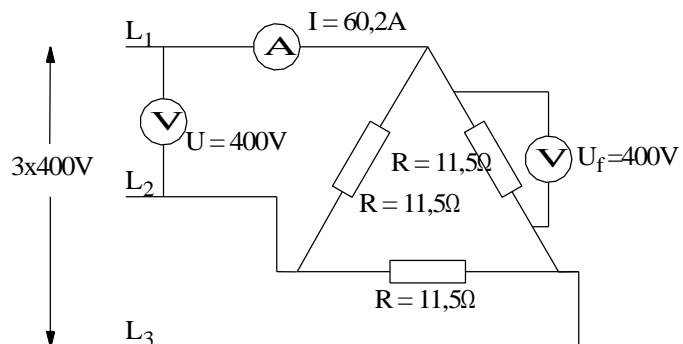
$$I = \sqrt{3} \cdot I_f = \sqrt{3} \cdot 34,78 = 60,2A$$

Setjum aftur inn í formúlu (105)

$$P = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \cdot \cos \varphi = \sqrt{3} \cdot 400 \cdot 60,2 \cdot 1,0 = \underline{41,7kW}$$

Hlutfallið: $\frac{P_\Delta}{P_Y} = 3$

Athugaðu vel að hlutfallið á milli aflsins í Δ og Y er þrjú þegar sömu viðnámsgildin eru notuð í báðum tengingunum.



Mynd 118

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Leiðrétting fasviks í þriggja fasa rásum.

Fasvik í álagi veldur því að það tekur til sín svo og svo mikið launafl og launstraum. Straumurinn frá rafalanum (spennugjafanum) verður stærri og töpin í flutningslínunum meiri. Því meiri sem hluti launstraums er í straumnum sem rafali framleiðir þeim mun minna raunafl getum við fengið frá honum. Straumgeta hans fer þá ekki öll í að framleiða raunafl. Sama má segja um flutningslínurnar. Töpin í þeim eru háð straumnum í öðru veldi óháð raunaflstuðli álagsins.

Launaflíð eða launstrauminn er hægt að framleiða á notkunarstað rafmagnsins. Launaflíð framkvæmir ekki vinnu og það þarf því ekki orku til að framleiða það. Þegar launaflíð er framleitt á notkunarstað er oft talað um að leiðrétta fasvik álagsins.

Leiðrétting fasviks í þriggja fasa rásum er framkvæmd með þéttum eða yfirsegulmögnum samfasavélum. Við útreikning er hægt að ganga út frá því launafl eða þeim launstraumi sem fer til álagsins og ákvarða þéttana, samfasavélina, út frá því. Við finnum m.ö.o. hve stóran launstraum eða launafl þarf að framleiða inn á netið með þéttunum eða samfasavélinni til að fullnægja þörfum álagsins að nokkru eða öllu leyti. Athugaðu að hér er talað um að framleiða launafl og launstraum með þéttum eða samfasavél. Ástæðan er sú að þegar þetta er gert minnkar straumurinn og sýndaraflíð frá spennugjafanum. Launstraumurinn og launaflíð sem álagið þarf kemur nú frá þéttunum eða samfasavélinni. Þess vegna er réttlætjanlegt að tala um að þessi búnaður framleiði launstraum eða launafl inn á kerfið.

Í sýnidæmum 19 og 20 verður farið nánar í ofangreindar aðferðir við að leiðrétta fasvik.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 19.

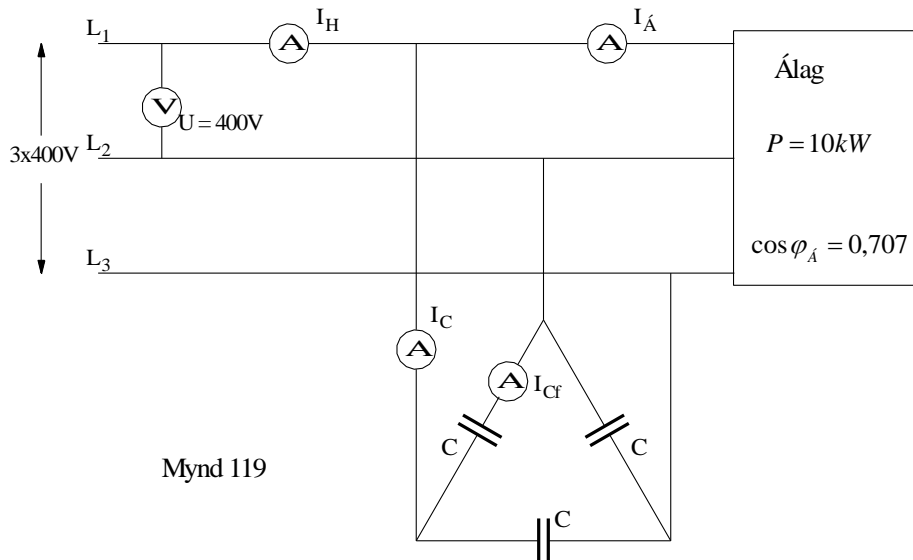
Þriggja fasa álag er 10kW og raunaflstuðullinn, . Við ætlum að laga fasvikið með þéttum þannig að heildar raunaflstuðull álags og þetta verði . Spenna netsins er 400V, 50Hz.

- Teiknaðu tengimynd til skýringar, sem sýnir spennugjafa, álag, þetta, straummæla og spennumæli. Merktu spennuna með U, straum álagsins með I_A, straum þéttanna með I_C og strauminn frá spennugjafanum með I_H. Athugaðu að þú verður sjálfur að ákveða hvort þéttarnir eru tengdir í stjörnu eða þríhyrning.
- Teiknaðu straumvektoramynd í kvarða, sem sýnir straumana í rásinni miðað við spennuna U. Merktu stærðir vektoramyndarinnar samkvæmt tengimyndinni.
- Hve stór verður aðalstraumurinn til þéttanna að vera til að raunaflstuðullinn, sem spennugjafinn „sér“ verði 0,94? Eða m.ö.o. $\cos \phi_H$ verði 0,94.
- Hve stórir þurfa þéttarnir að vera?
- Hver er I_H fyrir og eftir tengingu þéttanna?
- Hvað tekur álagið mikinn straum eftir tengingu þéttanna?

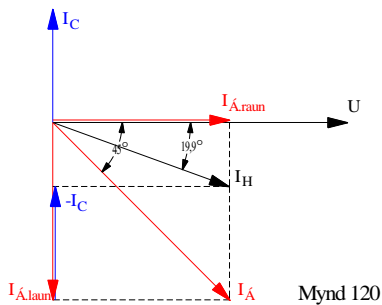
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 19 lausn.

a) Sjá mynd 119. Við veljum að tengja þéttana í þríhyrning.



Mynd 119



Mynd 120

b) Sjá mynd 120. Við finnum fasvikshornin:

$$\cos \varphi_A = 0,707 \Rightarrow \angle \varphi_A = 45^\circ$$

$$\cos \varphi_H = 0,94 \Rightarrow \angle \varphi_H = 19,9^\circ$$

Næst finnum við strauminn sem álagið tekur með því að nota formúlu (105):

$$P = \sqrt{3} \cdot U \cdot I \cdot \cos \varphi \Rightarrow$$

$$I_A = \frac{P}{\sqrt{3} \cdot U \cdot \cos \varphi_A} = \frac{10000}{\sqrt{3} \cdot 400 \cdot 0,707} = 20,4A$$

 Nú getum við teiknað þennan straum 45° á eftir spennunni.

 Þar sem þéttarnir hafa engin áhrif á raunhluta álagsstraumsins getum við dregið strikálínu upp frá enda straumvektorsins I_A og upp í spennuvektorinn. Heildarstraumur álags og þetta I_H verður þá vektor sem myndar $19,9^\circ$ horn við spennuna og endar við strikálínuna á vektoramyndinni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- c) Hér er gott að byrja á því að finna raun- og launhluta álagsstraumsins og teikna þá inn á vektoramyndina á mynd 120.
Ef heildarstraumurinn I_H á að mynda $19,9^\circ$ horn við U verður launstraumurinn frá spennugjafanum að minnka um gildið $-I_C$. Þetta er gott að merkja inn á vektoramyndina. Raun- og launstraumana er hægt að reikna út á eftirfarandi hátt:

$$\cos \varphi_A = \frac{I_{A.raun}}{I_A} \Rightarrow$$

$$I_{A.raun} = I_A \cdot \cos \varphi_A = 20,4 \cdot 0,707 = 14,4A$$

$$\sin \varphi_A = \frac{I_{A.laun}}{I_A} \Rightarrow$$

$$I_{A.laun} = I_A \cdot \sin \varphi_A = 20,4 \cdot 0,707 = 14,4A$$

Í þessu tilfalli verða raun- og launhlutarnir jafnstórir þar sem hornið er 45° .

Næst er að finna lengd vektorsins $-I_C$. Lítum á þríhyrninginn, sem er myndaður úr vektorunum $I_{A.raun}$, I_H og $I_{H.laun}$. Í honum þekkjum við hornið $19,9^\circ$ og lengdina $I_{A.raun}$. Með hjálp tangens getum við reiknað $I_{H.laun}$ og með því að draga $I_{H.laun}$ frá $I_{A.laun}$ fáum við $-I_C$ sem er aðalstraumurinn til þéttanna.

$$\operatorname{tg} 19,9^\circ = \frac{I_{H.laun}}{I_{A.raun}} \Rightarrow$$

$$I_{H.laun} = I_{A.raun} \cdot \operatorname{tg} 19,9^\circ = 14,4 \cdot 0,36 = 5,2A$$

$$I_C = I_{A.laun} - I_{H.laun} = 14,4 - 5,2 = \underline{9,2A}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- d) Athugaðu að þetta er aðalstraumurinn til þéttana. Þar sem við völdum að tengja þá í þríhyrning verðum við að umreikna aðalstraum yfir í fasastraum og fáum:

$$I_{cf} = \frac{I_c}{\sqrt{3}} = \frac{9,2}{\sqrt{3}} = 5,3A$$

Spennan yfir hvern þétti er 400V. Ef straumurinn sem fer um hvern þétti er 5,3A verður viðnám hvers þéttis:

$$X_c = \frac{400}{5,3} = 75,47\Omega$$

Út frá formúlunni fyrir launviðnámi þéttis getum við reiknað stærð þéttanna:

$$X_c = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} \Rightarrow C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot X_c} = \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 75,47} = 42,2\mu F$$

- e) Fyrir tengingu þéttanna verður $I_H = I_A$. Eftir tengingu þéttanna minnkar I_H . Einfaldast er að reikna hann með hjálp Pýþagorasar reglunnar og nota vektormyndina á mynd 120:

$$I_H = \sqrt{I_{A,raun}^2 + I_{h,laun}^2} = \sqrt{14,4^2 + 5,2^2} = 15,3A$$

Við sjáum á þessu að straumurinn frá spennugjafanum hefur minnkað úr 20,4A í 15,3A.

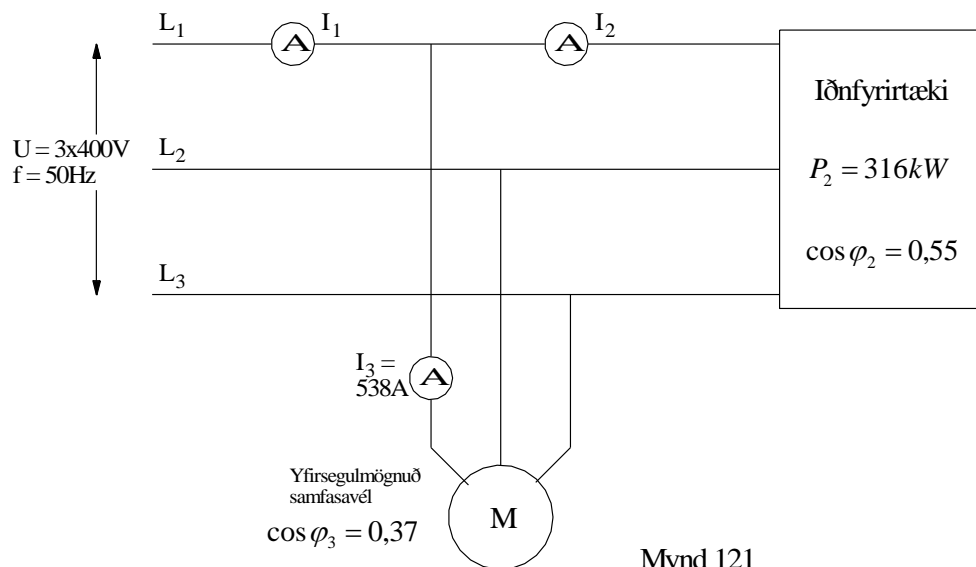
- f) Tilkoma þéttana hefur engin áhrif á álagsstrauminn eða skiptingu hans í raun- og launstraum. Því verður hann óbreyttur og aflið til álagsins það sama fyrir og eftir tengingu þéttana

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Sýnidæmi 20.

Aflnotkun iðnfyrirtækis, sem tengist 400V, 50Hz veitukerfi, var athuguð og kom í ljós að notkunin þá stundina var eftirfarandi: $P = 316kW$ og $\cos\varphi_2 = 0,55$.

Í fyrirtækinu er samfasamótor sem er notaður til að knýja dælu. Mótorinn er yfirsegulmagnaður og nýtist því jafnframt til að leiðrétta fasvik kerfisins.



Straummælirinn í mótörlögninni sýndi 538A þegar athugunin fór fram og raunaflostuðull hans var 0,37.

Þ.e.a.s. $I_3 = 538A$ og $\cos\varphi_3 = 0,37$.

Þessar upplýsingar koma einnig fram á skýringarmynd á mynd 121. Á myndinni er samfasavélin sýnd sérstaklega þó hún sé hluti af búnaði iðnfyrirtækisins.

- Teiknaðu straumvektoramynd í kvarða, sem sýnir straumana I_1 , I_2 og I_3 miðað við spennuna, þegar samfasa vélin er tengd kerfinu.
- Finndu I_1 .
- Hvert er heildarfasvikshornið?
- Reiknaðu P_1 , og P_3 . Merktu stefnu raunaflsins með pílum inn á mynd 121.
- Reiknaðu Q_1 , Q_2 og Q_3 . Merktu stefnu launaflsins með pílum inn á mynd 121.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Lausn:

- a) Til að teikna vektoramynd kerfisins þurfum við að reikna strauminn I_2 , og finna hornin úr frá raunaflstuðlum mótors og álags. Við göngum út frá formúlu (105) til að finna I_2 :

$$I_2 = \frac{P_2}{\sqrt{3} \cdot U \cdot \cos \varphi_2} = \frac{316 \cdot 10^3}{\sqrt{3} \cdot 400 \cdot 0,55} = 829,3A$$

Fasvikshornin eru $\varphi_2 = 56,6^\circ$ og $\varphi_3 = 68,3^\circ$

Nú getum við teiknað straumvektoramyndina.

Hún er á mynd 122. Straumurinn, I_2 , verður $56,6^\circ$ á eftir spennunni, U og straumurinn, I_3 , $68,3^\circ$ á undan. Við leysum I_2 og I_3 upp í raun- og launhluta með teikningu. Bætum $I_{3,raun}$ við $I_{2,raun}$. Drögum $I_{3,laun}$ frá $I_{2,laun}$, teiknum ferhyrning og drögum hornalínuna sem er I_1 eða heildarstraumurinn. Við getum mælt hann út í myndinni af því hún er teiknuð í kvarðanum 1:100.

- b) Til að reikna heildarstrauminn út er best að byrja á að finna raun- og launhlutanna með hornaföllum.

$$I_{2,raun} = 829,3 \cdot \cos 56,6^\circ = 456,1A$$

$$I_{2,laun} = 829,3 \cdot \sin 56,6^\circ = 692,6A$$

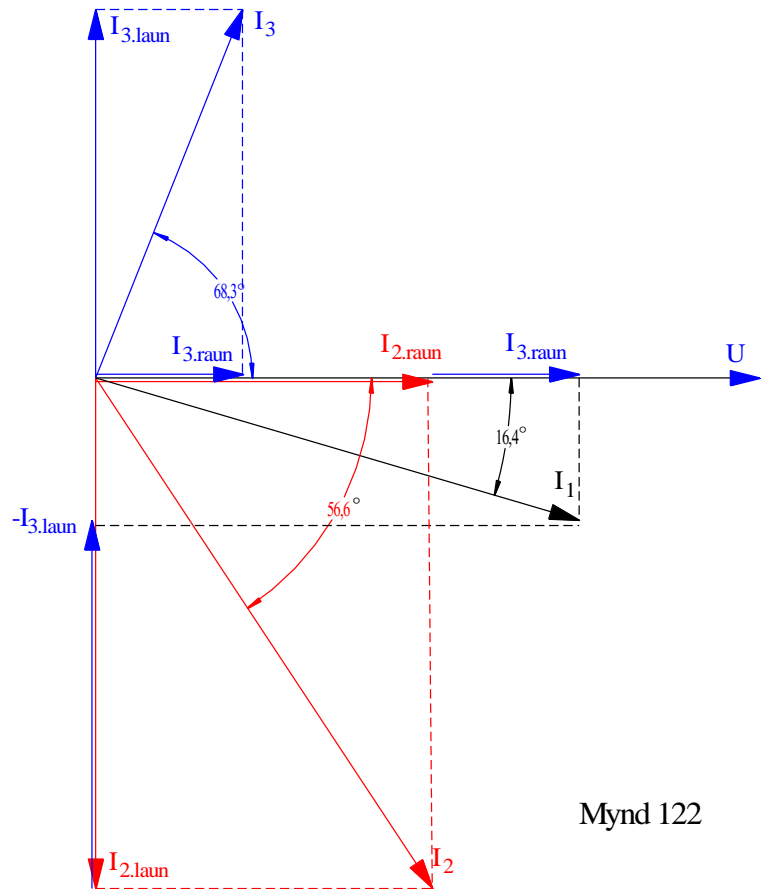
$$I_{3,raun} = 538 \cdot \cos 68,3^\circ = 199,0A$$

$$I_{3,laun} = 538 \cdot \sin 68,3^\circ = 499,8A$$

Með hjálp reglu Pythagorasar og myndar 122 getum við skrifað eftirfarandi formúlu fyrir strauminn I_1 :

$$I_1 = \sqrt{(I_{2,raun} + I_{3,raun})^2 + (I_{2,laun} - I_{3,laun})^2} = \sqrt{(456,1 + 199,0)^2 + (692,6 - 499,8)^2} = \underline{682,9A}$$

Rafmagnsfræði Kefli 15 Ríðstraumur



Mynd 122

c) Heildarfasvikhornið verður:

$$\cos \varphi_1 = \frac{I_{2.raun} + I_{3.raun}}{I_1} = \frac{456,1 + 199,0}{682,9} = 0,959 \Rightarrow \angle \varphi_1 = \underline{16,4^\circ}$$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

d) Notum formúlur (105) og (106):

$$P_1 = \sqrt{3} \cdot U \cdot I_1 \cdot \cos \varphi_1 = \sqrt{3} \cdot 400 \cdot 682,9 \cdot \cos 16,4^\circ = \underline{453,8kW} \text{ eða}$$

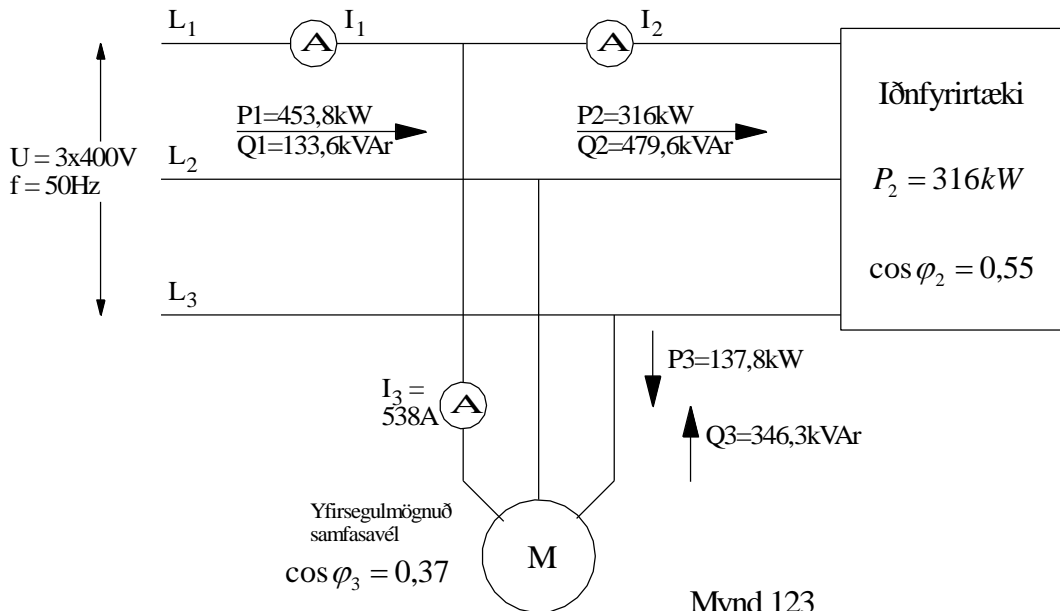
$$P_1 = P_2 + P_3 = 316kW + 137,8kW = \underline{453,8kW}$$

$$P_3 = \sqrt{3} \cdot U \cdot I_3 \cdot \cos \varphi_3 = 400 \cdot 538 \cdot \cos 68,3^\circ = \underline{137,8kW}$$

$$Q_1 = \sqrt{3} \cdot U \cdot I_1 \cdot \sin \varphi_1 = \sqrt{3} \cdot 400 \cdot 682,9 \cdot \sin 16,4^\circ = \underline{133,6kVA_r}$$

$$Q_2 = \sqrt{3} \cdot U \cdot I_2 \cdot \sin \varphi_2 = \sqrt{3} \cdot 400 \cdot 829,3 \cdot \sin 56,6^\circ = \underline{479,6kVA_r}$$

$$Q_3 = \sqrt{3} \cdot U \cdot I_3 \cdot \sin \varphi_3 = \sqrt{3} \cdot 400 \cdot 538 \cdot \sin 68,3^\circ = \underline{346,3kVA_r}$$



Mynd 123 sýnir stefnur aflsins. Við sjáum að spennugjafinn gefur frá sér raunafl og launafl, álagið tekur til sín raunafl og launafl og samfasamótorinn tekur til sín raunafl en gefur frá sér launafl. Launaflið frá spennugjafanum minnkar því sem nemur því sem mótorinn framleiðir.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

15.5 Æfingardæmi

Ýmsar spurningar og dæmi.

- 1 Hvernig er riðstraumur skilgreindur og hver er munurinn á rið- og jafnstraumi?
- 2 a) Hvað er átt við með hugtakinu span?
b) Nefndu 3 aðferðir við að framleiða spennu með spani.
- 3 Hvað er átt við með spóluhlíð í spólu?
- 4 Sýndu fram á það að riðstraumur streymi um spóluna á mynd 4.
- 5 Notaðu mynd 5 til að sýna fram á að segulviðsbreytingin fylgi formúlu (8).
- 6 Mynd 6 sýnir aðferð við að hanna sínusferil. Á henni er byrjað með radíusinn (vektorinn) í lárétta ásnum og sínusferillinn byrjar því á núlli. Teiknaðu mynd sem sýnir sambærilega hönnun á cósínusferlinum. Mundu að hann byrjar 90 gráðum á undan.
- 7 Formúla (9) lýsir Faradays spanlög máli. Útskýrðu formúluna.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 8 Teiknaðu mynd af fjórðungi úr cósínusferli. Notaðu formúlu (9) til að sýna fram á að spönuð spenna verður í hámarki þegar segulsviðið fer í gegnum núllásinn. Teiknaðu spennuna inn á myndina.
- 9 a) Hvað er átt við með hugtakinu tíðni og hver er einingin?
b) Hvað er rið og hver er tíminn á einu riði ef tíðnin er 50Hz?
- 10 Hugsaðu þér að þú gætir búið til spennu í leiði með því að hlaupa með hann í gegnum segulsvið. Hvaða þættir ráða stærð spennunnar?
- 11 Útskýrðu muninn á formúlum (14) og (17).
- 12 Í kaflanum um strauminn er sýnt fram á að straumur í gegnum raunviðnám fái sama feril og spennan.
a) Hvaða lögmál rafmagnsfræðinnar er lagt til grundvallar?
b) Útskýrðu mynd 11. Hvað er átt við með augnabliksgildi spennu eða straums?
- 13 a) Útskýrðu formúlu (19)
b) Hver er póla fjöldi vélar sem formúla (19) lýsir?
c) Hver er póla fjöldi vélar (rafala), sem framleiðir 50Hz á 200sn/mín.?

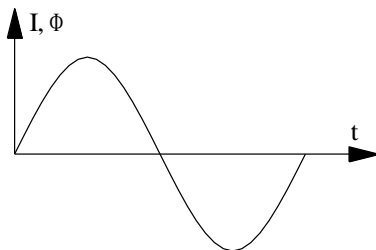
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 14 a) Af hverju er meðalgildi út úr einu riði núll?
b) Hvað er meðalgildi úr hálfu riði stór hluti af hámarksgildi spennu eða straums?
c) Finndu flatarmálið sem sínuslaga hálfrið afmarkar við núllásinn með því að teikna það á millimetrappír. Berðu niðurstöðuna saman við formúlu (22).
- 15 a) Mynd 18 sýnir sínusferla straums, spennu og afl. Hver er tíðni aflsins?
b) Í stærðfræðiforritum s.s. „Graphmat“ er hægt að teikna sínusferla. Ef þú hefur aðgang að slíku forriti prófaðu þá að setja inn þrjá sínusferla. Formúlurnar gætu litið út á eftirfarandi hátt:
$$y = 2 \cdot \sin(x), y = 3 \cdot \sin(x) \text{ og } y = (2 \cdot \sin(x)) \cdot (3 \cdot \sin(x))$$

Taktu eftir að hámarksgildi aflsins verða 6 reitir og tíðnin tvöföld miðað við spennu eða straum.
c) Hvað er virktgildi spennu eða straums stór hluti af hámarksgildi þessara stærða?
d) Hver er munurinn á raforku annars vegar og rafafli hins vegar?
- 16 a) Hvað er átt við með formstuðli?
b) Hvenær er formstuðulinn 1,11?
c) Hvernig breytist formstuðulinn ef spennan fylgir ekki sínusferlinum?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 17 a) Hvað er vektor?
b) Teiknaðu mynd, sambærilega við mynd 22, en hafðu spennuna í viðmiðunarásnunum og hornið φ 35° ?
c) Hvað er átt við með því að spenna og straumur séu í fasa?
- 18 a) Teiknaðu mynd af spólu sem sýnir vindingana annars vegar og táknið hennar hins vegar.
b) Hvert er formúlutákn spólu (sjálfspanstuðuls) og hver er einingin?
c) Í kaflanum um sjálfspanstuðul spólu eru tvær formúlur sem lýsa stuðlinum L . Þetta eru formúlur (41) og (42). Útskýrðu formúlurnar.
- 19 a) Notaðu Faradays spanlög málmál til að útskýra mynd 27.
b) Hvað er það sem orsakar spennufall í spólu? Við horfum fram hjá spennufalli sem orsakast af vírviðnámi spólunnar.
c) Hver er forsenda þess að sjálfspanspenna myndist?
- 20 Þegar riðstraumur fer um leiði myndast segulsvið umhverfis leiðinn. Með því að vinda leiðinn upp í spólu er hægt að auka seguláhrifin. Segulsviðið fylgir straumnum eins og myndin sýnir. Kvarðinn er valinn þannig að straumur I og segulkraftlínustraumur Φ falla saman.
Notaðu Faradays spanlög málmál og myndina hér að ofan til að sýna fram á að spenna sem spanast í spólu verði 90° út úr fasa við strauminn.



Mynd með æfingadæmi 20

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 21 a) Útskýrðu formúlu (54) fyrir spanviðnámi.
b) Hvað er það sem orsakar spanviðnám í spólu? Hvert verður spanviðnámið ef þú tengir spóluna við jafnspennu?
- 22 a) Lýstu því sem gerist þegar jafnspennugjafi er tengdur við rás með spóluvirkni.
b) Hvernig er tíminn táknaður þegar jafnstraumur í spólu hefur náð 63% af endanlegu gildi. Hvað ræður endanlegu gildi straumsins? Hve lengi er straumurinn að ná því gildi?
- 23 Af hverju myndast ljósbogi í rásum með spanvirkni?
- 24 a) Hvernig er spanvirkni notuð í kveikjukerfi bensínvéla?
b) Hvernig er spanvirkni notuð í rafsuðu?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

**Spóla með
raunviðnámi.**

- 25 Spóla er tengd 40V, 50Hz, spennu. Spanviðnám hennar X_L er 9Ω og raunviðnámið R_L vír er 3Ω .
- Gerðu tengimynd, sem sýnir raun- og launviðnám spólunnar. Merktu inn á myndina gefnar stærðir. Teiknaðu líka straummæli og spennumæli sem sýnir spennugjafaspennuna.
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd í kvarða og mældu og reiknaðu sýndarviðnámið Z . Teiknaðu raunviðnámið lárétt.
 - Hve mikinn straum tekur hún frá neti?
 - Teiknaðu spennuvektoramynd í kvarða. Hafðu strauminn sem viðmiðun.
 - Mældu og reiknaðu fasvikshornið í báðum vektoramyndunum.
 - Reiknaðu spanstuðul spólunnar L .
- 26 Spanviðnám spólu er 20Ω og hún tekur 8A straum frá 230V, 50Hz, neti. Raunviðnám hennar er óþekkt.
- Gerðu tengimynd, sem sýnir raun- og launviðnám spólunnar. Merktu inn á myndina gefnar stærðir. Teiknaðu líka straummæli og spennumæli sem sýnir spennugjafaspennuna.
 - Reiknaðu sýndarviðnám (Z) spólunnar með hjálp Ohmslögmáls
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd út frá stærð Z og X_L .
 - Mældu og reiknaðu raunviðnám spólunnar?
 - Mældu fasvikshornið og reiknaðu raunaflstuðulinn.
 - Teiknaðu spennuvektoramynd í kvarða. Kannaðu með mælingu að heildarspennan komi heim við uppgefna spennu.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 27 Raunviðnám spólu RL er 20Ω og sjálfspanstuðullinn L er $0,06H$. Hún tekur $0,6A$ frá $50Hz$ neti.
- Gerðu tengimynd, sem sýnir raun- og launviðnám spólunnar. Merktu inn á myndina gefnar stærðir. Teiknaðu líka straummæli og spennumæli sem sýnir spennugjafaspennuna.
 - Reiknaðu launviðnám spólunnar X_L .
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd í kvarða og mældu og reiknaðu sýndarviðnámið Z .
 - Reiknaðu spennurnar yfir raun- og launhluta spólunnar og teiknaðu spennuvektoramynd í kvarða.
 - Mældu og reiknaðu heildarspennu spólunnar í vektoramyndinni í lið d).
- 29 Raunviðnám spólu er 5Ω og fasvik hennar 40° . Hún er tengd $60V$, $50Hz$.
- Gerðu tengimynd, sem sýnir raun- og launviðnám spólunnar. Merktu inn á myndina gefnar stærðir. Teiknaðu líka straummæli og spennumæli sem sýnir spennugjafaspennuna.
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd út frá raunviðnámi og fasvikshorni. Mældu og reiknaðu sýndarviðnámið.
 - Mældu og reiknaðu launviðnámið X_L .
 - Reiknaðu strauminn.
 - Teiknaðu spennuvektoramynd í kvarða. Mældu heildarspennuna. Kemur hún heim við $60V$ sem voru gefin upp í dæminu?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Skipting**sýndarviðnáms í laun-
og raunhluta.**

- Spóla veldur 42° fasviki. Hún er tengd 230V, 50Hz spennugjafa.
- 30
- Teiknaðu tengimynd sem sýnir spóluna og spennugjafann.
 - Teiknaðu vektoramynd spólunnar. Hafðu strauminn sem viðmiðun. Mundu að spóla seinkar straum.
 - Skiptu spennuvektorinum í tvo hluta. Raunhluta, sem hefur sömu stefnu og straumurinn og launhluta sem verður 90 gráðum á undan straumnum. Notaðu flýtihnappana á reiknivélinni þinni. Merktu hlutana inn á vektoramyndina.
 - Teiknaðu, út frá vektoramyndinni, jafngildismynd spólunnar sem sýnir raun- og launhluta hennar.
 - Hve stórir verða raun- og launhlutar spólunnar (U_{raun} og U_{laun}). Merktu þá inn á jafngildismyndina.
- 31 Sýndarviðnám spólu er 56Ω og fasvikshorn hennar 60° .
- Teiknaðu vektor sýndarviðnámsins í hnitakerfið. Merktu vektorinn og fasvikshornið á myndina.
 - Skiptu sýndarviðnáminu í raun- og launhluta. Notaðu flýtihnappana á reiknivélinni þinni.
 - Teiknaðu jafngildismynd spólunnar og merktu inn raun- og launhluta hennar á myndina.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 32 Spóla tekur 1,8A straum þegar hún er tengd 230V jafnspennu. Þegar spólan er tengd 230V, 50Hz, riðspennu verður straumurinn 32° á eftir spennunni.
- Hve mikinn straum tekur spólan þegar hún tengist riðspennunni?
 - Teiknaðu vektor sýndarviðnámsins og skiptu honum í raun- og launhluta.
 - Reiknaðu spanstuðul spólunnar.

Afl í riðstraumsrásum

- 33 Finndu aflíð í spólu sem tekur 12A við 230V spennu þegar $\cos\phi = 0,4$.
- 34
- Hver er raunaflostuðull tækis sem tekur 5A, 750W, þegar það tengist 230V, 50Hz, riðspennu.
 - Reiknaðu launafl, Q, og sýndarafl, S, spólunnar.
 - Teiknaðu aflvektoramynd í kvarða.
- 36 Spóla og straummælir eru raðtengd 230V, 50Hz, spennu. Straummælirinn sýnir 4,5A. Raunviðnám spólunnar er 26Ω .
- Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Reiknaðu raunaflostuðulinn.
 - Reiknaðu raunaflið og launaflið.
 - Teiknaðu aflvektoramynd í kvarða.
 - Finndu sýndaraflíð út frá vektoramyndinni í d) lið.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spóla með járnkjarna

37 Spóla er tengd 230V, 50Hz, spennu og tekur þá 2A.
Aflmælir er tengdur í rásina og sýnir hann 100W.

- Gerðu tengimynd.
- Reiknaðu raunafstuðulinn.
- Reiknaðu sýndarviðnámið.
- Teiknaðu viðnámsvektoramynd út frá sýndarviðnáminu og fasvikshorninu. Skiptu síðan vektor sýndarviðnámsins í raun- og launhluta. Mældu og reiknaðu gildi þeirra.

38

Spóla og raunviðnám eru raðtengd og tengd við spennugjafa sem gefur spennu með 50Hz tíðni.
Straumurinn í rásinni mælist 150mA og spennuföllin:

$$U_R = 105V$$

$$U_L = 145V$$

Aflmæling sýnir að í spólunni tapast 7W.

Viðnámsmæling á spólunni sýnir að $R_{L,vír}$ er 133Ω.

- Teiknaðu rásina ásamt mælum.
- Teiknaðu spennuvektormynd rásarinnar í kvarða og finndu spennugjafaspennuna.
- Reiknaðu sýndarviðnám spólunnar. Hvernig skiptist það í raun- og launhluta. Sýndu það á vektoramynd.
- Hvernig skiptist raunhluti sýndarviðnámsins í vírviðnám og viðnám vegna járntapanna? (Ath. að við erum að tala um viðnám sem er ígildi járntapanna).

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Raðtenging spólu og raunviðnáms

- Launviðnám spólu er 22Ω og raunviðnám hennar 2Ω .
- 39 Hún er raðtengd 16Ω mótstöðu. Spennan er 230V, 50Hz.
- Gerðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd og reiknaðu sýndarviðnám spólunnar annars vegar og rásarinnar í heild hins vegar. Láttu sýndarviðnámin koma fram á myndinni.
 - Reiknaðu strauminn.
 - Notaðu vektoramyndina í b) lið til að finna raunaflstuðul spólunnar annars vegar og rásarinnar í heild hinsvegar. Merktu fasvikshornin inn á myndina í b) lið.
 - Finndu aflið í rásinni ef hún er tengd 230V jafnspennu. Rökstyddu svarið.
- 40 Hve mikinn straum tekur $15\mu\text{F}$ þéttir þegar hann er tengdur 40V spennu, 50Hz?
- 41 Tveir þéttar $5\mu\text{F}$ og $7\mu\text{F}$ eru raðtengdir. Spennugjafinn er 230V, 50Hz.
- Hve stóran straum taka þeir frá spennugjafanum?
 - Hve há verður spennan yfir hvorn þétti?
- 42 Tveir þéttar 4 og $6\mu\text{F}$ eru raðtengdir við 400V spennu, 50Hz.
- Gerðu tengimynd.
 - Hver er heildarrýmd þeirra?
 - Hvert er heildar launviðnámið í rásinni?
 - Reiknaðu strauminn í rásinni og spennuna yfir hvorn þétti.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Raðtenging þéttis og raunviðnáms

- 43 Rýmd þéttis er $80\mu\text{F}$. Hann er raðtengdur 50Ω mótstöðu með hreint raunviðnám. Tíðni spennugjafans er 50Hz .
- Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Reiknaðu launviðnám þéttisins.
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd í kvarða.
 - Hve háa spennu þarf til þess að senda $3,5\text{A}$ straum um rásina?
- 44 Mótstaða, sem er 30Ω raunviðnám, er raðtengd 26Ω rýmdarviðnámi. Rásin tekur $0,7\text{A}$ frá 50Hz neti.
- Gerðu tengimynd, sem sýnir íhluti rásarinnar, straummæli til að mæla strauminn í rásinni og spennumæla til að mæla spennur rásarinnar.
 - Reiknaðu spennur yfir íhlutina í lið a) og teiknaðu spennuvektoramynd í kvarða.
 - Mældu og reiknaðu heildarspennu rásarinnar í vektoramyndinni í lið b).

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spóla, raunviðnám og þéttir raðtengd

- 45 Spóla, mótstaða og þéttir og eru raðtengd við 50Hz spennu. Straumurinn í rásinni er 400mA. Viðnám mótstöðunnar er 200Ω , launviðnám spólunnar er 190Ω (hreint launviðnám) og launviðnám þéttisins er 90Ω .
- Gerðu tengimynd sem sýnir íhlutina ásamt straummæli. Merktu gefnar stærðir inn á myndina.
 - Reiknaðu spennurnar U_R , U_L og U_C .
 - Gerðu spennuvektoramynd í kvarða. Mældu og reiknaðu spennugjafaspennuna.
 - Skrifaðu formúlu raunafstuðuls rásarinnar út frá vektoramyndinni í c) lið. Reiknaðu raunafstuðul hennar.
- 46 Spóla er 3,5H og raunviðnám hennar er 500Ω . Hún er raðtengd $12\mu\text{F}$ þétti. Spennugjafaspennan er 440V, 50Hz.
- Gerðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Reiknaðu spennurnar U_L og U_C .
 - Gerðu spennuvektoramynd í kvarða. Skiptu U_L í raun- og launhluta. Teiknaðu spennugjafaspennuna inn á vektoramyndina, mældu hana í vektoramyndinni og berðu niðurstöðuna saman við uppgafið gildi.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 47 Þéttir, $8,5\mu\text{F}$, mótstaða, $1\text{k}\Omega$, og spóla, $5,1\text{H}$ (reiknast sem hreint launviðnám) eru raðtengd. Spennan yfir tenginguna er 110V , 50Hz .
- Gerðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd og finndu heildarviðnámið Z .
 - Reiknaðu strauminn.
 - Reiknaðu raunafstuðulinn út frá vektoramyndinni.
 - Reiknaðu aflið P
 - Finndu aflið í rásinni ef hún er tengd 250V jafnspennu.
- 48 Sýndarviðnám spólu er 280Ω , 42° . Hún er raðtengd $40\mu\text{F}$ þétti. Rásin er tengd 230V , 50Hz , spennugjafa.
- Teiknaðu mynd rásarinnar og merktu inn á hana gefnar stærðir.
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd spólunnar. Hve stór er raunhluti hennar.
 - Reiknaðu strauminn, sem rásin tekur frá spennugjafanum.
 - Teiknaðu spennuvektoramynd í kvarða. Mældu og reiknaðu spennu spennugjafans í vektoramyndinni. Kemur hún heim við uppgefna spennu?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 49 Tvær spólur, L_1 og L_2 , og þéttir, C , eru raðtengd. Raunviðnám L_1 er 20Ω og spanstuðull hennar $0,25H$. Raunviðnám L_2 er 10Ω og spanstuðullinn $0,05H$. Rýmd þéttisins er $64\mu F$. Spennan í rásinni er $225V$ og tíðnin $50Hz$.
- Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Teiknaðu viðnámsvektoramynd rásarinnar í kvarða. Sýndu á vektoramyndinni sýndarviðnám spólanna Z_1 og Z_2 .
 - Reiknaðu sýndarviðnám spólanna?
 - Reiknaðu heildar sýndarviðnám rásarinnar og teiknaðu það inn á vektoramyndina.
 - Hver er straumurinn í rásinni?
 - Reiknaðu spennufallið yfir hvern íhlut?
 - Teiknaðu spennuvektoramynd rásarinnar í kvarða.
 - Hvert er fasvik spólu eitt?
 - Hvert er heildar fasvik rásarinnar?
 - Teiknaðu jafngildismynd rásarinnar. Er þetta span- eða rýmdarrás?
 - Teiknaðu sínuskúrfur straumsins og spennunnar. Sýndu á myndinni fasvikshornið milli spennu og straums. (Gott er að láta spennuna byrja í núlli.)
 - Hvert er augnabliksgildi spennunnar þegar straumurinn fer í gegnum núllásinn?
 - Ef þú gengur út frá einu riði, hvenær verður aflið jákvætt og hvenær neikvætt. Getum við notað þetta til að útskýra launafl.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

50 Spóla, raunviðnám og þéttir eru raðtengd og tengd við spennugjafa sem gefur spennu með 50Hz tíðni.

Heildarstraumurinn í rásinni mælist 204mA og spennuföllin:

$$U_R = 139V$$

$$U_L = 546V$$

$$U_C = 653V$$

Fasvikshorn þéttisins reynist 90° , en aflmæling sýnir að í spólunni tapast 15W.

- a) Teiknaðu rásina ásamt mælum.
- b) Teiknaðu spennuvektormynd rásarinnar í kvarða. Mældu og reiknaðu spennu spennugjafans.
- c) Útskýrðu af hverju einstök spennuföll verða stærri en spennugjafaspennan.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

51 Eftirfarandi mælingar voru gerðar á raðtengdri rás.

$$U = 226,9\text{V}, U_R = 140\text{V}, U_L = 550\text{V}$$

$$U_C = 600\text{V}, I = 201\text{mA}.$$

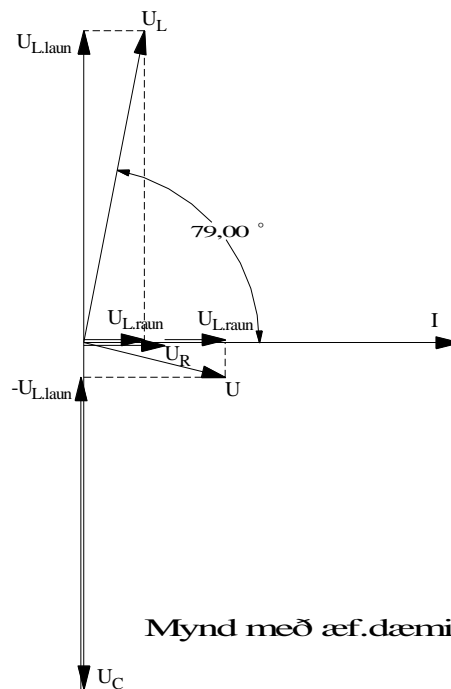
Fasvikshorn spólunnar kemur fram á vektoramyndinni og var fundið út frá aflmælingu.

Á myndinni er vektoramynd rásarinnar.

- Hve mikið raunafll notar íhluturinn með 600V spennufallið? rökstyddu svarið.
- Nú er þéttirinn tekinn úr rásinni en afgangurinn er áfram tengdur við sama spennugjafa. hver verður þá spennan yfir raunviðnámsnið?

Við gerum ráð fyrir að stærð raunviðnámsins sé fasti og fasvikshorn spólunnar sömuleiðis.

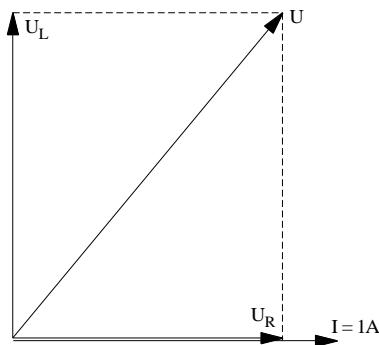
- Teiknaðu skýringarmynd (tengimynd) af rásinni í lið (b og vektoramynd).



Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Ýmis dæmi úr
raðtengdum rásum

- 52 Spóla mælist með 30Ω raunviðnám og 10mH spanstuðul. Þegar spólan er tengd $1,3\text{V}$ riðspennugjafa tekur hún 20mA . Hver er tíðni riðspennunnar?
- 53 a) Þú ert staddur í verklegu rafmagnsfræðistofunni og átt að ákveða spanstuðul, L , í spólu. Lýstu því hvernig þú ferð að. Taktu fram mælitæki, teiknaðu skýringarmyndir og sýndu formúlur.
- b) Hvaða áhrif hefur járnkjarni á spanstuðul spólu, miðað við loftspólu? Rökstyddu svarið.
- 54 Straumrás er byggð úr spólu og þétti. Spólan hefur sjálfspanstuðulinn 5H og þéttirinn rýmdina $6,75\mu\text{F}$. Við hvaða tíðni er rásin í „resonans“?



Á myndinni er gefin vektoramynd. Rásin sem vektoramyndin er teiknuð eftir er tengd við 50Hz spennugjafa.

- a) Hvernig er rásin sem vektoramyndin er teiknuð út frá? Teiknaðu tengimynd.
- b) Hver er stærð íhlutanna í rásinni?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

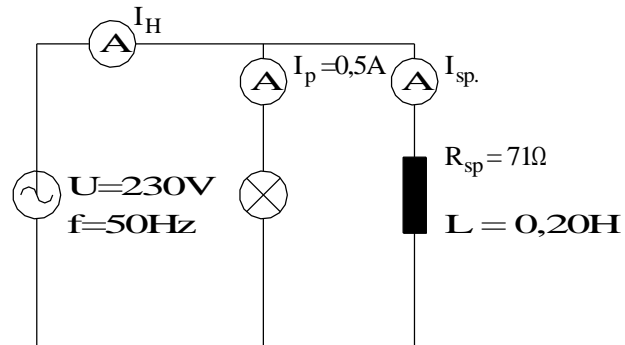
Hliðtenging laun- og raunálags

- 56 Spóla og raunviðnám eru hliðtengd og tengd 230V, 50Hz spennugjafa. Launviðnám spólunnar er 230Ω ($R_L = 0\Omega$) og raunviðnám mótstöðunnar er 200Ω .
- Teiknaðu tengimynd sem sýnir íhlutina, spennugjafann og straummæla sem mæla greinistrauma og heildarstraum.
 - Reiknaðu út greinistraumana.
 - Teiknaðu straumvektoramynd í kvarða og mældu og reiknaðu heildarstrauminn.
- 57 Þéttir og raunviðnám eru hliðtengd og tengd 230V, 50Hz spennugjafa. Launviðnám þéttisins er 150Ω og raunviðnám mótstöðunnar er 120Ω .
- Teiknaðu tengimynd sem sýnir íhlutina, spennugjafann og straummæla sem mæla greinistrauma og heildarstraum.
 - Reiknaðu út greinistraumana.
 - Teiknaðu straumvektoramynd í kvarða og mældu og reiknaðu heildarstrauminn.
- 58 Þéttir, $8,5\mu\text{F}$, mótstaða, 560Ω , og spóla, $2,5\text{H}$ (reiknast sem hreint launviðnám) eru hliðtengd. Spennan yfir tenginguna er 230V, 50Hz.
- Teiknaðu tengimynd sem sýnir íhlutina, spennugjafann og straummæla sem mæla greinistrauma og heildarstraum.
 - Reiknaðu út greinistraumana.
 - Teiknaðu straumvektoramynd í kvarða og mældu og reiknaðu heildarstrauminn.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 59 Spanálag tekur 2A þegar það tengist 230V riðspennu. Aflið mælist 100W. 500W, 230V, hitaofn ($\cos\varphi_{\text{ofn}} = 1,0$) er hliðtengdur við spóluna.
- Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Finndu rauaflstuðul spólunnar, $\cos\varphi_{\text{sp}}$.
 - Reiknaðu greinistraumana og teiknaðu straumvektoramynd.
 - Hve stóran straum taka þessi tvö álög til samans? Skrifðu stærð straumsins inn á tengimyndina í a) lið.
- 60 500W lýsing með glóperum og 3A einfasmótor með $\cos\varphi_{\text{m}} = 0,8$ eru tengd 230V riðspennuneti.
- Gerðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Reiknaðu perustrauminn. Við gefum okkur að perurnar séu hreint raunálag.
 - Teiknaðu straumvektoramynd og finndu straumálagið á sjálfvörin sem álagið tengist í gegnum.
- 61 Lýsing á teiknistofu er með tíu, 40W flúrlampa og tólf 100W glóperur. Spenna netsins er 230V.
- Teiknaðu tengimynd sem sýnir íhlutina, spennugjafann og straummæla sem mæla greinistrauma og heildarstraum.
 - Hve mikinn straum taka flúorlamparnir ef $\cos\varphi_{\text{fl}} = 0,5$?
 - Hve stóran straum taka perurnar? ($\cos\varphi_{\text{pera}} = 1,0$).
 - Teiknaðu vektoramynd og reiknaðu heildarstraumurinn.
- 62 Spólan á myndinni er 0,20H og raunviðnám hennar er 71 Ω . Straumurinn gegnum peruna er 0,5A og hún reiknast sem hreint raunviðnám.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur



Mynd með dæmi 62

- Teiknaðu viðnámsvektoramynd spólunnar, reiknaðu sýndarviðnám hennar og strauminn I_{sp} .
- Reiknaðu raunafstuðul spólunnar, $\cos\varphi_{sp}$.
- Teiknaðu straumvektoramynd og reiknaðu I_H .
- Reiknaðu raunafli rásarinnar.
- Tengdu þétti við rásina. Notaðu straumvektoramyndina í c) lið til að finna hve stóran launstraum þéttirinn þarf að framleiða til að rásin sé í fasa?
- Reiknaðu launviðnám og rýmd þéttisins.
- Hver verður heildarstraumurinn eftir tengingu þéttisins? Sýndu þéttisstrauminn og nýja heildarstrauminn á vektoramyndinni.
- Hvert er raunaflið nú eftir tengingu þéttisins? Rökstyddu svarið.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 63 Lýsing í vinnustofu er með 12 tveggja peru flúrlampa. Hver flúrpera er 38W. Í vinnustofunni er einnig 8 borðlampar með 75W glóperum. Spennan er 230V, 50Hz.
- Teiknaðu skýringarmynd. Sýndu á myndinni straummæla sem mæla strauminn til flúrlýsingarinnar, glóperanna og heildarstrauminn.
 - Hve mikinn straum taka flúorlamparnir, ef raunafstuðull þeirra er 0,5?
 - Hve mikinn straum taka perurnar?
 - Teiknaðu straumvektoramynd.
 - Hve mikinn straum tekur öll lýsingin?
 - Flúrlampar eru oft með þetta sem leiðrétt fasvik þeirra. Hve stóra rýmd þarf til að eyða fasviki flúrlýsingarinnar?
 - Teiknaðu launstrauminn sem þéttarnir framleiða inn á vektoramyndina í d) lið.
 - Hve stóran þétti þarf að setja í hvern flúrlampa til að þeir uppfylli skilyrðið í f) lið?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

64 Flutningslínur fyrir raforku hafa rýmd, span og raunviðnám. Leiðarnir virka sem plötur þéttis og lengd þeirra orsaka span- og tapsviðnám.

Í dæminu hér á eftir hugsum við okkur langa flutningslínu. Til einföldunar er eingöngu tekið tillit til rýmdarinnar. Við sleppum m.ö.o. spennu- og afltapa vegna spans og raunviðnáms.

Heildar rýmdin í línunni er $0,4\mu\text{F}$ og þar sem við sleppum töpunum getum við litið á þessa rýmd og álagið hliðtengt.. Línan flytur 150kW til álagsins, sem er spanálag með $0,8$ raunaflostuðul. Þar sem við horfum framhjá töpum er spennan yfir álagið sú sama og í endanum hjá spennugjafanum. Spennan er 20kV og tíðnin 50Hz .

- Teiknaðu skýringarmynd sem sýnir rýmd línunnar og álagið. Teiknaðu líka straummæla inn á myndina.
- Hver verður hleðslustraumur kapalsins?
- Hver er straumurinn í álaginu?
- Teiknaðu vektoramynd. Hafðu spennuna sem viðmiðun.
- Hve stór er straumurinn frá spennugjafanum?

65

Inn á 230V , 50Hz , grein í töfluskáp tengjast fjórar 60W glóðarperur ($\cos\varphi_{g1} = 1,0$), 440W mótör ($\cos\varphi_{m1} = 0,94$ og annar 120W mótör með $\cos\varphi_{m2} = 0,5$.

- Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
- Reiknaðu strauminn sem hvert álag tekur.
- Teiknaðu vektoramynd í kvarða, sem sýnir alla straumana miðað við sameiginlega spennu.
- Reiknaðu heildar straumálagið á greinina.
- Hvert verður heildar fasvikshornið?

66 Einfasa álag, sem tengist 230V , 50Hz , spennu, tekur 15A og fasvikshornið er 40° , straumurinn á eftir spennunni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- a) Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
- b) Sýndu vektoramynd rásarinnar og notaðu spennuna sem viðmiðun.
- c) Hve stóran þétti þarf að hliðtengja við álagið til að minnka fasvikshornið niður í 20° ? Sýndu straumvektor þéttisins á vektoramyndinni í b) lið.

67 Rafmagnsofn, flúrlýsing og einfasa mótör tengjast við 230V, 50Hz, riðspennunet.

Ofninn tekur 4A, $\cos\varphi_{\text{ofn}} = 1,0$.

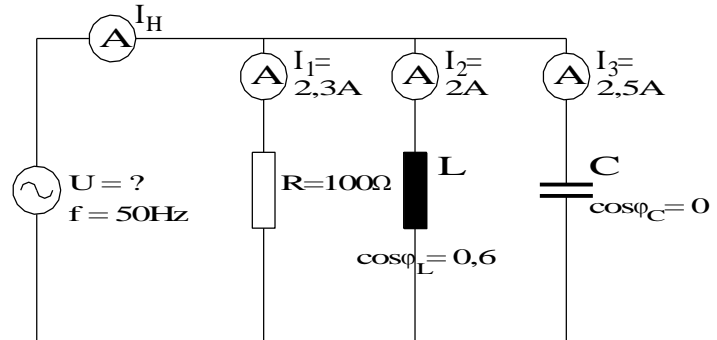
Lýsingin tekur 3A, $\cos\varphi_{\text{lýs.}} = 0,5$.

Mótörinn tekur 880W, $\cos\varphi_m = 0,8$.

- a) Gerðu tengimynd til skýringar. Merktu inn gefnar stærðir.
- b) Reiknaðu strauminn sem mótörinn tekur.
- c) Teiknaðu vektoramynd í kvarða, sem sýnir alla straumana miðað við sameiginlega spennu.
- d) Reiknaðu heildar straumálagið á vör spennugjafans.
- e) Hvert verður heildar fasvikshornið?
- f) Nú er algengt að flúrlampar séu fasaleiðréttir. Hve stóran þétti þyrfti að tengja með lýsingunni til að leiðrétta fasvik hennar?
- g) Hvernig breytist heildar straumálagið á vörin?
- h) Hvert verður nú fasvikið milli spennu og heildarstraums? Sýndu það á vektoramyndinni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

68 Skoðaðu vel myndina og upplýsingarnar sem þar eru gefnar.



Mynd með dæmi 68

- Reiknaðu spennuna U .
- Hve stór er rýmd þéttisins?
- Teiknaðu straumvektoramynd, sem sýnir strauma greinanna. Hafðu spennuvektor sem viðmiðun.
- Reiknaðu strauminn I_H . Sýndu hann á vektoramyndinni í c) lið.
- Hvert er heildar fasvik rásarinnar. Eða m.ö.o. hve stórt fasvik „sér“ spennugjafinn?
- Reiknaðu sýndarafl rásarinnar.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Einfasamótorar

69 Einfasa mótor, 500W, 240V, 50Hz, er ræstur með þétti. Mæling á vöfum hans gefur eftirfarandi:

$$R_A = 9,0\Omega$$

$$X_A = 7,2\Omega$$

$$R_{hj} = 17,0\Omega$$

$$X_{hj} = 7,0\Omega$$

„A“ stendur fyrir aðalvöf mótorsins og „hj“ fyrir hjálparvöf hans.

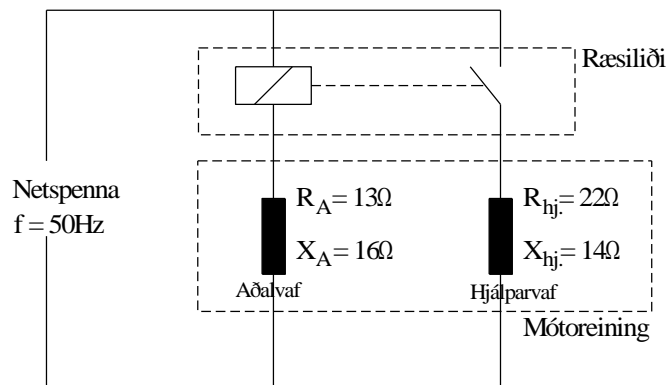
- Teiknaðu tengimynd sem sýnir vöf mótorsins.
- Teiknaðu straumvektoramynd sem sýnir afstöðu straumanna miðað við sameiginlega spennu. Ath. að það er ekki nauðsynlegt að sýna stærð straumanna.
- Raðtengdu þétti við hjálparvafið. Hve stórt verður fasvik hjálparvafsins, eftir tengingu þéttisins, ef hornið á milli straumanna verður 90° ? Sýndu það á straumvektoramyndinni. Merktu nýjan vektor hjálparvafsins með $I_{hj.m.C.}$.
- Teiknaðu viðnámsvektoramynd hjálparvafsins með þétti. Hve stór þarf þéttirinn að vera til að mynda fasvikið sem talað er um í lið c)?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 70 250W einfasa mótor fyrir 230V, 50Hz, er ræstur með þétti. Fasvikshornið í aðalvafinu er 34° . Raunviðnám hjálparvafsins mælist 19Ω . $90\mu\text{F}$ þéttir í hjálparvafinu myndar 90° horn milli straumanna í aðal- og hjálparvöfum í ræsingu.
- Hvað er launviðnám hjálparvafsins stórt? Teiknaðu viðnámsvektoramynd.
 - Hvaða áhrif hefur það á hornið milli straumanna ef þéttirinn er stækkaður upp í $110\mu\text{F}$? Rökstyddu svarið, t.d. með því að teikna viðnámsvektoramynd.

Rafmagnsfræði Kaffli 15 Riðstraumur

- 71 Það má líta á straumrás einfasa mótors sem tvær hliðtengdar greinar með span- og raunviðnámi. Stundum eru mótórnir tengdir eins og sýnt er á myndinni. Á henni er aðalvafið tengt í gegnum straumspólu ræsiliða. Ræsistraumurinn gefur það mikinn straum að liðinn tengir snertuna í hjálparvafinu. Þannig eru bæði vöfin tengd spennugjafanum í ræsiaugnablikinu. Þegar mótórnir fer að snúast lækkar straumurinn og verður of lítill til að virkja ræsiliðann og hjálparvafið aftengist það með.



Mynd með dæmi 71

- Notaðu upplýsingarnar á tengimyndinni til að finna hve stórt horn verður á milli straumanna í aðal- og hjálparvöfum í ræsiaugnablikinu. Við skulum ekki taka tillit til viðnáms í spólu ræsiliðans.
- Teiknaðu straumvektoramynd, sem sýnir strauma vafanna miðað við sameiginlega spennu.
- Nú er stundum notaður þéttir til að auka hornið á milli straumanna. Hve mikið myndi $140\mu\text{F}$ þéttir auka hornið á milli strauma vafanna á myndinni? Teiknaðu viðnámsvektoramynd hjálparvafsins eftir tengingu þéttis. Sýndu strauminn í hjálparvafinu með þétti á vektoramyndinni í lið b).

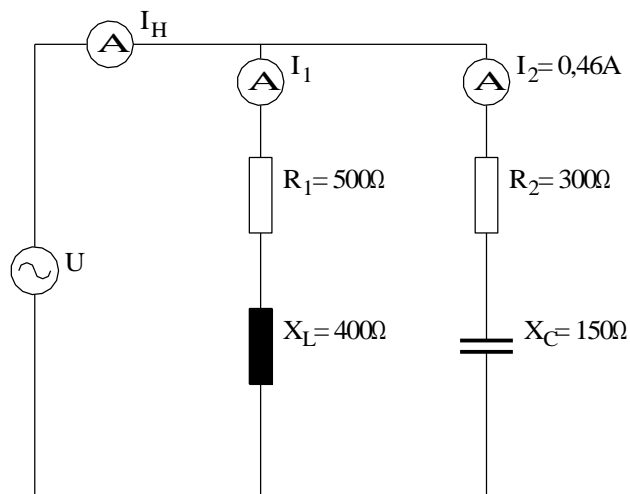
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 72 Eftirfarandi mælingar voru gerðar á vöfum einfasa mótors. Mælingarnar voru gerðar með stafrænum aflmæli og tíðni stillanlega spennugjafans var 50Hz.
- 1) hjálparvafið: $U=21,6\text{V}$, $I=0,54\text{A}$ og $P_{hj.}=8\text{W}$
 - 2) aðalvafið: $U=21,6\text{V}$, $I=0,95\text{A}$ og $P_A=15\text{W}$.
 - a) Gerðu tengimynd sem sýnir vöf mótorsins og merktu inn á hana þessar mældu stærðir.
 - b) Teiknaðu straumvektoramynd, sem sýnir strauma vafanna miðað við sameiginlega spennu.
 - c) Reiknaðu viðnám ræsipéttis, sem orsakar 85° á milli straumanna í aðal- og hjálparvafi. Sýndu viðnámsvektoramynd og útreikninga í tengslum við þennan lið.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Ýmis dæmi

- 73 Tvær spólur er hliðtengdar við 220V, 50Hz, net. Önnur hefur raunviðnámið 10Ω og launviðnámið 8Ω , en hin hefur raunviðnámið $7,5\Omega$ og launviðnámið 6Ω .
- Gerðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Reiknaðu greinistraumana og teiknaðu straumvektoramynd.
 - Reiknaðu heildarstrauminn út frá vektoramyndinni í b) lið.
 - Reiknaðu afl hvorrar spólu og heildaraflið.
 - Finndu sýndarviðnám, Z , hvorrar spólu og allrar rásarinnar.
 - Hvernig rás „sér“ spennugjafinn?
- 74 Rás eins og myndin sýnir.

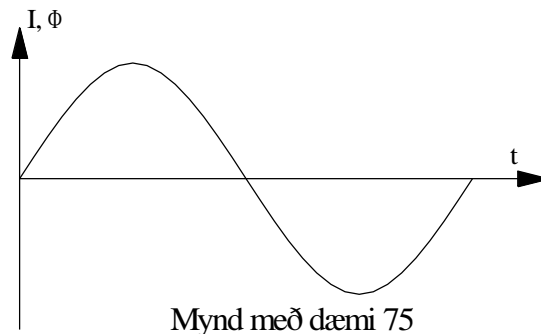


Mynd með dæmi 74

- Gerðu spennuvektoramyndir í kvarða fyrir báðar greinar hliðtengingarinnar.
- Gerðu straumvektoramynd í kvarða, sem sýnir greinistraumana og heildarstrauminn miðað við sameiginlega spennu.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 75 Kjarnar í segulrofum eru í tveimur hlutum. Í öðrum hlutanum er komið fyrir skuggapólsvindingi. Skuggapóllinn gerir það að verkum að kjarna helmingarnir titra síður eða alls ekki þegar riðstraumur spólunnar og þar með segulsvið kjarnans eru að fara í gegnum núllið



Á myndinni er kúrfa sem sýnir hvernig segulsvið í spólu breytist í takti við strauminn sem framleiðir það. Notaðu myndina til að útskýra virkni vindingsins á skuggapólnum og hvernig þetta dregur úr áður nefndum titringi. Þú getur líka stuðst við Faraday's spanlög. Um það er fjallað í tengslum við mynd 8.

- 76 Mæling á spólu með járnkjarna gefur eftirfarandi niðurstöðu:

$$R_{L,vír} = 100\Omega \quad U_L = 110V \quad P_L = 5W \quad I = 100mA$$

Þú ætlar að setja upp rás í tölvu í WorkBench forritinu sem hagar sér eins og ofangreind spóla. Í því forriti er bara völ á íhlutum sem eru fullkomnir, þ.e. hreint raunviðnám í Ohmum, spólur í Henryum án tapa, þéttar í Farad án tapa o.s.frv.

Teiknaðu tengimynd og merktu inn á hana stærðir eins og þú myndir nota í áður nefndu forriti til að líkja eftir spólunni sem er lýst með mælaniðurstöðunum hér að ofan.

- 77 Álag á riðspennugjafa veldur 30° fasvikshorni, straumurinn er á eftir spennunni. Straummælir sem er tengdur við álagið sýnir 5A og spennan er 230V. Þú tengir tveggja innganga sveiflusjá við álag og straummæli þannig að annar inngangurinn sýni

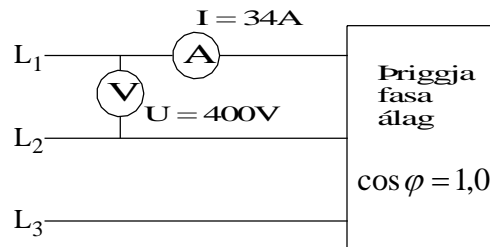
Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

strauminn og hinn inngangurinn spennuna.

- Teiknaðu tengimynd sem sýnir álag, straummæli og tengingu sveiflusjár.
- Hvernig lítur sveiflusjármyndin út? Teiknaðu mynd. Merktu fasvikshornið inn á myndina. (ATH! Þú þarft að hafa báða ásana í kvarða.)

Þriggja fasa rásir

78 Þú mælir straum og spennu til þriggja fasa álags eins og myndin sýnir.



Mynd með dæmi 78

- Hvert er aflið sem álagið tekur frá netinu?
- Skiptir máli, við útreikning aflsins, hvort álagið er tengt í stjörnu eða þríhyrning, ef þú veist aðalstraum og aðalspennu til álagsins?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

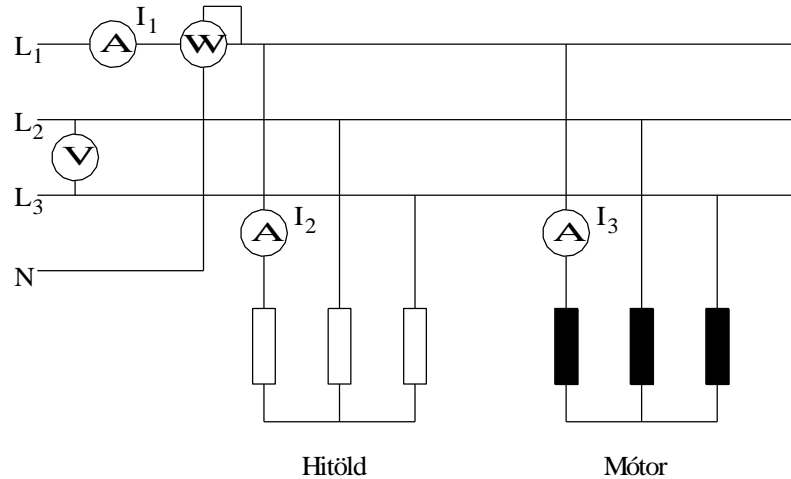
- 79 Við erum með 3ja fasa riðstraumsrafala sem er merktur: 230/400V, 50kVA.
- Teiknaðu myndir sem sýnir rafalann stjörnutengda annars vegar og þríhyrningstengdan hins vegar. Merktu inn á myndirnar fasa- og aðalspennur.
 - Hver er fasastraumur rafalans í þessum tengingum? Merktu gildin inn á myndirnar í a) lið.
 - Hver er aðalstraumur rafalans í Y-tengingunni annars vegar og í Δ -tengingunni hins vegar? Merktu gildin inn á myndirnar í a) lið.
 - Hver er fasaspennan við Y tengingu annars vegar og við Δ tengingu hins vegar?
 - Hver er aðalspennan við Y tengingu annars vegar og við Δ tengingu hins vegar? Merktu aðalspennurnar inn á myndirnar í a) lið.
 - Þennan rafala ætlum við að nota til að keyra inná 3ja fasa riðstraumsmótor sem hefur spennumerkinguna 400/690V. Hvernig á að tengja rafalann til að hann gefi mótornum rétta spennu?
 - Teiknaðu upp tengibretti rafala og mótors, merktu tengiskrúfurnar, með algengri bókstafamerkingu, og sýndu hvernig mótorinn er tengdur við rafalann svo vöf hans (mótorsins) fái rétta spennu.
 - Sýndu á myndinni í g) lið hvernig aðalspenna rafalans er mæld og hvernig aðalstraumurinn, sem mótorinn tekur, er mældur.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 80 Þriggja fasa álag er myndað úr þremur 23Ω mótstöðum. Raunafstuðull þeirra er 1,0. Spenna netsins er $3 \times 400\text{V}$, 50Hz.
- Tengdu álagið í stjörnu. Gerðu tengimynd. Á myndinni á að koma fram netið og álagið ásamt mælum til að mæla aðalspennu og aðalstraum. Merktu inn á myndina gefnar stærðir.
 - Reiknaðu spennufallið yfir hverja mótstöðu eða m.ö.o. hver verður fasaspenna álagsins?
 - Reiknaðu strauminn í gegnum hverja mótstöðu, þ.e. fasastrauminn, og aðalstrauminn.
 - Reiknaðu aflið sem álagið tekur.
 - Breyttu tengingu álagsins í þríhyrning. Gerðu nýja tengimynd sem sýnir sömu atriði og í lið a).
 - Hver verður nú fasaspenna álagsins?
 - Reiknaðu fasastraum og aðalstraum álagsins.
 - Reiknaðu aflið sem álagið tekur.
 - Hvert er hlutfallið milli aflsins í stjörnutengingunni annars vegar og í þríhyrningstengingunni hins vegar?
- 81 Þrjár spólur eiga að tengjast þannig inná $3 \times 400\text{V}$ net að hver um sig fái 230V spennu. Spólurnar hafa allar 45Ω raunviðnám og $\cos\phi = 0,78$.
- Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Reiknaðu aðalstrauminn.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

82 Þriggja fasa álög eru tengd við 3x400V spennu eins og myndin sýnir.



Mynd með dæmi 82

Straumurinn I_1 mælist 6,1A.

Straumurinn I_2 mælist 5,5A.

Spennumælirinn sýnir 400V.

Aflmælirinn sýnir 1300W (fasaaflið).

Raunafstuðull hitaldanna er 1,0 og mótorsins 0,3.

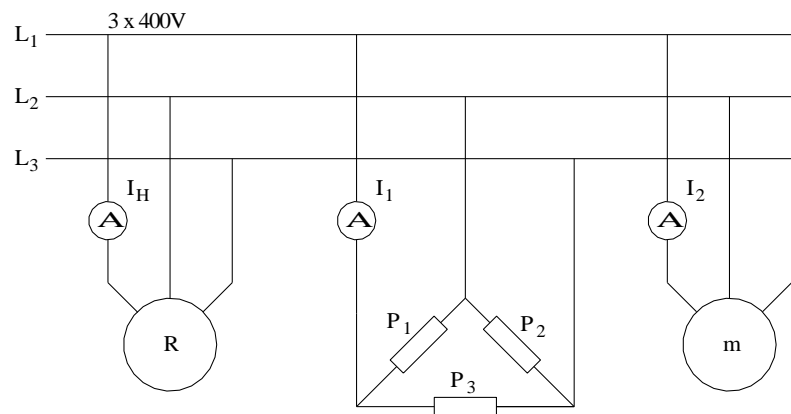
Raunafstuðull mótorsins er þetta lítill því hann gengur álagslaus.

Hvað tekur mótorinn mikið raunafli?

Sýndu útreikning.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 83 Við þriggja fasa net er tengt álag eins og myndin sýnir. Aðalspennan frá rafalanum er $3 \times 400\text{V}$. Raunálagið P_1 , P_2 og P_3 eru til samans 3300W og raunaflostuðull þeirra er $1,0$. Aflið út frá mótornum er 3200W , nýtnin er $0,8$ og raunaflostuðullinn er $0,82$.



Mynd með dæmi 83

- Teiknaðu straumvektoramynd rásarinnar.
- Reiknaðu strauminn frá rafalanum.
- Reiknaðu heildar raunaflostuðul álagsins á rafalann.
- Reiknaðu launaflið og raunaflið frá rafalanum.
- Teiknaðu aflvektoramynd sem sýnir aflfið frá rafalanum.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 84 Þrjú hitöld (mótstöður með hreinu raunviðnámi) eru tengd í þríhyrning og tengd við þriggja fasa net með $3 \times 400\text{V}$, 50Hz , spennu. Straumurinn að hitöldunum er mældur með ampertöng og mælist 20A .
- Teiknaðu tengimynd nets og hitalda í ofangreindri tengingu. Sýndu mæla og merktu inn gefnar stærðir.
 - Hvert er viðnám hvers hitalds?
Þriggja fasa rafmótor er tengdur inn á sama net og hitöldin. Mótorinn er undir fullu álagið og tekur $55,6\text{A}$ og raunaflstuðull hans við þær aðstæður er $0,85$.
 - Bættu mótornum inn á myndina í lið a).
 - Teiknaðu straumvektoramynd sem sýnir strauma mótors og hitalda.
 - Nú minnkar álagið á mótorinn. Við það fer heildarstraumur frá spennugjafanum niður í 45A . Hve mikinn straum sýnir nú straummælir mótorsins. Við gerum ráð fyrir að launstraumur mótorsins sé fasti, óháður álagi.
 - Teiknaðu straum og fasvikshorn mótorsins eftir álagsbreytinguna inn á vektoramyndina í lið d).

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Leiðrétting fasviks í þriggja fasa rásum

- 85 Þriggja fasa mótur er tengdur við $3 \times 220\text{V}$, 50Hz , net, ásamt spennu, straum og aflmæli. Þegar móturinn gengur álagslaus mælist aflið 412W og straumurinn sem hann tekur $5,8\text{A}$.
- Teiknaðu tengimynd sem sýnir netið, móturinn og mælubúnaðinn.
 - Reiknaðu fasvikshorn mótursins við þessar aðstæður og teiknaðu straumvektoramynd.
 - Nú stjörnutengjum við þrjá $64\mu\text{F}$ þetta við netið sem móturinn tengist. Bættu þéttunum inn á myndina í a) lið.
 - Reiknaðu aðalstraum þéttanna.
 - Hvert verður heildarfasvik þetta og móturs? Sýndu það á vektoramyndinni í lið b). Nú leggjum við álag á móturinn. Aflið mælist nú 2822W og straumurinn sem móturinn tekur $9,4\text{A}$.
 - Teiknaðu nýja straumvektoramynd.
 - Hve stóran straum taka þéttar og mótur til samans?
 - Hvert verður nú heildar fasvik móturs og þetta?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 86 Þriggja fasa spanmótor (skammhlaups­mótor) er tengdur 400V, 50Hz neti og afkastar 18,4kW fulllestaður. Nýtnin er 90% og raunaflstuðullinn er 0,85. Inn á netið eru einnig tengdir þrjú þéttar, þríhyrningstengdir. Stærð þéttanna á að velja þannig að heildar­straumur til álags og þetta verði í lágmarki, þ.e.a.s. að heildar raunaflstuðullinn verður 1,0.
- Teiknaðu tengimynd og merktu inn gefnar stærðir.
 - Teiknaðu aflvektoramynd. Hve mikið launafl þurfa þéttarnir að framleiða til að bæta raunaflstuðulinn í ofangreint gildi? Láttu það koma fram á vektoramyndinni.
 - Hve mikið launafl tekur kerfið frá netinu eftir tengingu þéttanna? Sýndu það á vektoramyndinni í b) lið.
 - Hve mikið raunafl tekur kerfið frá netinu eftir tengingu þéttanna?
 - Hver er rýmd þéttanna?

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 87 Í iðnfyrirtæki er spennan $3 \times 400\text{V}$, 50Hz og straumnotkunin er 800A , jöfn í öllum fösum. Aflstuðullinn er $0,60$. Til að bæta aflstuðullinn er hægt að ræsa samfasamótor. Hann er yfirsegulmagnaður þannig að raunaflluðull fyrirtækisins hækkar í $0,90$. Mótorinn er álagslaus.
- Teiknaðu tengimynd, sem sýnir netið, iðnfyrirtækið sem sérstakt álag og mótorinn tengdan sama neti í gegnum rofa. Sýndu á myndinni mæla til að mæla spennu kerfisins og straum frá neti, straum fyrirtækis og straum mótors.
 - Teiknaðu straumvektoramynd sem sýnir strauminn til álagsins (fyrirtækis) fyrir tengingu mótors.
 - Hve stóran launstraum þarf samfasamótorinn að framleiða til að bæta raunaflluðullinn í ofangreinda stærð? (Við tökum ekki tillit til raunstraums mótorsins.) Bættu honum inn á vektoramyndina í lið b).
 - Hve mikið launafl tekur fyrirtækið fyrir og eftir tengingu mótorsins?
 - Hve mikið er launaflið frá netinu eftir gangsetningu samfasamótorsins?
 - Teiknaðu örvar inn á myndina í a) lið sem sýna stefnur raun- og launaflsins í kerfinu.
- 88 Á samfasamótorinn í dæmi 87 er lagt álag þannig að raunstraumur hans verður 200A .
- Hve stóran launstraum þarf hann að framleiða til að kerfið í heild verði áfram með raunaflluðul upp á $0,90$? Sýndu vektoramynd.
 - Hve stór verður heildarstraumur samfasamótorsins? Sýndu hann á vektoramyndinni.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 89 Ásrafali og ljósavélarrafali eru keyrðir saman inn á skipsnet. Spenna skipsnetsins er 440V. Álagið á netið er 1200kW og raunaflstuðull álagsins er 0,8. Yfirsegulmagnaður samfasamótor er notaður til að framleiða launafl inn á netið. Samfasa mótorinn tekur 70kW til að snúast. Álagið á ásrafalann er 750kW og hann er þannig stilltur að hann framleiðir eingöngu raunafl. Ljósavélarrafalinn er keyrður þannig að raunaflstuðull hans er 0,9, straumur á eftir spennu.
- Teiknaðu tengimynd kerfisins samkvæmt lýsingunni hér að ofan. Merktu stefnur P og Q inn á myndina.
 - Hve mikið launafl framleiðir ljósavélarrafalinn?
 - Hver er straumurinn frá rafölunum? Teiknaðu straumvektoramynd. Sýndu straummæli á myndinni í lið a) sem mælir þennan straum.
 - Hver er raunaflstuðull samfasa mótorsins?
 - Teiknaðu aflvektoramynd kerfisins.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 90 Eftirfarandi upplýsingar fengust frá Landsvirkjun um raforkuflutning með Búrfellslínu. Línan liggur frá Búrfellsvirkjun, 120km vegalengd, í Hamranes, sem er rétt sunnan við Hafnarfjörð:

↓Staður Mæling→	U (kV)	P (MW)	Q (MVA _r)
Búrfell	228,0	156,8	17,3
Hamranes	218,0	156,0	8,0

- Teiknaðu mynd sem sýnir Búrfell sem spennugjafa og Hamranes sem álag og merktu inn gefnar stærðir á viðeigandi stöðum.
- Reiknaðu raunafstuðulinn og strauminn í Búrfelli.
- Hve mikið raunafli tapast í flutningnum og hvað verður um þessi töp?
- Hve stóra rýmd (þétti) þarf til að eyða fasvikinu við Hamranes? Teiknaðu þéttana inn á tengimyndina í lið a) og hafðu þá stjörnutengda.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Svör við æfingardæmum í 15 kafla**Ýmsar spurningar og dæmi.**

- 9 b) 0,02s eða 20ms
- 13 b) Pólarnir eru tveir eða eitt pólpar.
c) Pólpörin eru 15 eða 30 pólpar.
- 14 b) 0,636 eða 63,6%
- 15 a) Tvöföld tíðni spennu eða straums
c) 0,707 eða 70,7%
- 16 c) Hann vex.
- 22 a) Lýstu því sem gerist þegar jafnspennugjafi er tengdur við rás með spóluvirkni.
b) Tíminn er kallaður tímastuðull spólunnar og táknaður með gríska bókstafnum t (tá). Raunviðnám spólunnar og spennan sem hún tengist.
Á tíma sem er fimmfaldur tímastuðull spólunnar.

Spóla með raunviðnámi.

- 25 c) $I = 4,21\text{A}$
f) $L = 28,6\text{mH}$.
- 26 b) $28,75\Omega$
d) $20,65\Omega$
e) 0,718
- 27 b) $X_L = 18,85\Omega$
c) $Z = 27,46\Omega$
d) $U_{RL} = 12\text{V}$, $U_{XL} = 11,3\text{V}$.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

e) $U = 16,48V$

- 28 b) $Z = 0,97\Omega$
c) $X_L = 0,73\Omega$
e) $48,39^\circ$

- 29 b) $6,52\Omega$
c) $4,2\Omega$
d) $9,19A$

Skipting sýndarviðnáms í laun- og raunhluta.

30 e) $U_{raun} = 170,9V$. $U_{laun} = 153,9V$.

- 32 a) $I = 1,5A$
c) $L = 0,25H$

Afl í riðstraumsrásum

33 $1104W$.

- 34 a) $0,65$
b) $Q_r = 871,8VA_r$. $S_r = 1150VA$.

- 35 b) $X_L = 9,42\Omega$.
c) $Z = 10,4\Omega$
d) $I = 38,46A$.
e) $\cos\varphi = 0,38$
f) $P = 5916W$.

- 36 b) $0,50$.
c) $526,5W$ og $896,3VA_r$.
e) $1039,5VA$.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spóla með járnkjarna

- 37 b) 0,217.
c) 115Ω .
d) 25Ω og $112,2\Omega$.
- 38 b) 204,6V.
c) $966,7\Omega$, $311,5\Omega$ og $915,1\Omega$.
d) $R_{L,vír} = 133,3\Omega$.
 $R_{L,járn} = 178,2\Omega$

Raðtenging spólu og raunviðnáms

- 39 b) $Z_L = 22,09\Omega$ og $Z = 28,42\Omega$.
c) 8,09A.
d) $\cos\varphi_L = 0,090$ og $\cos\varphi = 0,633$.
e) 2938,8W.

Þéttar í riðstraumsrásum

- 40 0,188A.
- 41 a) 0,21A.
b) 134,1V og 95,5V.
- 42 b) $2,4\mu\text{F}$.
c) $1326,3\Omega$
d) 0,30A. $U_{4\mu\text{F}} = 240\text{V}$ og $U_{6\mu\text{F}} = 160\text{V}$.

Raðtenging þéttis og raunviðnáms

- 43 b) $39,78\Omega$.
d) 223V.
- 44 b) 21V og 18,2V.
c) 27,78V.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

Spóla, raunviðnám og þéttir raðtengd

- 45 b) $U_R = 80V$, $U_L = 76V$ og $U_C = 36V$.
c) 89,44V
d) 0,894.
- 46 b) $U_L = 543,5V$ og $U_C = 119,4V$.
- 47 b) $Z = 1583,45\Omega$.
c) $I = 69,4mA$.
d) 0,63.
d) $P = 4,82W$
e) $P_{d.c.} = 0W$.
- 48 b) $R_L = 208,0\Omega$.
c) $I = 0,98A$.
- 49 c) $81,0\Omega$ og $18,6\Omega$.
d) $53,66\Omega$.
e) 4,19A.
f) 339,4V, 77,9V og 208,2V.
h) $75,71^\circ$.
i) 56° .
j) Spanrás.
l) 263,8V.
- 50 b) 240,2V.
- 51 a) 0W. Rök: $P = U_C \cdot I \cdot \cos 90^\circ = 0W$.
b) 53,58V.
Ath. að við verðum að reikna sýndarviðnám spólunnar og stærð raunviðnámsins út frá gefnum upplýsingum og síðan heildar sýndarviðnámið þegar þéttirinn er ekki lengur til staðar.

Ýmis dæmi úr raðtengdum rásum

- 52 917,7Hz.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 54 27,39Hz.
- 55 b) Óleysanlegt. Því miður vantaði að gefa upp spennuföllin í rásinni.
- Hliðtenging laun- og raunálags**
- 56 b) $I_L = 1,0A$ og $I_R = 1,15A$.
c) $I_H = 1,52A$.
- 57 b) 1,9A og 1,53A.
c) 2,44A.
- 58 b) 0,6A, 0,4A og 0,29A.
c) 0,5A.
- 59 b) $\cos\varphi_{sp} = 0,217$
d) 2A (gefinn) og 2,17A
e) 3,25A.
- 60 b) 2,17A.
b) 4,9A.
- 61 b) 3,47A.
c) 5,2A.
d) 7,55A.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 62 a) $Z_{sp} = 94\Omega$ og $I_{sp} = 2,4A$
b) $\cos\varphi_{sp} = 0,75$.
c) $I_H = 2,8A$.
d) $529W$.
e) $1,58A$.
f) $145,5\Omega$, $21,8\mu F$.
g) $2,3A$.
h) Óbreytt.
- 63 b) $7,93A$.
c) $2,6A$.
e) $9,49A$.
f) $95\mu F$
h) Einn tólfta af $95\mu F$ eða $7,9\mu F$.
- 64 b) $2,51A$
c) $9,375A$
e) $8,12A$
- 65 b) $I_{gl} = 1,04A$, $I_{m1} = 2,035A$ og $I_{m2} = 1,04A$
d) $3,82A$
e) $24,67^\circ$
- 66 c) $75,5\mu F$
- 67 b) $4,78A$
d) $10,81A$
e) $30,40^\circ$
f) $35,95\mu F$
g) Straumurinn minnkar í $9,75A$
h) $17,1^\circ$

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 68 a) $U = 230\text{V}$.
b) $C = 34,59\mu\text{F}$
d) $I_H = 3,61\text{A}$
e) $\varphi_H = 14,42^\circ$
f) $S = 830,3\text{VA}$

Einfasamótorar

- 69 c) $51,34^\circ$
d) $112,67\mu\text{F}$
- 70 a) $7,19\Omega$
b) Hornið minnkar.
- 71 a) $18,42^\circ$
c) Hornið á milli straumanna myndi aukast úr $18,42^\circ$ í $72,55^\circ$.
- 72 c) $53,77\Omega$

Ýmis dæmi

- 73 b) $I_1 = 17,18\text{A}$, $I_2 = 22,9\text{A}$
c) $I_H = 40\text{A}$
d) $P_1 = 2,94\text{kW}$, $P_2 = 3,94\text{kW}$, $P_H = 6,88\text{kW}$
e) $Z_1 = 12,8\Omega$, $Z_2 = 9,6\Omega$, $Z_H = 5,5\Omega$
f) Hann „sér“ spanað álag með $38,66^\circ$ fasviki.
- 76 Þú verður að raðtengja 500Ω raunviðnám við $3,12\text{H}$ spólu.

Þriggja fasa rásir

- 78 a) $23,5\text{kW}$
b) Nei.

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 79 b) $I_f = 72,2A$
 c) $I_Y = 72,2A, I_D = 125A$
 d) Fasaspennan er sú sama í báðum tengingum eða 230V.
 e) 400V og 230V.
 f) Stjörnutengja.

- 80 b) $U_f = 230V$
 c) $I_f = I = 10A$
 d) $P = 6928W$
 f) $U_f = U = 400V$
 g) $I_f = 17,39A, I = 30A.$
 h) 20869W
 i) $\frac{P_\Delta}{P_Y} = 3$

- 81 b) 3,98A.

- 82 89,5W

- 83 b) 11,26A
 c) 0,93
 d) 2,86kVA_r, 7,25kW

- 84 b) 34,64Ω
 e) 32,53A

Leiðrétting fasviks í þriggja fasa rásum

- 85 b) 79,2°
 d) 2,55A
 e) 71,0°
 g) 8,0A
 h) 22,3°

Rafmagnsfræði Kafli 15 Riðstraumur

- 86 b) $12,66\text{kVA}_r$
 c) 0
 d) $20,44\text{kW}$
 e) $84\mu\text{F}$
- 87 c) $407,5\text{A}$
 d) $443,4\text{kVA}_r$. Sama fyrir og eftir tengingu
 mótorsins?
 e) 161kVA_r
- 88 a) $310,7\text{A}$
 b) $369,5\text{A}$
- 89 b) $251,8\text{kVA}_r$
 c) 1698A
 d) $0,107$
- 90 b) $\cos\varphi_B = 0,9945$, $I_B = 417\text{A}$
 c) $P_{\text{iöp}} = 7,8\text{MW}$
 d) $C = 0,54\mu\text{F}$